

#### FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M. DIVISION DE EDUCACION CONTINUA

#### A LOS ASISTENTES A LOS CURSOS

Las autoridades de la Facultad de Ingeniería, por conducto del jefe de la División de Educación Continua, otorgan una constancia de asistencia a quienes cumplan con los requisitos establecidos para cada curso.

El control de asistencia se llevará a cabo a través de la persona que le entregó las notas. Las inasistencias serán computadas por las autoridades de la División, con el fin de entregarle constancia solamente a los alumnos que tengan un mínimo de 80% de asistencias.

Pedimos a los asistentes recoger su constancia el día de la clausura. Estas se retendrán por el periodo de un año, pasado este tiempo la DECFI no se hará responsable de este documento.

Se recomienda a los asistentes participar activamente con sus ideas y experiencias, pues los cursos que ofrece la División están planeados para que los profesores expongan una tesis, pero sobre todo, para que coordinen las opiniones de todos los interesados, constituyendo verdaderos seminarios.

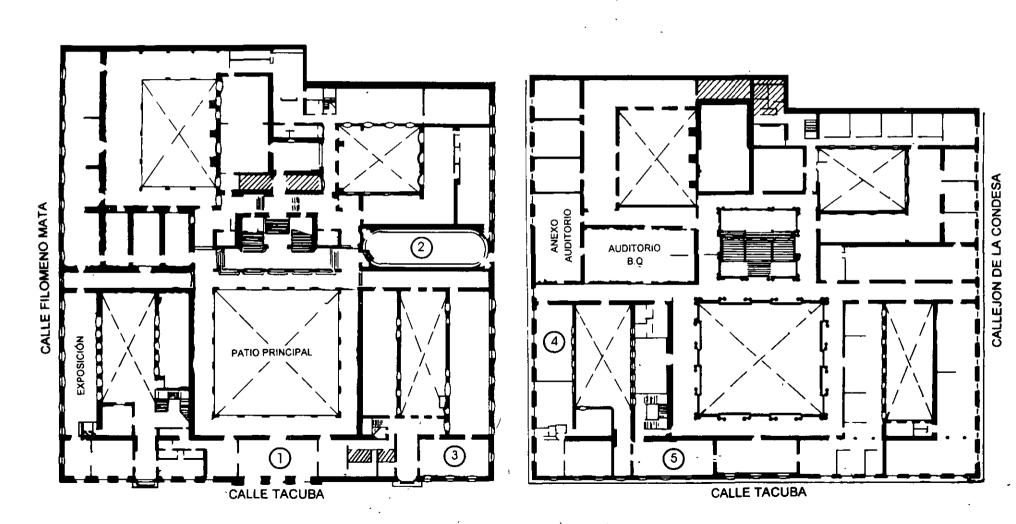
Es muy importante que todos los asistentes llenen y entreguen su hoja de inscripción al inicio del curso, información que servirá para integrar un directorio de asistentes, que se entregará oportunamente.

Con el objeto de mejorar los servicios que la División de Educación Continua ofrece, al final del curso deberán entregar la evaluación a través de un cuestionario diseñado para emitir juicios anónimos.

Se recomienda llenar dicha evaluación conforme los profesores impartan sus clases, a efecto de no llenar en la última sesión las evaluaciones y con esto sean más fehacientes sus apreciaciones.

Atentamente División de Educación Continua.

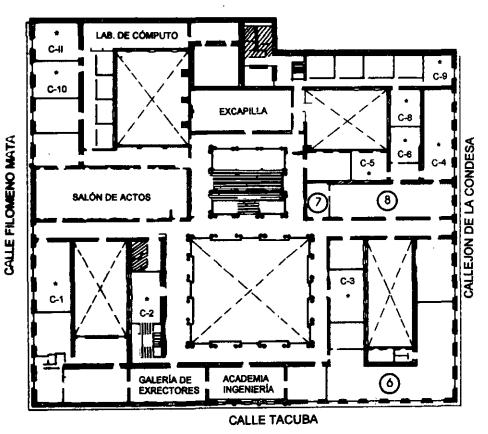
# PALACIO DE MINERIA



**PLANTA BAJA** 

MEZZANINNE

# PALACIO DE MINERIA



ler. PISO

# DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA FACULTAD DE INGENIERÍA U.N.A.M. CURSOS / ERTOS

# GUÍA DE LOCALIZACIÓN

- 1. ACCESO
- 2. BIBLIOTECA HISTÓRICA
- 3. LIBRERÍA UNAM
- 4. CENTRO DE INFORMACIÓN Y DOCUMENTACIÓN "ING. BRUNO MASCANZONI"
- 5. PROGRAMA DE APOYO A LA TITULACIÓN
- 6. OFICINAS GENERALES
- 7. ENTREGA DE MATERIAL Y CONTROL DE ASISTENCIA
- 8. SALA DE DESCANSO

**SANITARIOS** 

AULAS



# DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

### FACULTAD DE INGENIERÍA U.N.A.M.

APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN CA001

DURACIÓN: 48 HORAS

FECHA	HORARIO	TEMA	PROFESOR
LUNES 21 DE ENERO	17:00 A : 21:00	FRECUENCIA ABSOLUTA, RELATIVA Y RELATIVA ACUMULADA, ELABORACIÓN DE TABLAS Y GRÁFICAS DE FRECUENCIA Y MUESTREO ALEATORIO CON BASE ESTADÍSTICA	ACT. JOSÉ MARTÍN ESTRADA GARCÍA
MARTES . 22 DE ENERO	17:00 A 21:00	OFERTA Y DEMANDA: COSTOS, VALORES Y PRECIOS E ÍNDICE DE PRODUCCIÓN O CONSUMO PER CÁPITA	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
MIÉRCOLES 23 DE ENERO	17 00 A 21:00	VALORES MONETARIOS REALES, NOMINALES Y DIAGRAMAS DE FLUJO DE RECURSOS	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
JUEVES 24 DE ENERO	17:00 A 21:00	ÍNDICE DE INGRESO PER CÁPITA: VALOR MONETARIO Y TIPO CAMBIARIO MONETARIO	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
LUNES 28 DE ENERO	17:00 A 21:00	MODELO "CAMBIO MONETARIO-CONSUMO-INGRESO"; SUERTES PRINCIPALES, MONTOS; VALORES PRESENTES Y FUTUROS	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
MARTES 29 DE ENERO	17.00 A 21:00	DEFINICIÓN DE PERIODOS Y PLAZOS: TEORÍA DEL INTERÉS Y AMORTIZACIONES EQUIVALENTES	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
MIÉRCOLES 30 DE ENERO	17:00 A 21:00	CRÉDITOS HIPOTECARIOS Y AL CONSUMO; CRÉDITOS AFICORDADOS Y CRÉDITOS DE PLÁSTICO	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
JUEVES 31 DE ENERO	17:00 A 21:00	PRINCIPIOS FUNDAMENTALES DE LA CONTABILIDAD Y CUENTAS CONTABLES	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
LUNES 4 DE FEBRERO	17:00 A 21:00	CARGOS Y ABONOS Y AMORTIZACIONES Y DEPRESIONES CONTABLES	M EN I ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
MIÉRCOLES 6 DE FEBRERO	17:00 A 21.00	SALDOS Y BALANZAS DE COMPROBACIÓN Y BALANCES GENERALES Y ESTADOS DE Y GANANCIAS	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
JUEVES 7 DE FEBRERO	17:00 A 21:00	RAZONES FINANCIERAS	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
LUNES 11 DE FEBRERO	17:00 A 21:00	ELABORACIÓN DE TABULADORES Y GRÁFICAS PARA LA TOMA DE DECISIONES	M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ



# DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA, UNAM **CURSOS ABIERTOS**



DIPLOMADO EN VALUACION INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS **CURSO:** 

MODULO I: APLICACIONES ESTADISTICAS. FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN DEL 21 DE ENERO AL 11 DE FEBRERO DEL 2002 CA 001 FECHA:

**EVALUACIÓN DEL PERSONAL DOCENTE** 

(ESCALA DE EVALUACION: 1 A 10)				•
CONFERENCISTA	DOMINIO	USO DE AYUDAS	COMUNICACIÓN	PUNTUALIDAD
	DEL TEMA	AUDIOVISUALES	CON EL ASISTENTE	
M. EN I. ENRIQUE A. HERNÁNDEZ RUIZ				
ACT. JOSÉ MARTÍN ESTRADA GARCÍA				,
	-			
-				
			.=	
			Promedio	
EVALUACIÓN DE LA ENSEÑANZA				<del></del>
CONCEPTO	CALIF			
ORGANIZACION Y DESARROLLO DEL CURSO				
GRADO DE PROFUNDIDAD DEL CURSO				44
ACTUALIZACIÓN DEL CURSO				
APLICACIÓN PRACTICA DEL CURSO			Promedio	
		•		
EVALUACIÓN DEL CURSO				
CONCEPTO	CALIF			
CUMPLIMIENTO DE LOS OBJETIVOS DEL CURSO		-		
CONTINUIDAD EN LOS TEMAS				,
CALIDAD DEL MATERIAL DIDÁCTICO UTILIZADO			Promedio	
			, romedio	

Evalua	ción to	ital de	el curso	
	Olon to		,, 00100	

1. ¿Le agradó su estancia en la División de Educa	ación Co	ntinua?		
	Sł	,	NO	
Otto diagram and the same in			'	
Si indica que "NO" diga porqué:			<del> </del>	
2. Medio a través del cual se enteró del curso.				
•	.=			
Periódico La Jornada		7		•
Folleto anual		7		
Folleto del curso				
Gaceta UNAM		1		
Revistas técnicas				
Otro medio (Indique cuál)				
3. ¿Qué cambios sugeriría al curso para mejorarlo	)?			
				-
<u> </u>		<del></del>		
				<del> </del>
4. ¿Recomendaría el curso a otra(s) persona(s) ?	<u>-</u>			
	SI		NO	
5.¿Qué cursos sugiere que imparta la División de	Educaci	ón Continua?		
	·		<del></del>	<del>-</del>
			<del></del>	
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
6. Otras sugerencias:				
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				
			<u> </u>	
				V 1. 2000 - I



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

# **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y .... CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### **TEMA**

INTRODUCCIÓN A LOS CONCEPTOS BÁSICOS DEL PROCESO VALUATORIO

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002

# BANCOPEMEXICO

#### CIRCULAR-TELEFAX 12/2000

México, Distrito Federal, a 11 de febrero de 2000.

A LAS INSTITUCIONES DE BANCA MULTIPLE:

ASUNTO; AVALUOS BANCARIOS.

El Banco de México, eon-fundamento en los artículos 26 de sur Ley y 48 de la Ley de Instituciones de Crédito, y considerando que la Comisión Nacional Bancaria y de Valores nos ha Informado que dejará de llevar el registro de valuadores bancarios, ha resuelto derogar a partir del 14 de febrero de 2000, el numeral M.33 1 de la Circular 2019/95.

Klentamente

BANCO DE MEXICO

ETC. MECTOR TIMOCO JARAMILLO DIRECTOR DE DISPOSTATIONES DE BANCA CENTRAL LTC. PASCUAL D'DOGHTRIY MADRATO DIRECTOR DE ANALISTS DEL SISTEMA FINANCIERO

La presente Circular-Teletax consta de 1 págins. Para cualquior aclaración sobre au transmisión, favor de comunicarse a nuestra Oficina de Telecomunicaciones intermecionales a los telétorios (5) 237.23 21 ó 237.21 42.

LA PRESENTE CIRCULAR-TELEFAX SE EXPIDE CON FUNDAMENTO EN LOS ARTICULOS 8º 14 Y 17 FRACCION I DEL REGLAMENTO INTERIOR DEL RANCO DE MEXICO.

CARCE RANKEO APARTADO NUM 98 85 OLOS CONTROLES AND AND AND OBSENSED DI



# SECRETARIA DE HACIENDA Y CREDITO PUBLICO COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE VALORES

México, D.F., a 14 de sebrero de 2000.

CIRCULAR Núm. 1462

ASUNTO: AVALUOS BANCARIOS.- Se dan a conocer disposiciones de carácter general para la prestación del servicio de avalúos.

#### A LAS INSTITUCIONES DE CREDITO:

La Comisión Nacional Bancaria y de Valores con fundamento en los artículos 77, 97 y 99 de la Ley de Instituciones de Crédito, 4. fracciones V. IX, XXXVI y XXXVII, 16, fracción I y 19 de la Ley-de la Comisión-Nacional Bancaria y de Valores y

#### CONSIDERANDO

Que el artículo 46, fracción XXII de la Ley de Instituciones de Crédito faculta a esas instituciones para que se encarguen de hacer avalúos que tendrán la misma fuerza probatoria que las leyes asignan a los hechos por corredor público o perito:

Que la propia Ley de Instituciones de Crédito establece en su artículo 48, entre otros aspectos, que las características de los servicios que realicen las mencionadas instituciones se sujetarán a lo dispuesto por la Ley del Banco de México;

- Que el Banco de México mediante Circular-Telelax 12/2000, ha decidido derogar a partir de esta fecha el numeral M.33.1 de su Circular 2019/95 relativo a valuadores, de tal forma que ya no es necesario que las instituciones de crédito contraten los servicios de personas que se encuentren inscritas en el registro a cargo de la Comisión Nacional Bancaria y de Valores;

Que es fundamental que esas instituciones cuenten con manuales que contengan prácticas y procedimientos, así como criterios técnicos que coadyuven a que los avalúos que realicen esten estandarizados, se apeguen a princípios valuatorios que sean aceptables en los ámbitos nacional e internacional y generen un mayor nivel ético y de competencia en protección de los usuarios de tales servicios;

Que resulta importante que cada institución de crédito tenga un padrón de valuadores para la prestación del servicio de avalúos, cuya integración responda a un riguroso procedimiento de selección que esté basado en altos requerimientos técnicos y éticos, así como controles que permitan la evaluación permanente del desempeño de las personas que estén incorporadas a dicho padrón; y

Que es indispensable que las instituciones de crédito organicen registros con valores de referencia de los diferentes avalúos que llevan a cabo, a fin de contar con mayores y mejores elementos objetivos para el ejercicio de la actividad valuatoria, ha resuelto expedir las siguientes disposiciones de carácter general:

PRIMERA.- Las instituciones de crédito en la prestación del servicio de avalúos se ajustarán a los "Lineamientos Generales para la Valuación Bancaria" y a los manuales de valuación, previstos en esta Circular.

**SEGUNDA.-** Los Lineamientos Generales para la Valuación Bancaria que se anexan a la presente Circular, se encuentran divididos en los apartados que a continuación se indican:

- A. Prácticas y Procedimientos.
- B. Inmuebles.
- C. Maquinaria y equipo.
- D. Agropecuarios:

TERCERA.- Las políticas relativas a la prestación del servicio de avaluos deberán ser aprobadas por el consejo de administración o consejo directivo, según corresponda, de las instituciones de crédito.

CUARTA.- Las instituciones deberán tener manuales de valuación que cumplan con lo señalado en los Lineamientos Generales para la Valuación Bancaria y que contengan las políticas a que alude la disposición anterior; las prácticas y procedimientos para la elaboración, revisión y certificación de los avalúos e integración de su padrón de valuadores, así como criterios técnicos por especialidad. En los citados manuales, las instituciones incluirán un glosario con los términos que utilicen en la realización de sus dictámenes valuatorios, así como las medidas correctivas que aplicarán a los valuadores en caso de irregularidades en el desempeño de su actividad valuatoria bancaria.

QUINTA.- Las instituciones proporcionarán a la Comisión Nacional Bancaria y de Valores los manuales a que se refiere la disposición anterior, así como las modificaciones que pretendan efectuar a dichos manuales, cuando menos con quince días hábiles de anticipación a la fecha en que inicien su aplicación.



La Comisión tendrá la facultad de veto respecto de los manuales y sus modificaciones, dentro de un plazo de quince días hábiles, contado a partir de la fecha de su recepción.

SEXTA.- Las instituciones deberán contar con una unidad administrativa responsable de los avalúos que esté técnicamente capacitada para ello, la cual deberá ser independiente en la formulación de sus dictámenes, de las unidades de crédito, de recuperación de crédito, de comercialización y demás unidades de negocios.

SEPTIMA.- Cada institución de crédito tendrá un padrón de valuadores para la prestación del servicio de avalúos, cuya integración responda a un riguroso procedimiento de selección que esté basado en altos requerimientos técnicos y éticos, así como controles que permitan la evaluación permanente del desempeño de las personas que estén incorporadas al padrón.

Los movimientos de altas y bajas en el citado padrón, así como la aplicación de medidas correctivas a los valuadores, deberán ser hechos del conocimiento de la Comisión Nacional Bancaria y de Valores, dentro de los diez días hábiles siguientes a la fecha en que se realicen o apliquen, según corresponda.

OCTAVA.- El valor de los bienes se determinará con independencia del propósito por el que se solicite el avalúo, observando en todo caso, los enfoques de valuación previstos en los Lineamientos Generales para la Valuación Bancaria.

NOVENA.- Los avalúos deberán elaborarse en papel membretado de la institución y contener el sello de la misma, así como los nombres y firmas tanto del funcionario autorizado por la propia institución para tal efecto, con mención del puesto que desempeña y su clave, como del valuador.

**DECIMA.-** Las instituciones organizarán un registro con los valores de referencia obtenidos en los diferentes avaluos que practiquen, distinguiendo los relativos a inmuebles? maquinaria y equipo y agropecuarios.



Las instituciones proporcionarán semestralmente a la Comisión Nacional Bancaria y de Valores, la información contenida en los registros a que se refiere el párrafo anterior, dentro de los primeros diez días hábiles de los meses de enero y julio.

**DECIMA PRIMERA.**- Las instituciones deberán conservar la información relativa a los avalúos que hagan por un plazo de cinco años, contado a partir de la fecha de su realización, de forma tal que permita su fácil identificación, localización y consulta.

DECIMA SEGUNDA.- Las instituciones serán responsables de la calidad moral y profesional de las personas físicas que contraten para la prestación del servicio deavalúos, de que éstos últimos se practiquen y formulen de conformidad con los dispuesto en la presente Circular y demás disposiciones de carácter legal y administrativo que les sean aplicables, así como de su razonabilidad.

DECIMA TERCERA.- Los manuales de valuación y la información a que se refieren las disposiciones Quinta, Séptima y Décima anteriores, deberán entregarse en las Dirección General Técnica, sita en Insurgentes Sur 1971, Conjunto Plaza Inn. Torre Sur, Piso 5, Colonia Guadalupe Inn. de esta Ciudad.

#### TRANSITORIAS

PRIMERA.- La presente Circular entrará en vigor el 1° de julio de 2000, salvo lo exceptuado en la disposición Segunda Transitoria y las disposiciones Tercera y Cuarta Transitorias que tendrán efectos a la fecha de esta Circular.

SEGUNDA.- A la entrada en vigor de la presente Circular se dejan sin efecto las Circulares 1201 y 1202, emitidas por la Comisión Nacional Bancaria el 14 de marzo de 1994, con excepción de lo establecido en las disposiciones Vigésima Sexta, por lo que se refiere al registro de perito valuador bancario, Segunda, Décima Segunda y Décima Quinta a Vigésima Quinta de la citada Circular 1201, las cuales se derogan a partir de la fecha de esta Circular.



TERCERA.- Las instituciones de crédito continuarán prestando el servicio de avalúos hasta la fecha de entrada en vigor de la presente Circular, únicamente con personas que al 13 de febrero de 2000 contaban con registro de perito valuador bancario vigente.

En todo caso, los avalúos deberán elaborarse en papel membretado de la institución y contener el sello de la misma, así como los nombres y firmas tanto del funcionario autorizado por la propia institución para tal efecto, con mención del puesto que desempeña y su clave, como del valuador.

Asimismo, las instituciones seguirán siendo responsables de la calidad moral y profesional de las personas físicas que contraten para la prestación del servicio de avalúos, de que éstos últimos se practiquen y formulen de conformidad con las disposiciones de carácter legal y administrativo que les sean aplicables, así como de su razonabilidad.

Las instituciones entregarán a la unidad ádministrativa señalada en la disposición Décima Tercera, la relación de valuadores con que a la segunda fecha a que se refiere el primer párrafo de esta disposición prestaban el servicio de avalúos, a más tardar el 21 de febrero del presente año

CUARTA.- Las instituciones contarán con un plazo que vencerá el 15 de marzo de 2000, para presentar a la citada Dirección General Técnica, un plan de implementación para ajustarse a lo dispuesto en esta Circular

QUINTA.- A la entrada en vigor de la presente Circular, las instituciones deberán incorporar en sus padrones a aquellos valuadores respecto de los cuales al amparo de la Circular 1201, hayan solicitado sus registros ya sea provisional, definitivo o la renovación de este último y dichos registros se encontraban vigentes a la fecha mencionada en segundo lugar en el primer párrafo de la disposición Tercera Transitoria de esta Circular.

Asimismo, las instituciones podrán incorporar en sus padrones a valuadores respecto de los cuales no hayan solicitado los citados registros, siempre que estos últimos estuviesen vigentes a la fecha a que se refiere el párrafo anterior y sin que para ello, sea necesario llevar a cabo los procedimientos establecidos en los Lincamientos Generales para la Valuación Bancaria, así como en sus manuales de valuación.



#### CIRCULAR Núm. 1462

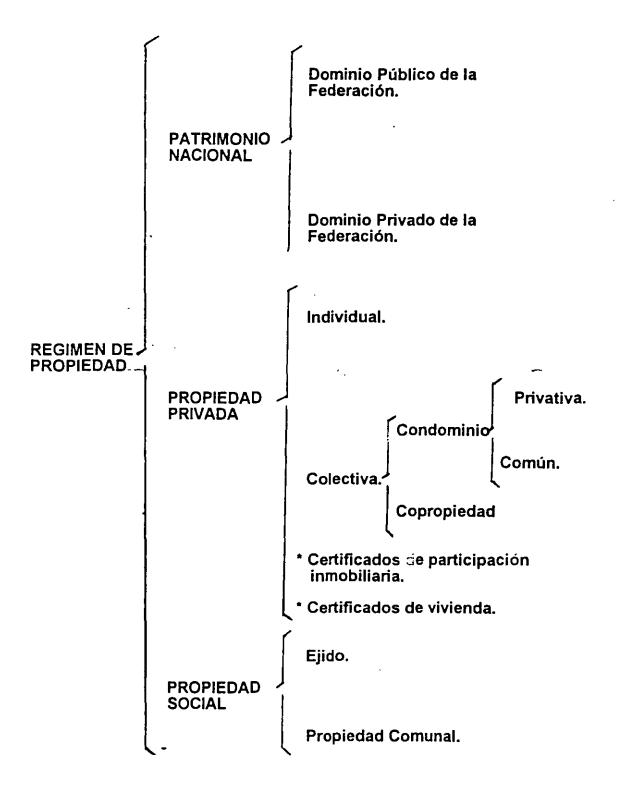
Las instituciones proporcionarán a la unidad administrativa señalada en la disposición Décima Tercera, el padrón de valuadores a que se refiere esta disposición, a más tardar el 5 de julio del presente año.

**SEXTA.-** Las consultas relacionadas con los Lineamientos Generales para la Valuación Bancaria, deberán plantearse a la Comisión Nacional Bancaria y de Valores por conducto de la Asociación de Banqueros de México, A.C.

#### Alchtamente,

#### COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE VALORES

Eduardo Feduandos Garcia Trosidente



# MARCO LEGAL DE LA VALUACIÓN

### DISPOSICIONES LEGALES RELACIONADOS CON LA VALUACIÓN

- Constitución Política de los Estados Unidos Mexicanos.
- Constitución Política de los Estados.
- Ley Reglamentaria del Servicio Público de Banca Crédito.
- Ley General de Títulos y Operaciones de Crédito.
- Ley General de Sociedades Mercantiles.
- Código de Comercio.
- Código Fiscal de la Federación y su Reglamento.
- Código Civil para el D.F.
- Código de Procedimientos Civiles para el D.F.
- Ley del Impuesto Sobre la Renta y su Reglamento.
- Ley del Impuesto Activo de las Empresas.
- Ley de Impuesto Agregado y su Reglamento.
- Lev de Impuesto sobre Adquisición de Inmuebles.
- Ley de Hacienda del Departamento del D.F y sus correlativas en los Estados y Municipios.
- Ley General de Bienes Nacionales.
- Reglamento de la Comisión de Avalúos de Bienes Nacionales.
- Ley de Expropiación.
- Ley Federal de las Entidades Paraestatales.
- Reglamento de Construcciones para el D.F y sus Correlativas para los Estados y Municipios.
- Ley Federal para la Reforma Agraria.
- Ley de Obras Públicas y su Reglamento.
- Ley General de Asentamientos Humanos.
- Ley del Notariado.
- Ley General del Equilibrio Ecológico y Protección al Ambiente.
- Ley Federal sobre Monumentos y Zonas Arqueológicas, Artísticas e Históricas.
- Ley Sobre el Régimen de Propiedad en Condominio de Inmuebles para el D.F y sus Correlativas para los Estados.
- Ley Sobre Adquisiciones, Arrendamientos y Almacenes de la Administración Pública Federal.
- Ley General sobre el contrato de Seguros.

- Ley de Herencias y Legados.
- Reglamento del Registro Público de la Propiedad.
- Disposiciones del Banco de México y la Comisión Nacional Bancaria y de Valores.
- Otras Disposiciones Aplicables.

#### LEY GENERAL DE INSTITUCIONES DE CREDITO.

#### CAPITULO III

#### De los delitos

ART. 111.

ART. 112.- Serán sancionados con prisión de tres meses a tres años y multa de treinta a quinientas veces el salario mínimo general diario vigente en el Distrito Federal, cuando el monto de la operación o quebranto según corresponda, no exceda del equivalente a quinientas veces el referido salario; cuando exceda dicho monto, serán sancionados con prisión de dos a diez años y multa de quinientas a cincuenta mil veces el salario mínimo señalado:

1.- ...

11.-...

III.- Las personas que para obtener créditos de una institución de crédito presenten avalúos que no correspondan a la realidad, resultando como consecuencia de ello quebranto patrimonial para la institución;

Appraised value. Value estimated by an appraiser.

ESTIMADO DE VALOR. Valor determinado por un Valuador.

Assessed value. Used for tax purposes and is based on fair market value estimated by assesors.

VALOR FISCAL. Valor determinado para efectos impositivos basados en el Valor Justo de Mercado.

Book value. An accounting value, acquisition cost plus capital improvements less depreciation reserves.

VALOR EN LIBROS. O Valor Contable, igual al costo de adquisición más mejoras menos depreciación.

Capital value. Value of fixed assets used in business.

VALOR DEL CAPITAL. Valor de los activos, usado en los negocios

Cash value. Value associated with an all-

VALOR DE CONTADO. Valor asociado con una operación al contado.

Depreciated value. Value remaining after depreciation is deducted from original acquisition price.

VALOR DEPRECIADO. Valor remanente resultante de deducir la depreciacion al valor original de adquisicion

Economic value. Value associated with a useful objet that is scarce and capable of measurement.

VALOR UTIL, asociado con un bien escaso, capaz de ser medido.

Exchange value. Value expressed in terms of other goods offered in exchange, usually money.

VALOR DE CAMBIO. Expresado en términos de dinero, ofrecido en una compraventa.

Extrinsic value. Value determined by persons who wish to purchase a property.

VALOR EXTRINSECO. Determinado por personas que desean adquirir una propiedad

Face value. Value set forth in a security, such as a bond, stock, or mortgage.

VALOR BASE DE GARANTIA. Para préstamos, acciones o hipotecas

Fair value. A transaction price that is fair to all parties of the transfer.

VALOR JUSTO DE MERCADO. O valor comercial aceptado por los partes de una compraventa.

Improved value. Value of a property after on-site construction is completed.

VALOR, MEJORADO. Valor de una propiedad después de terminada la construcción.

Insurable value. Actual cash value of improvements subjet to damage from fire or other destructive hazards and excludes such items as site, excavation, pilings, and underground drains.

VALOR ASEGURABLE. Determinado a partir de las mejoras sujetas a daños, por fuego, siniestros, etc. excluyendo el terreno, cimentación y drenajes en el subsuelo

Intrinsic value. Value inherent in the object itself, such as a precious metal.

VALOR INTRINSECO, Inherente a un bien en si mismo, como el de los metales preciosos.

Investment value. Established by an individual investor, based on his or her particular criteria which may differ from those of the market in general.

VALOR DE INVERSION. Establecido por infiniteriorista, basado en su criteriorista personal que puede diferir del mercado en general

Leasehold value. A tenant's value in a property as a result of favorable lease terms.

VALOR PARA EL ARRENDATARIO. Valor de una propiedad como resultado de los términos del arrendamiento.

Liquidation value. Distress price received by owner without benefit of usual market exposure, sometimes called "forced sale value."

VALOR DE LIQUIDACION. Valor mínimo recibido por el propietario sin los beneficios del mercado abierto, denominado Valor Forzado de Liquidación.

Mortgage loan value. Based on a percentage of market value or other mortgage underwriting standards.

VALOR DE HIPOTECA. Basado en un porcentaje del valor de mercado o de políticas de garantía.

Nuisance value. Price paid to gain relief from an objetionable situation, such as a derelict adjoining property.

VALOR DESPRESTIGIADO. Precio pagado por un bien en condiciones objetables por la presencia de una propiedad contigua que la perjudica.

Potential value. Based on occurrence of some future event such as a proposed plan for a future development.

VALOR POTENCIAL. Basado en la eventualidad de situaciones a realizar, como los proyectos de un desarrollo futuro.

Real value. In contrast to potential value, excludes value increment due to speculative future events.

VALOR REAL En contraste con el valor potencial, excluye los incrementos debidos a eventos especulativos futuros.

Rental value. Value as a function of a property having been leased.

VALOR DE RENTA. Valor deteminado en función de la renta que produce una propiedad.

Replacement value. Sum of money necessary to rebuild a structure if destroyed by fire or earthquake.

VALOR DE REEMPLAZO O VALOR DE REPOSICION. Suma de dinero necesaria para reconstruir un bien si fuera destruído por fuego o terremoto.

Sales value. Based on the price that a property migth bring upon being sold.

VALOR DE VENTA. Basado en el precio de una propiedad vendida.

Salvage value. Price paid for a property or its improvements taking into account cost of removal of the structure, including delays.

VALOR DE RESCATE. Precio pagado por una propiedad o sus mejoras considerando el costo y tiempo de retiro de la estructura.

Speculative value. A hoped-for price that an investor expects based on an influential event such as rezoning or population or economic growth.

VALOR ESPECULATIVO. Precio esperado basado en la eventualidad de un uso de suelo diferente o del crecimiento económico o poblacional.

Stable value, Assumes unchanging market and property conditions.

VALOR ESTABLE Supone que no hay cambios en las condiciones de la propiedad o del mercado

Use value. Based on the profitability of a property's present and anticipated uses.

VALOR EN USO. Basado en el Valor Presente de los beneficios futuros que produce una propiedad.

Warranted value. Equivalent to market value, but seldom used.

VALOR DE GARANTIA. Equivalente al Valor de Mercado pero rara vez utilizado.

		19:	6.100	ALUAU	
Åño	Pesos p	or USD después	Porcentaje de devaluación	<b>3</b> 23	Secretario de Hacienda
1948-49	4.85	- 8.65	78% -	Miguel Alemán	Ramón S Beteta
1954	8.65	12.50	44%	Adolfo Ruiz Cortines	A Carrillo Flores
1976	12.50	20.60	65%	Luis Echeverría	Mario Ramón Beteta
1982 Febrero	26.24	49.00	86%	60	David Ibarra Muñoz
1982 Agosto	49.00	70.00	43%	Stration 128	Jesús Silva Herzog
1982 Diciembre 1984 1985	70.00 149.23 210.72	150.00 3 210.72 450.00	114%		Jesús Silva Herzog
1986 1987	9 450.00 9 922.00	922.00 ± 2,278.00 ±	<del>,                                    </del>	Miguel de la Madrid	Gustavo Petricioli
1988- 1994 -	2,285.00	3,346.00	46%	Carlos Salinas	Pedro Aspe
1994	N\$3.4500	N\$5.5000	59.42%	Ernesto Zedillo	Jaime Serra Puche





No. Secuencial: A-15122-D

#### **FUNDAMENTO LEGAL**

Este dictamen de justipreciación de renta se funda en las disposiciones legales siguientes:

- a).- Artículo 63 fracción VIII, párrafo último de la Ley General de Bienes Nacionales, 15 fracción III y 22 fracción IV del Reglamento de la CABIN.
- b).- Acuerdo por el que se establecen los lineamientos para el arrendamiento de inmuelales de las Dependencias de la Administración Pública Federal, en su carácter de arrendatarias, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 3 de febrero de 1997.
- c).- Oficio-Circular no. 100 80 del 29 de marzo de 1990, el cual señala: "Cuando se trate de construcción, la Dependencia y/o Entidad solicitante, adquirente y/o arrendataria deberá gestionar y obtener el dictamen de Seguridad Estructural y de Instalaciones, cumpliendo las disposiciones que para tal efecto establezcan las reglamentaciones y normas técnicas emitidas por la autoridad responsable en donde se ubica el inmueble. En caso de no existir reglamentaciones y normas técnicas en el lugar de ubicación, se acudirá en forma supletoria al Reglamento de Construcciones para el Distrito Federal y a sus normas técnicas, en lo que resulte aplicable. Adicionalmente, se deberá cumplir con la normatividad que regula las operaciones de adquisición y arrendamiento, y demás legislación aplicable."



Valuación de Vehículos Terrestres Sujetos a Donación, Permuta y Dación en Pago.

En el Apartado I de los "Lineamientos y Criterios Generales para la enajenación de vehículos terrestres de las dependencias y entidades de la Administración Pública Federal", se establece el procedimiento para que el personal de las propias dependencias y entidades, determinen el precio mínimo de avalúo de sus vehículos sujetos a enajenación, lo cual ha redundado en importantes ahorros, al evitar erogaciones por concepto de pago de avalúos con instituciones de banca y crédito u otros terceros capacitados para ello.

En este sentido y con objeto de que dichos ahorros también se vean reflejados en los vehículos terrestres, cuyo destino final sea la donación, se considera conveniente que los mismos deberán valuarse, a través del método establecido en los Lineamientos y Criterios Generales antes citados.

Cuando los vehículos terrestres sean objeto de permuta o dación en pago por parte de las dependencias y entidades, en este último caso, atendiendo lo señalado en las normas y bases generales, expedidas por los respectivos órganos de gobierno, en términos del artículo 82 de la Ley General de Bienes Nacionales, los avalúos correspondientes a dichas unidades, deberán ser practicados por instituciones de banca y crédito u otros terceros capacitados para ello conforme a las disposiciones aplicables, en virtud de que los fines que se persiguen en estos destinos finales son diferentes a los de la donación, en la cual las dependencias y entidades ya no obtienen ninguna retribución a cambio de los bienes.

BM-7



# 5.- CRITERIOS Y METODOLOGIA PARA ANALIZAR Y CALIFICAR EL TRABAJO DEL PERITO EXTERNO!

#### 5.1 CRITERIOS

El análisis y calificación del dictamen de los peritos externos que realizará la CABIN se centrará en dos aspectos: El Técnico y la Oportunidad. A su vez, el trabajo técnico se desglozará en dos grandes conceptos: Capacidad y Calidad.

#### I.- TRABAJO TECNICO

En este apartado, se verificará que el estudio realizado por el perito externo se apegue al Criterio Técnico definido por la CABIN, trabajo que deberá estar debidamente sustentado, es decir, que cumpla con la consideración y aplicación de las diversas Leyes, Reglamentos y Normas que regulan la actividad valuatoria, y que presente el correspondiente soporte documental, revisandose además la sintaxis y el desarrollo matemático.

### CAPACIDAD

Por lo que corresponde a la calificación del trabajo del perito en el aspecto de Capacidad, esta quedará integrada por los conceptos siguientes:

Comprensión y Aplicación de Criterios ) Lo da la subdisseción de Croycofia

- Soporte Documental y de Datos

- Desarrollo de Procedimientos Numéricos Cofrecio de la Comita

- Desarrollo de las Consideraciones Previas. - In foliar le



Para analizar y calificar lo relativo a la Capacidad del perito externo en los conceptos señalados, se considerará lo siguiente:

En el concepto de Comprensión y Aplicación de Criterios, el elemento de juicio se apoyara fundamentalmente en la orden de trabajo, en la que se especifica el criterio con el que debe resolverse cada solicitud.

En este concepto, se calificara que el trabajo valuatorio cubra todos y cada uno de los elementos que integran el criterio técnico, en los términos definidos por la CABIN, los cuales deben de tomar en cuenta y aplicarlos, ya sean estos los de carácter tradicional, como los de carácter especial de acuerdo al servicio requerido.

En caso de que el criterio inicial se modifique, se tomara como base la indicación que en el desarrollo del trabajo genere el Subdirector de Coordinación de Proyecto.

En lo relativo al Soporte Documental y de Datos, el análisis y por tanto la calificación, se centrará en tres aspectos:

- La amplitud de la Investigación del Mercado que conforme a los criterios y metodologías, exprese ofertas con datos de ubicación permanencia y fecha de la misma similares al inmueble en estudio.

Cabe señalar que en este apartado, y conforme al criterio que corresponda, invariablemente debe de presentarse la información en los formatos de Investigación de Mercado de Terrenos (IM-T), de Inmuebles (IM-I) y de Rentas (IM-R). (ANEXO 8)



Así mismo, para cada caso deberán de contener como mínimo cinco referencias comerciales de la zona, con innuebles similares, con usos de suelo igual al que se valúa y en la medida de lo posible, con superficies semejantes.

Si no existieran ofertas en la zona, la investigación debe de realizarse en una zona similar, o en una zona contrastante pero con igual uso de suelo. Adicionalmente, las ofertas que se investiguen deberán de ubicarse en una fotocopia del plano de la Guía Roji o del plano correspondiente al Programa Parcial de Desarrollo.

- El Conocimiento y Aplicación de Precios Unitarios de Construcción y/o de Venta, así como de Tasas de Interés aplicables, los cuales tienen que estar debidamente soportados, y justificados para su aplicación al trabajo valuatorio.
- El Conocimiento y Aplicación de Planes, y Reglamentos, los cuales son fundamentales cuando inciden en el análisis de los inmuebles que se valúan y para la determinación de precios en función del mejor proyecto posible.

En este apartado, es importante la identificación del Uso del Suelo, por lo que se debe de presentar una descripción detallada de los permitidos y de los condicionados, ademas de indicar la intensidad de construcción permitida.

Asimismo, se deberá de señalar si la construcción que se valúa cumple, con-los. Reglamentos de Construcción autorizados y vigentes, y constatar que existan los Dictamenes de Seguridad Estructural, cuando así proceda.



El desarrollo de las Consideraciones Previas para la determinación de precios y valores son sumamente importantes, ya que explican los elementos de juicio, tanto físicos, políticos, jurídicos, económicos y sociales que sustentan los resultados del trabajo del perito. Por lo tanto, mientras más amplio sea su desarrollo, mejor sustentado quedara el valor determinado.

Para el Procedimiento Numérico, se considerará la amplitud y calidad del desarrollo de las operaciones aritméticas que soportan la determinación del valor, amén de que esté o estos deben corresponder al criterio definido.

#### **CALIDAD**

Por lo que corresponde a la calificación del trabajo del perito en el aspecto de Calidad, esta quedará integrada por los conceptos siguientes:

- Reporte Fotográfico.
- Integración del Expediente y del Dictamen

Para calificar lo relativo a la Calidad del perito externo en los conceptos señalados, se considerará lo siguiente:

En el Reporte Fotográfico, se tomará en cuenta que estas expresen la generalidad de las condiciones del inmueble y las particularidades importantes, por lo que en cada avalúo los peritos deberán presentar fotografías del entorno, de la calle o zona de ubicación, de la fachada y de los interiores que permitan identificar con precisión el tipo de acabados, así como del área de exteriores (patios, jardines, garajes, etc.).



Cabe señalar, que las fotografías del estudio de mercado deberán de corresponder a los inmuebles que se citen en el apartado respectivo, con la ubicación y valor del mismo, al calce de esta.

En el concepto de Integración del Expediente y del Dictamen, que corresponde a la presentación del trabajo del perito externo, se tomará en consideración que el perito externo entregue su original y copia debidamente mecanografiado y firmado en todas sus hojas y anexos, así como la entrega del proyecto de dictamen en el formato tipo, de ser aplicable éste, y en los sistemas informáticos que le defina la CABIN.

Adicionalmente, en este concepto se tomara en consideración que en todos y cada uno de los trabajos que desarrollen los valuadores externos, se incluyan los elementos básicos para la emisión del Dictamen, los cuales son:

- Antecedentes.- En los que se debe mencionar el área de la Dependencia solicitante, el objeto del avalúo, del servicio, y de manera importante tratándose de reconsideraciones, el dictamen anterior con sus resultados y en caso necesario, sobre que bases fue elaborado.
- Datos del Innueble.- En los que se menciona ubicación, propietario, régimen de propiedad, medidas, colindancias, descripción general, servicios públicos, vías de comunicación, tipos de construcción en su caso, etc.



- Consideraciones Previas.- En donde deben mencionarse todos los aspectos que el perito haya tomado en cuenta para determinar sus valores, y todos los aspectos que a su juicio apoyen la decisión del Cuerpo Colegiado para la firma del Dictamen.
- Metodología Empleada.- Debe describirse la metodología seguida por el perito externo para la determinación de precios y/o valores.
- Desarrollo del Avalúo.- En donde debe expresarse lo mas ampliamente posible el procedimiento matemático utilizado, separando en su caso, los diferentes elementos del objeto del avalúo.
- Conclusiones.- En donde el perito debe expresar el precio y/o valor que determinó, en función de que, y a que fecha.

#### II.- OPORTUNIDAD

En este apartado, la oportunidad se determinará en base a las fechas limite que se establezcan al perito externo, mismas que se pactarán entra la Subdirección de Coordinación de Proyecto y el valuador externo

Por lo que corresponde a la calificación del trahajo del perito en eliquences de Orantemidad del propositiones de Orantemidad de Orantemidad

- Tiempo de Respuesta Inicial
- Devoluciones del Trabajo
- Cumplimiento del Tiempo de Entrega

Para calificar la Oportunidad, en cada uno de los conceptos señalados, se considerará lo siguiente:

- En el Tiempo de Respuesta, el criterio de calificación se sustentara en la rapidez con la que el perito atienda la llamada para que se le entregue un trabajo.
- En lo referente a las Devoluciones de Trabajo, se tomara en cuenta las veces que la Subdirección de Coordinación de Proyecto regrese al perito externo el trabajo, por causas imputables a él
- En el concepto de Cumplimiento del Tiempo de Entrega, el criterio se sustentara sobre la base de que el perito presente su proyecto de dictamen en la fecha estipulada en la orden de trabajo respectiva.

#### 5.2 METODOLOGIA

Una vez efectuadas las consultas respectivas con las áreas de la Dirección General Técnica, se acordo establecer una escala de calificación de 0 a 10 puntos, para cada uno de los dos aspectos que conforman la evaluación del trabajo valuatorio del perito externo.





La evaluación se llevará a cabo mediante un cuestionario preimpreso c aplicaran tanto las Subdirecciones de Coordinación de Proyectos, como ... Dirección de Revisión y Análisis, denominado "HOJA DE EVALUACION DE PERITOS EXTERNOS" (anexo 9), y que toma en consideración los criterios definidos.

#### TRABAJO TECNICO

Como ya se indico, el trabajo técnico del perito se subdividío en dos conceptos, Capacidad y Calidad, los cuales significan el 80 % y 20 % respectivamente de la calificación de 10 puntos, que como máximo se otorgará a cada expediente.

En lo relativo a la Capacidad, los 8 puntos se asignaron de la siguiente forma:

- Comprensión y Aplicación de Criterios	4.0
- Soporte Documental y de Datos	1.5
- Desarrollo del Procedimiento Numérico	1.0
- Desarrollo de las Consideraciones Previas	1.5
SUB-TOTAL	8.0

Por lo que corresponde a la Calidad, los 2 puntos se asignaron conforme a lo siguiente:

- Reporte Fotográfico	t	1.0
- Integración del Expediente	y del Dictamen	1.0
	SUB-TOTAL	2.0
	TOTAL	10.0

#### OPORTUNIDAD

En este concepto, la calificación máxima será de 10 puntos, los cuales se distribuyeron de la siguiente manera:

- Tiempo de Respuesta Inicial		3.0
- Devoluciones a Perito		3.0
- Cumplimiento en el Tiempo de Ent	rega	4.0
	TOTAL	10.0

En base a los resultados que se deriven de la revisión que se realice al trabajo del perito externo, bajo los criterios definidos en cada uno de los conceptos señalados, aplicando el cuestionario citado, se determinará si el perito alcanza la máxima puntuación o si se procede a descontar los puntos o fracción de puntos, por cada omisión o error que presente su trabajo valuatorio.

Para este propósito, se han asignado valores a cada omisión o errol e generalmente se observan en los trabajos, mismos que conforman el cuestionario denominado " HOJA DE EVALUACION DE PERITOS EXTERNOS ", valores que se pueden apreciar en el cuestionario anexo.

Como puede observarse el método de calificación es simple, ya que se parte de un valor máximo de 10 puntos a cual mediante una simple resta, se descuentan las deficiencias en que incurren los peritos externos en el desarrollo de sus trabajos valuatorios.

Cabe señalar, que de los resultados que se vayan obteniendo se turnará un reporte semanal al área correspondiente, que sirva de apoyo al Comité de Asignación de Peritos en la toma de decisiones.



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

# **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

**TEMA** 

MANUAL DEL PERITO VALUADOR

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
PALACIO DE MINERIA
ENERO DEL 2002





# ÍNDICE

# Introducción

l.	Marco Normativo	1
11.	Lineamientos Generales para la Elaboración de los Trabajos Valuatorios	3
Ш.	Elaboración de Proyectos de Dictamen	5
IV	Plazos y Condiciones de Entrega de los Trabajos Valuatorios	9
V.	Normas para el Desempeño de los Peritos Valuadores de la CABIN	12









COMISION DE AVALUOS DE BIENES NACIONALES

I. Marco Normativo





COMISIÓN DE AVALÚOS DE BIENES NACIONALES

### MARCO NORMATIVO

Los valuadores registrados quedarán sujetos a la inspección y vigilancia de la CABIN, a la cual deberán proporcionar la información y documentación que les sea requerida en el ejercicio de sus facultades.

En cumplimiento del Artículo 7 Fracción XV del Reglamento de la CABIN, a través de la Dirección General de Avalúos, podrá suspender temporalmente o revocar en cualquier momento el registro otorgado a un perito valuador, cuando en el ejercicio en las facultades de inspección y vigilancia observe:

- 1. Incumplimiento del Articulo 27 de la CABIN.
- 2. Realización de actividades que revelen incapacidad técnica.
- 3. Datos o valores asentados en avalúos que no correspondan a la realidad.
- 4. Haber emitido, a solicitud de cualquier persona física o moral distinta de la CABIN, dictamen valuatorio o de justipreciación de renta sobre el mismo bien...
- Interés directo o indirecto en el asunto, ya sea del perito, de su cónyuge, parientes consanguíneos en línea recta sin limitación de grado, colaterales dentro del cuarto grado o afines de segundo grado.
- 6. El cónyuge o hijos del perito, mantenga relación de intimidad con alguno de los interesados en el avalúo o justipreciación de renta nacida de algún acto religioso o civil sancionado o respetado por la costumbre, o mantengan amistad intima con algún interesado en el dictamen.
- 7. Tengan personalmente su cónyuge o alguno de sus hijos calidad de heredero, legatario, donante, donatano, arrendador, arrendatario, socio, acreedor, deudor, fiador, principal, dependiente o comensal habitual de los interesados en el dictamen o del administrador actual de sus bienes.
- 8. Ser tutor o curador de alguno de los interesados en el dictamen, en general encontrándose en situación que pueda afectar la imparcialidad de su opinión.
- Asimismo, podrá suspenderse o revocarse el registro, por otras causas que deriven de la aplicación de ordenamientos legales en relación con el ejercicio de la actividad valuatoria.
- La CABIN se reserva el derecho de acción legal contra peritos que presenten trabajos valuatorios mal elaborados, o cuyos resultados no correspondan a la realidad, conforme al objeto de contrato de prestación de servicios que suscriban ambas partes.





II. Lineamientos Generales para la Elaboración de los Trabajos Valuatorios





# LINEAMIENTOS GENERALES PARA LA ELABORACIÓN DE LOS TRABAJOS VALUATORIOS

Los peritos valuadores que presten sus servicios profesionales a la CABIN formularán sus informes y avalúos basado en criterios técnicos, procedimientos y metodologías a través de los cuales se determina de la manera más precisa posible el valor de los bienes inmuebles o muebles objeto del avalúo.

Para la elaboración de trabajos valuatorios, los peritos:

- Deberán apoyarse invariablemente en los criterios técnicos y metodologías que determinen la SECODAM y la propia Comisión siendo de su entera responsabilidad tanto los informes y avalúos que formulen, como los proyectos de dictame: que presenten en cada servicio contratado.
- Han de ajustarse a las técnicas que, en la práctica, se considéren aceptables en materia de valuación.
- Deberán proporcionar la información adicional que la propia Comisión solicite en relación a algún avalúo en particular
- Deberán estar registrados y aprobados por la CABIN, habiendo cumplido todos los requisitos señalados en su reglamento interno.
- Elaborar los proyectos de dictamen apegándose a los formatos tipo que les proporcionará esta Comisión y contener todos los elementos que en los mismos se indique. Los formatos podrán ser modificados por CABIN cuando se considere conveniente.
- La CABIN decidirá el empleo de un método de valuación específico de acuerdo a cada caso a fin de que garantice un conveniente grado de confiabilidad





COMISION DE AVALUOS DE BIENES NACIONALES

III. Elaboración de Trabajos Valuatorios





	ELABORACIÓN DE TRABAJOS VALUATORIOS
TIPO DE AVALÚO	ELEMENTOS QUE DEBEN CONTENER LOS TRABAJOS VALUATORIOS
Todos	<ul> <li>Nombre.</li> <li>Firma.</li> <li>Cargo (en su caso).</li> <li>Datos relativos a su registro vigente ante la propia Comisión y la especialidad.</li> <li>Nombre de la dependencia o entidad solicitante.</li> <li>Asunto o propósito del avalúo.</li> <li>Descripción y ubicación precisa del bien valuado.</li> <li>Número de cuenta predial en su caso.</li> <li>Nombre del propietario.</li> <li>Fecha en que se practique el avalúo.</li> </ul>
Avalúo de bienes inmuebles	<ul> <li>Fecha en que se practique el avalúo.</li> <li>Planos o croquis debidamente acotados a escala (en su caso).</li> <li>Fotografías intenores y exteriores de las partes más representativas del inmueble.</li> <li>Valor físico o neto de reposición, por capitalización y comercial, y cuando así se solicite de oportunidad, los cuales deberán fundamentarse en un estudio de mercado de la zona inmediata o mediata, considerando condiciones o factores particulares que influyan o puedan influir en variaciones significativas de los valores, homologando en todo caso, los resultados de la valuación.</li> <li>Avalúo de edificaciones. Precisar tantos tipos de construcción como puedan determinarse, acorde a:         <ul> <li>Uso</li> <li>Calidad</li> <li>Descripción de los elementos de construcción, los cuales se indicaran en forma pormenorizada y completa, señalando para cada tipo el valor de reposición nuevo al que se le deducirán los dementos que procedan por razon de edad, estado de conservación, deficiencias de proyecto, de construccion o de funcionalidad.</li> </ul> </li> <li>Todas aquellas instalaciones especiales, obras complementanas o elementos accesorios que formen parte integral del inmueble, deberán considerarse con el valor unitano correspondiente, señalando el valor de reemplazo, así como su factor de depreciación</li> </ul>





COMISIÓN DE AVALÚOS DE BIENES NACIONALES

TIPO DE AVALÚO	ELEMENTOS QUE DEBEN CONTENER LOS TRABAJOS VALUATORIOS
Avalúo de inmuebles sujetos al régimen de propiedad en condominio	<ul> <li>Precisar valor del local, departamento o despacho en función del porcentaje que le corresponda con relación al valor total del terreno.</li> <li>Áreas comunes.</li> <li>Instalaciones generales del edificio, valuadas en forma separada y detalladamente.</li> <li>Valor de las áreas privadas e instalaciones propias en su caso.</li> </ul>
Avalúo de unidades industriales	<ul> <li>Valor físico de terrenos, construcciones, maquinaria, equipo y demás elementos incorporados al inmueble de manera permanente.</li> <li>Valor de reposición nuevo, al que se le aplicará en su caso, el factor de demérito que corresponde por edad, estado de conservación, mantenimiento, diseño industrial, aparición de nuevos y mejores modelos a fin de obtener el valor neto de reposición, vida útil remanente, depreciación anual y valor de capitalización fundado en un análisis de la productividad de la industria en su conjunto.</li> <li>Para efectos de valuación únicamente de maquinaria y equipo no será necesario el valor físico del terreno y de construcciones, ni el valor de capitalización.</li> </ul>
Avalúo de	Localización.
toda clase de	Ubicación.
terreno	Topografía
	- Relieve.
	Calidad de los suelos.
. [	<ul> <li>Características panorámicas.</li> <li>Dimensiones.</li> </ul>
	Proporción.
	Uso de suelo.
	Densidad de población.
	Intensidad de construcción.     Seguinos en construcción.
	<ul> <li>Servicios municipales.</li> <li>Afectaciones o restricciones a que estén sujetos y su régimen de</li> </ul>
	propiedad.
	·
	_



COMISIÓN DE AVALÚOS DE BIENES NACIONALES

TIPO DE AVALÚO	ELEMENTOS QUE DEBEN CONTENER LOS TRABAJOS VALUATORIOS
Avalúo de terrenos urbanos	Tomar en cuenta:  • Valor unitario del lote tipo.  • Programa director o programas parciales de desarrollo urbano de la localidad, o se afectará, en su caso, con los factores de premio o castigo de acuerdo a los criterios más recomendable.
	TERRENOS CUYO MEJOR USO SEA EL DESARROLLO INMOBILIARIO (fraccionamiento, plazas comerciales y otros)  • Utilizar el método de cálculo de valor residual, soportado con información verificable.
Avalúo agropecuario	Independientemente de la investigación de mercado que considere las condiciones físicas tanto del terreno como de las construcciones e instalaciones propias, se determinará:  • El índice de productividad, tomando en cuenta, según corresponda, el coeficiente de agostadero o bien el uso actual y un promedio del rendimiento de las tierras dedicadas a las explotaciones típicas, de la región, que ofrezcan las mismas características de las que son motivo del avalúo, fundamentando los resultados de dichos exámenes.

### DETERMINACIÓN DE VALOR DE CAPITALIZACIÓN

Para determinar el valor de capitalización de un inmueble, deberán considerarse, entre otros, los siguientes elementos.

- Renta real o en su defecto, renta óptima o renta estimada, indicando el motivo por el que se fijan estas dos últimas, debiendo determinarse en forma unitaria y para cada tipo de construcción apreciada, deducciones por vacios, impuestos, servicios y demás gastos generales debidamente fundamentados
- La tasa de capitalización fundada en.
  - Edad
  - Vida Probable.
  - Uso
  - Estado de conservación.
  - Deficiencias en la solución arquitectónica, constructiva, de instalaciones, zona de ubicación y otros, en su caso: conforme a los procedimientos, criterios y metodologías que determina la propia

comisión.

Para la elaboración de avalúos de bienes cuyas características no se precisan en estos lineamientos, se sujetarán a satisfacer los elementos y metodologías que especifiquen el forma: correspondiente elaborado por esta Comisión para cada caso.





IV. Plazos y Condiciones de Entrega de los Trabajos Valuatorios





En la elaboración de avalúos y justipreciaciones en general; tanto para los casos antes mencionados y como para aquellos distintos a los aquí referidos, los peritos deberán considerar, sin excepción, el proceso establecido para la realización de trabajos valuatorios, que contempla tanto criterios técnicos como metodologías, independientemente de todos aquellos otros que adicionalmente y con fines valuatorios genere la propia Comisión.

# PLAZOS Y CONDICIONES DE ENTREGA DE LOS TRABAJOS VALUATORIOS

### Plazos de entrega

- Serán como máximo los previstos en el contrato de prestación de servicios que suscribirán la CABIN y el perito asignado, los trabajos deben entregarse con sus soportes analíticos.
- Si el perito concluye su trabajo antes de la fecha estipulada la CABIN recibirá la documentación correspondiente y procurará, a su vez, reducir los tiempos de entrega de su respectivo dictamen a la dependencia o entidad solicitante.

### Condiciones de entrega

- En papel membretado.
- Debidamente firmados.
- Con la denominación social de la empresa (si es el caso).
- Las hojas de trabajo deberá contener la rubrica del perito.
- El perito deberá también hacer entrega del predictamen en el formato tipo proporcionado por CABIN en cualquier medio electromagnético que solicite la propia Comisión.
- Los oficios que consignen problemas de información, se entregarán directamente a la Dirección de Operación, con copia al Director general de Avalúos. Tratándose de Delegaciones Regionales serán entregados en la oficina del Delegado, con copia al Director General de Avalúos.
- El horario de recepción de proyectos de dictámenes de 9:00 a 15:00 y de 16:00 a 17:30 horas.
- No se podrán reproducir ni difundir los dictámenes sin la autorización por escrito de la CABIN.
- Todas las cifras de valores se expresarán en pesos, buscando redondear las cantidades.





COMISIÓN DE AVALUOS DE BIENES NACIONALES

### Requerimientos adicionales

- El perito valuador deberá coordinarse con al CABIN para promover la entrega en tiempo y
  forma de la información necesaria para la elaboración de los avalúos y así procurar que la
  entrega de los proyectos de dictámenes se efectúen antes del término de los plazos
  establecidos, en su defecto, comunicar por escrito y oportunamente a la CABIN dicha
  situación, marcando copia a la dependencia o entidad solicitante, señalando las razones por
  las que se retrazará la emisión respectiva y la fecha propuesta para su entrega.
- Cualquier demora o atraso no informado, se entenderá como descuido del perito, y las repercusiones que se denven le serán imputadas.
- Notificar por escrito a la CABIN cuando existan indicios de negativa a los requerimientos de información por parte de la dependencia o entidad solicitante.
- En caso de que exista alguna objeción a la aplicación del criterio técnico o de la metodología aplicada para la realización de los trabajos solicitados, informar de inmediato y por escrito a la CABIN para resolver lo conducente.
- Guardar todos los papeles relativos al trabajo valuatorio en el expediente correspondiente, con el fin de que, si asi lo determina la CABIN, puedan hacerse las correcciones necesarias.





 V. Normas para el Desempeño de los Peritos Valuadores de la CABIN





COMISIÓN DE AVALÚOS DE BIENES NACIONALES

# NORMAS PARA EL DESEMPEÑO DE LOS PERITOS VALUADORES DE LA CABIN

Estas normas, se emiten con base en lo señalado en el Artículo 5, fracción VI del Reglamento de la Comisión de Avalúos de Bienes Nacionales y del Manual de Evaluación y Asignación de Peritos Valuadores.

- El perito deberá haber obtenido y mantener vigente su registro, cumpliendo las condiciones señaladas en el Artículo 27 del reglamento de la CABIN.
- El perito quedará sujeto a la vigilancia e inspección de la CABIN, a la cual deberá proporcionar la información y documentación que le requiera en ejercicio de dichas facultades, de conformidad con el Artículo 7, fracción VIII del citado reglamento.
- La Dirección de Operación, adscrita a la Dirección General de Avalúos o la Subdelegación de Avalúos, en el caso de las Delegaciones Regionales, analizará la solicitud de servicio y será responsable de definir el criterio técnico que aplicará el perito valuador.
- Los trabajos valuatorios que se asignen podrán recaer indistintamente en una persona física y moral.
- Las personas que cuenten con registro actualizado de perito valuador de la CABIN, serán susceptibles de asignaciones por cualquiera de las Delegaciones Regionales y Oficina Central, independientemente del lugar donde radique su registro.
- Para cada trabajo valuatorio se asignará un perito como titular y dos suplentes, los cuales deberán cumplir con las mismas características del perito titular.
- El Comité de Evaluación y Asignación de Peritos, preferentemente asignará trabajos valuatorios a los peritos que cuenten, en el mes inmediato anterior, con calificaciones en la especialidad valuatoria mínima de ocho. De no registrar calificación en el criterio técnico, se tomará en consideración la calificación promedio anual del perito. En los casos que los pentos no cuenten con calificaciones por no haber realizado trabajos valuatorios en el año, no les será aplicada esta política.
- El Comité de Evaluación y Asignación de Peritos, no asignará trabajos por un periodo mínimo de un mes a aquellos pentos que tengan calificaciones promedio entre 6 y 7.9 en el criterio técnico de que se trate, previa notificación por escrito.
- El Comité de Evaluación y Asignación de Peritos, no asignará trabajos valuatorios por dos meses a los pentos que hayan obtenido calificaciones promedio inferiores a 6 en el criterio técnico correspondiente, lo que se les notificará por escrito. En el caso de que obtengan una segunda -calificación inferior a 6 durante el resto del año, serán excluidos de asignaciones de trabajo en el criteno técnico respectivo.





# NORMAS PARA EL DESEMPEÑO DE LOS PERITOS VALUADORES DE LA CABIN

En caso de incumplimiento de estas reglas, la Comisión, actuando siempre por recomendación de sus Comités de Evaluación y Asignación de Peritos, podrá suspender temporalmente, negar el refrendo o cancelar su registro. Las suspensiones podrán ser dictadas tanto por Delegaciones Regionales como por la Dirección General de Avalúos.

Las Delegaciones Regionales, deberán enviar a la Dirección General de Avalúos, cada dos meses, un reporte con la información relativa a los casos en los que se haya suspendido a algún perito.

La negación del refrendo y la cancelación del registro de los peritos serán decididos sólo por la Dirección General de Avalúos. El perito tendrá derecho de audiencia solamente en caso de la cancelación de su registro. La suspensión o negación del refrendo del registro quedará a criterio de la CABIN.

# Las sanciones mencionadas procederán en los siguientes casos:

- Incumplimiento de lineamientos específicos.
- Cuando los datos o valores asentados en los trabajos valuatorios que practique no correspondan a la realidad
- Cuando haya indicios de que los comprobantes de pago con que se justifiquen los gastos a comprobar no sean los pertinentes o bien sean falsos.
- Сuando haya violado la confidencialidad en el desarrollo del avalúo y revelado sus resultados sin autonzación de la CABIN
- El Comité de Evaluación y Asignación de Pentos de la CABIN, reunirá los elementos suficientes y necesanos para calificar la irregulandad. Si la naturaleza de la misma lo amenta procederá a:
  - Requenr al pento valuador para que exponga lo que a su derecho convenga respecto de la ιπegularidad detectada.
  - Levantar el acta donde se asienten los hechos, declaraciones y consideraciones, así como la evaluación de las irregularidades correspondientes.
  - Aplicar la medida correctiva en razón de la gravedad de la conducta del perito e integrarle a su expediente.





COMISIÓN DE AVALÚOS DE BIENES NACIONALES

# NORMAS PARA EL DESEMPEÑO DE LOS PERITOS VALUADORES DE LA CABIN

- 4. Reasignar los trabajos valuatorios pendientes de realizar por el perito suspendido o dado de baia.
- Respecto a la severidad de la sanción esta corresponderá a:
  - Suspensión de 3 meses en caso de falla u omisión no dolosa y explicable.
  - Suspensión de 6 meses en caso de falla atribuible a irresponsabilidad o negligencia evidente.
  - Se cancelará el registro cuando la irregularidad se haya cometido en forma demostrablemente dolosa, o en caso de reincidencia en irregularidades que ameriten suspensión.
  - Se negará el refrendo del registro al vencerse la vigencia del mismo, cuando el perito haya presentado una trayectoria de trabajos insatisfactorios con repetidas irregularidades.
- Cuando la inconformidad o reclamación sea levantada por el promovente del avalúo o un tercero afectado, y esta sea levantada ante una instancia como la Secretaría de Contraloría y Desarrollo Administrativo, si la inconformidad está bien fundamentada:
  - Se podrá aplicar una suspensión provisional indefinida al perito valuador en tanto se resuelve sobre la procedencia del reclamo.

### En caso de que esta proceda:

Se aplicará la sanción correspondiente a la naturaleza de la irregularidad comprobada.

### Cuando la irregularidad no se demuestra y el perito presenta evidencia que lo exima:

Se le reintegrarán sus derechos y registro.

Toda resolución tomada respecto a estos asuntos será comunicada por la CABIN al perito valuador, en el último domicilio que el haya proporcionado, con una anticipación de 15 días naturales a la fecha de que la resolución surta efecto, teniendo el perito valuador el derecho de impugnación ante la propia Comisión, la que resolverá como única instancia lo conducente.

La falta de domicilio actualizado del perito por causa imputable al mismo, no impedirá las resoluciones de la CABIN quien procederá a notificar el hecho a las instituciones de crédito, al Colegio de Profesionistas al que pertenezca, asociación o instituto al que este afiliado y, en su caso, a las asociaciones de valuación a las que esté afiliado y a las autoridades ante las que esté reconocido.





# NORMAS PARA EL DESEMPEÑO DE LOS PERITOS VALUADORES DE LA CABIN

La Comisión dará a conocer periódicamente listados con los nombres y razones sociales de los peritos valuadores con registro vigente.

La Comisión hará circular a instituciones, colegios y demás asociaciones ligadas con los trabajos valuatonos, las cancelaciones definitivas de registros de los peritos.

El registro otorgado a un perito valuador no implica que la Comisión garantice la exactitud de los avaiúos que este produzca, quien será responsable de la veracidad de los datos asentados por él o por sus colaboradores.

La Comisión atenderá y resolverá las que ase deriven de avalúos formulados por peritos externos y solicitará, en su caso, la información necesaria para el análisis y dictamen correspondiente.

La CABIN se reserva el derecho de tomar acción penal contra aquellos pentos que presenten trabajos valuatorios mal elaborados; con irregulandades o bien, cuyos resultados no correspondan a la realidad.



### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

# **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

# **TEMA**

MARCO LEGAL Y ETICO DE LA VALUACIÓN

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
PALACIO DE MINERIA
ENERO DEL 2002

# f) METODOS DE VALUACION

Desarrollo de índices o métodos específicos:

- Método Comparativo o de Mercado.
- Método Físico o Directo. (V.N.R.)
- Método de Capitalización de Ingresos.
- Método Residual.

### g) CONCLUSIONES

- Valor resultante.
- Fecha
- Firma (s)
- Registros.
- Especialidad y vigencia ( C.N.B )

# De estos conceptos haremos énfasis en los siguientes:

# IDENTIFICACION DEL REGIMEN DE PROPIEDAD

Tomando en cuenta las diversas disposiciones del marco jurídico vigente relacionado con la actividad valuatoria, conviene establecer una clasificación de las diversas formas de propiedad:

( Ver clasificación en pag. siguiente )

Por lo que respecta a los predios ejidales o comunales haremos referencia al Art. 52 de la Ley Federal de Reforma Agraria que establece que... "los derechos que sobre bienes agrarios adquieren los núcleos de población serán inalienables, imprescriptibles, inembargables e intransmisibles y por tanto no podrán en ningún caso ni en forma alguna enajenarse, cederse, transmitirse, arrendarse, hipotecarse o gravarse en todo o en parte y serán inexistentes las operaciones, actos o contratos que se hayan ejecutado o que se pretendan llevar a cabo en contravención de este precepto". (1)

#### FECHA O FECHAS DEL AVALUO.

Este dato es indispensable en todo dictamen. Se recomienda anotar la fecha en que se practicó la visita de inspección al inmueble. De no referirse a la fecha actual, deberá expresarse el motivo de tal variación pudiendo ser la fecha de cierre de un ejercicio, fecha de fallecimiento del autor de la sucesión, fecha de regularización de una obra, etc.

### OBJETO Y DESTINO O PROPOSITO DEL AVALUO

Es de particular importancia para el valuador profesional identificar claramente "que será la materia de la valuación" -OBJETO DEL AVALUO- y "para que efectos ha sido solicitado el servicio" - DESTINO O PROPOSITO DEL AVALUO-. Respecto a esto último, es decir, al uso que se pretenda dar al dictamen, no se trata de conocer la razón por lo cual es requerido el estudio para "orientar" la decisión del valuador.

Nuestra profesión, como muchas otras, es altamente calificada y esta fuera de duda que el valuador observa las normas de ética más elevadas en todos sus actos, sostiene un criterio libre e imparcial y fundamenta sus decisiones en su capacidad técnica.

Ello nos obliga a identificar si el problema planteado es de nuestra especialidad; si tenemos los conocimientos y experiencia para resolverlo; si contamos con los registros requeridos para el caso; en suma, si el trabajo a desarrollar esta dentro de nuestro ámbito de competencia. A ello nos referiremos en el capítulo que sobre el tema, especificamente se trata en páginas posteriores.

<sup>( 1 )</sup> Nota : A partir de 1993 se modificó el Articulo 27 Constitucional.

### USOS Y DESTINOS AUTORIZADOS. VOCACIONAMIENTO.

En la actualidad es factor decisivo en la determinación del valor de un inmueble, el considerar el uso del suelo permitido de acuerdo al Plan de Desarrollo Urbano y a las Cartas de Usos y Destinos de una localidad, que permitirán observar la potencialidad de una zona, las restricciones o limitantes de uso, las posibilidades de aprovechamiento de un predio y otros.

En los estudios residuales, esta información es determinante pero desde luego, su aplicación dependerá de la disponibilidad de la normatividad en el lugar.

### CLASIFICACION Y ANALISIS DE DATOS

La expresión escrita de un avalúo, es un informe técnico que contiene los datos a que nos hemos referido en los incisos relacionados en el Proceso Valuatorio. En él se refieren asimismo, antecedentes y características urbanas, descripción general del inmueble, medidas y colindancias del terreno, elementos de la construcción, etc.

Esta información se ha venido consignando en formatos impresos, en ocasiones insuficientes en espacio y carentes de algunos conceptos que las técnicas actuales de valuación requieren.

De ahí que los avalúos escritos en forma abierta, permitan una descripción más amplia y a la vez específica al caso en estudio, siguiendo los rubros contenidos en un formato-guía que incorpore toda la información que justifica y fundamenta criterios y valores aplicados.

El uso de la computadora o de procesadores de texto para este fín, agiliza la operación y contribuye a una mayor eficiencia en el uso de los archivos del valuador.

# CONSIDERACIONES PREVIAS AL AVALUO.

En este apartado se expresará:

- Justificación de aplicación de valores unitarios.
- Fuentes de consulta.( Bancos de Datos y Observatorios Inmobiliarios ).
- Investigaciones de mercado.
- Criterios de valuación.

Asimismo, se detallarán todos aquellos conceptos que incidan en el avalúo y se hagan resaltar en este capítulo, tales como: bardas de gran extensión, muros de contensión, rellenos compactados, edificaciones provisionales o de poca cuantía que no influyan en el valor del inmueble, existencia de árboles, cimentaciones y construcciones en proceso que no justifiquen descripción detallada, etc.

También se recomienda anotar el procedimiento de valuación a seguir, y en su caso, hacer énfasis en aquellos aspectos relevantes del inmueble, o de la zona, que influyan en el resultado del estudio.

# OBJETO Y DESTINO DE LA VALUACION INMOBILIARIA

En el desarrollo de un estudio valuatorio la identificación del problema a resolver es uno de los aspectos más importantes de este trabajo, pues el profesional de la valuación no debe restringir sus conocimientos estrictamente al campo técnico, sino que debe tener herramientas relacionadas con la economía, administración, finanzas, legislación impositiva o inherente a la valuación; en sintesis, del conjunto de materias que intervienen en las operaciones inmobiliarias de tal manera que le proporcionen un panorama general de las mismas y le permitan considerar todo aquello que de una forma u otra influya en el proceso de valuación de bienes inmuebles.

Por tales efectos, es necesario distinguir los conceptos de *Objeto* y *Destino de la Valuación*.

# **OBJETO DE LA VALUACION**

Es objeto de la valuación, determinar el valor d	Es d	obieto	de la	valuación.	determinar (	el valor	de
--	------	--------	-------	------------	--------------	----------	----

- a Bienes inmuebles.
- b. Derechos reales sobre los mismos.
- c. Bienes muebles.
- d. Cultivos y especies maderables.
- e Productos por arrendamientos.
- f. Daños y Perjuicios.

### **DESTINO DE LA VALUACION**

Es destino de la valuación el uso que se pretende dar a un dictamen valuatorio para efectos de:

- \* Conocer el valor comercial para fines particulares.
- \* Adquisiciones o enajenaciones.
  - Compraventa.
  - Donación.
  - Sucesión.
  - Prescripción positiva.
  - Cesión de derechos.
  - Permuta.
  - Dación en pago.
- \* Seguros y fianzas.
- \* Créditos hipotecarios.
- \* Créditos con garantía de bienes muebles.
- \* Revaluación de activos fijos para los efectos de la reexpresión de estados financieros.
- \* Indemnizaciones por expropiación
- \* Afectaciones por causas de utilidad pública.
- \* Justipreciación de los productos que la Federación deba cobrar cuando concesione inmuebles federales.
- Embargos y remates.
- \* Liquidación de sociedades. Aumentos de capital. Escisiones y Fusiones.
- \* Controversias de orden judicial (penales y civiles).
- \* Estudios técnicos para determinar el monto de obras de urbanización y pago de derechos de regularización de obra.
- Justipreciación de arrendamiento.
- \* Otros.



#### SECRETARIA DE HACIENDA Y CREDITO PUBLICO

# COMISION NACIONAL BANCARIA

MEXICO.D.F., 14 de marzo de 1994

CIRCULAR Núm. 1201

ASUNTO: AVALUOS BANCARIOS.- Disposiciones de carácter general para la prestación del servicio de

avalúos.

### A LAS INSTITUCIONES DE CREDITO

El artículo 46. en su fracción XXII, de la Lev de Instituciones de Crédito. autoriza a esas instituciones para practicar avalúos que les soliciten usuarios del servicio y, según prevé, tendrán la misma fuerza probatoria que las leyes asignan a los avalúos hechos por corredor público o perito.

Asimismo, el artículo 48 de la Ley citada previene, entre otros aspectos, que las características de los servicios que realicen las instituciones de crédito, se sujetarán a lo dispuesto por la Ley Orgánica del Banco de México, el cual, en Telex-Circular Núm. 33/88 del 23 de marzo de 1988, emitió las Reglas a las que habrán de sujetarse esas instituciones en la formulación de avalúos, mismas que siguen teniendo aplicabilidad en base a lo que dispone el Artículo Cuarto Transitorio del Decreto de Ley de Instituciones de Crédito, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 18 de julio de 1990, y que para pronta referencia se acompañan como ANEXO I de la presente Circular.

Teniendo en cuenta lo antes expuesto y la responsabilidad que asumen esas Instituciones ante terceros por los avalúos que formulan y suscriben de manera conjunta con los peritos que los practican, esta Comisión, con fundamento en lo dispuesto en los artículos 77 y 125, fracciones IV y IX, de la Ley de Instituciones de Crédito, ha resuelto expedir las siguientes

2.

# DISPOSICIONES A LAS QUE HABRAN DE SUJETARSE LAS INSTITUCIONES DE CREDITO EN LA FORMULACION DE AVALUOS

### I. DE LOS AVALUOS

PRIMERA.- Los avalúos que elaboren las Instituciones de Crédito, deberán apeqarse a los formatos establecidos por este Organismo para cada especialidad, conteniendo todos los elementos que en los mismos se indiquen, aun cuando no se consignen en estas Disposiciones. Esta Comisión podrá modificar dichos formatos, los que deberán utilizarse a partir de los 60 días naturales a la fecha en que se den a conocer.

SEGUNDA.- Para practicar avalúos, esas instituciones deberán contratar los servicios de personas que, por satisfacer los requisitos que la Comisión Nacional Bancaria establezca al efecto, se encuentren inscritas en el registro correspondiente a cargo de dicha Comisión.

Todos los avalúos deberán formularse en papel membretado de la Institución, contener el sello que utilice la misma, el nombre v la firma del Delegado Fiduciario o del funcionario accorrado por la Institución para tal fecto, con mención del cargo que desempeña v clave asignada al mismo. Contendrán tambien la firma del perito que practique el avalúo, con los datos relativos a su registro vigente ante el propio Organismo y la especialidad correspondiente.

TERCERA.- En los avalúos se hará constar el nombre de la persona que lo solicite, los fines para los cuales se requiera, la descripción y ubicación precisa del bier valuado, el número de cuenta predial en su caso, nombre del propietario y la fecha en que se practíquen.

CUARTA. - Todos los avalúos deberán contener el valor físico y de capitalización, los cuales deberán fundamentarse con un estudio de mercado en la zona, en el que se considerarán aquellos factores o condiciones particulares que influyan o puedan influir en variaciones significativas de los valores, razonando en todo caso los resultados de la valuación.

Cuando el inmueble tenga obras en proceso, no deberán incluirse en el avalúo, salvo que las erogaciones relativas modifiquen significativamente el monto de la inversión

El valor de los bienes a valuar deberá determinarse con independencia de los fines para los cuales se requiera el avalúo, observando a tal efecto las disposiciones legales y administrativas previstas en esta Circular, así como las demás emitidas por otras autoridades en materia de avalúos, que en su caso sean aplicables.

QUINTA.- La valuación de toda clase de terrenos deberá consignar, según corresponda, los siguientes datos: ubicación; topografía; calidad de los suelos; características panorámicas; dimensiones; forma; proporción; uso del suelo; densidad de población; intensidad de construcción; servicios municipales; afectaciones o restricciones a que estén sujetos y su régimen de propiedad.

SEXTA.- En el caso de terrenos urbanos, el valor unitario del lote tipo deberá tomar en cuenta el programa o planes parciales de desarrollo urbano de la localidad o se afectará, en su caso, con los factores de premio o castigo que le correspondan de acuerdo con los criterios más recomendables.

SEPTIMA.- En caso de terrenos cuyo mejor uso sea el de desarrollo inmobiliario (fraccionamiento, plazas comerciales u otros), se deberá utilizar el método de cálculo del valor residual.

OCTAVA.- Para la valuación de edificaciones se deberán precisar todos los tipos de construcción que puedan determinarse, acorde a su uso, calidad y descripción de los elementos de construcción, que se indicarán en forma pormenorizada y completa, señalándose para cada tipo un valor de reposición nuevo al que se le deducirán los deméritos que procedan por razón de edad, estado de conservación, deficiencias de proyecto, de construcción o de funcionalidad. Todas aquellas instalaciones especiales o elementos accesorios que formen parte integral del inmueble, deberán considerarse con su valor unitario correspondiente, senarando el valor de reemplazo así como su factor de depreciación.

CIRCULAR Núm. 1201

4.

En los avalúos de inmuebles sujetos al régimen de propiedad en condominio, el valor del local, departamento o despacho deberá delerminarse en función del porcentaje que le corresponda con relación al valor total del terreno a áreas comunes e instalaciones generales del edificio, valuadas en forma separada y detalladamente, así como el valor de las áreas privativas e instalaciones propias en su caso.

NOVENA. - Para determinar el valor de capitalización de un inmueble, deberán considerarse los siguientes elementos: renta real, o en su defecto, renta óptima o renta estimada, indicando el motivo por el que se rijan estas dos últimas, debiendo determinarse en forma unitaria y para cada tipo de construcción apreciado; deducciones por vacios, impuestos, servicios y demás gastos generales, debidamente fundamentados; la rasa de capitalicación fundada en: edad, vida probable, uso, estado de conservación, deficiencias en la solucion arquitectónica, constructiva, de instalaciones, zona de ubicación y otros.

DECIMA.- Los avalúos de unidades industríales comprenderán el valor físico de terrenos, construcciones, maquinaria, equipo y demás elementos incorporados al inmueble de manera permanente. Se determinará el valor de reposición nuevo, al que se le aplicará en su caso, el tactor de demérito que corresponda por edad, estado de conservación, mantenimiento, diseño industrial, aparición de nuevos y mejores modelos, a fin de obtener el valor neto de reposición; la vida útil remanente, la depreciación anua. y el valor de capitalización fundado en un análisis de productividad de la industria en su conjunto.

Para efectos de valuación únicamente de maquinaria y equipo, no será necesario determinar el valor físico del terreno y de construcciones, ni el valor de capitalización.

DECIMA PRIMERA.- Para los avalúos agropecuarios, independientemente de la investigación de mercado, en la que se considerarán las condiciones físicas, tanto del terreno como de las construcciones e instalaciones propias, se determinará el índice de redituabilidad, tomando en cuenta, según corresponda, el coeticiente le agostadero o bien el uso actual, y un promedio del rendimiento de las tierras decicadas a las explotaciones tipicas de la región, que ofrezcan las mismas características de las que son motivo del avalúo, fundamentando los resultados de dichos exámenes.



CIRCULAR Núm. 1201

ANEXO II

### **GUIA DE EVALUACION**

# PARA PERITOS VALUADORES SOLICITANTES DE REGISTRO PROVISIONAL

En relación con lo que prevé la Décima Sexta de las Disposiciones contenidas en la Circular Núm. 1201 de esta Comisión, en su inciso A), en cuanto a que las personas físicas aspirantes a obtener el registro provisional de perito valuador se someterán al examen de evaluación de conocimientos técnicos en la especialidad que soliciten, se expide la presente Guía.

### I. DISPOSICIONES GENERALES

- Las evaluaciones se desarrollarán en los días y horas señaladas por la Comisión, en los términos que previamente se hayan determinado y comunicado al solicitante.
- 2a. En el desarrollo de las evaluaciones por medio de la presentación de casos prácticos, se tendrá por objetivo estimar justamente los conocimientos del valuador, observando que la metodología, procedimientos, conceptos técnicos y criterios de valuación se apeguen a los de observancia y aplicación general en la actividad valuatoria.
- 3a El tiempo máximo para el desarrollo de las evaluaciones será de dos horas contínuas para cada área.

### II. GUIA DE EVALUACION

### A) INMUEBLES

4a. Para el área de inmuebles, la evaluación comprenderá terrenos y construcciones, así como instalaciones especiales y elementos accesorios que formen parte integral del inmueble:

- 4.1 Indicación de los sistemas que apliquen para desarrollar la descripción y clasificación de los inmuebles.
- 4.2 Describir los procedimientos y criterios empleados para efectuar la inspección y levantamiento físico de los bienes a valuar.
- 4.3 Describir los sistemas y criterios empleados para determinarl el valor de reposición nuevo.
- 4.3.1 Bases para obtener referencias de valor para el caso de terreno
- 4.3.2 Criterios para determinar el valor del terreno.
- 4.3.3 Bases para determinar los distintos tipos de construcción e instalaciones especiales.
- 4.3.4 Bases para determinar los valores de los diferentes tipos de construcción e instalaciones especiales.
- 4.4 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar la vida útil total y vida útil remanente
- 4.5 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar el demérito por el factor de conservación y mantenimiento y edad
- 4.6 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar el demérito por el factor de obsolescencia
- 4.7 Presentar las expresiones numéricas de apoyo para obtener los valores resultantes del avalúo
- 4.8 Bases para determinar las rentas en el avalúo por capitalización
- 4.9 Factores que influyen en la asignación de rentas aplicadas.
- 4 10 Procedimientos y componentes que determinan las deducciones en la rentabilidad.
- 4.11 Elementos que intervienen en la determinación de las tasas de capitalización
- 4.12 Resolver por escrito el cuestionario que le sea presentado

### **EL PROCESO VALUATORIO**

Se entiende por Proceso Valuatorio, al programa de conocimientos y actividades que realiza el profesional de la valuación en la solución de un problema planteado.

Es un procedimiento ordenado, mediante el cual se define el problema, se planifica el trabajo, se recaba la información, se le clasifica, analiza e interpreta, para la aplicación de los métodos numéricos que finalmente conduzcan al valor buscado.

Aún cuando un avalúo puede realizarse con diversos grados de calidad, tanto en la investigación de datos, como en su análisis y presentación del documento, el proceso seguido para llegar a la conclusión, debe incorporar todas aquellas actividades, que si bien pueden presentar alguna variación, de conformidad a experiencias, esencialmente son las siguientes:

# a) DEFINICION DEL PROBLEMA

- Solicitante.
- Identificación del bien a valuar.
- Identificación del Régimen de Propiedad. Propietario.
- Fecha o fechas del avalúo.
- Objeto y destino o propósito del avalúo.
- Otras limitantes.

### b) ESTUDIO PRELIMINAR

- Identificación de la zona.
- Usos y destinos autorizados. Vocacionamiento.
- Documentación necesaria y/o de apoyo.
- Fuentes de consulta
- Análisis de valor aproximado

- Cuantificación de honorarios profesionales.
- Alcances del estudio. Cotización y contrato.
- Fecha de entrega.

# c) LEVANTAMIENTO DE LA INFORMACION

- Inspección general y especifica.
- Datos complementarios. Ofertas, rentas, etc.
   Investigación exhaustiva del mercado inmobiliario.

# d) CLASIFICACION Y ANALISIS DE DATOS

- Expresión escrita en base a un formato-guía.

(Circular No. 1202 de la Comisión Nacional Bancaria)

(Circular 11-18'de la Comisión Nacional de Valores )

(Criterios y Metodologías de la Comisión de Avalúos de Bienes Nacionales CABIN)

(Disposiciones de Autoridad Local).

### e) CONSIDERACIONES PREVIAS AL AVALUO

- Expresión de criterios
- Datos investigados
- Metodos seleccionados
- Aspectos\_relevantes, etc.

#### TELEX-CIRCULAR 33 /88

MEXICO D.P., A 23 DE MARSO DE 1988

A LAS INSTITUCIONES DE BANCA FULTIPLE Y A LAS INSTITUCIONES DE BANCA DE DESARROLLO.

> ASUNTO: REGLAS A LAS QUE RABRAN DE SUJETARSE ESAS INSTITUCIO-NES EN LA FORMULACION DE -AVALJOS.

THE COMPORMIDAD CON LO DISPUESTO EN LA LEY REGLAMENTARIA DEL SERVICIO PUBLICO DE BANCA Y CREDITO, ESAS INSTITUCIONES PUEDEN ENCARGARSE DE RACER AVAILMOS, QUE TENDRAN LA HISMA PHERZA PROBATORIA QUE LAS LEYES ASIGNAN À LOS HECHOS POR CORREDOR PUBLICO O PERITO. POR CONSIGUIENTE, DICHOS AVALINS DAMICARIOS DEBEN FORMULARSE CON METODOS Y CRITERIOS ADECUADOS Y UNIFORMES, QUE PERMITAN DETERMINAR. DE LA MEJOR MANERA POSIBLE EL VALOR DE LOS BIENES VALUADOS.

AGINITIO, CORRESPONDE QUE LAS PROPIAS INSTITUCIONES SE RESPONSABILICEN POR IN PRECISION DE LOS AVALUOS QUE FORMULEN LAS PERSONAS A SU SERVICIO QUE LOS PRACTIQUEN.

POP OTRA PARTE, RESULTA CONVENIENTE APROVECHAR LA EXPERIENCIA DE LA COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE SEGUROS RESPECTO DE LOS REQUISITOS QUE MEMBER LLENAR LAS PERSONAS QUE PRACTIQUEN TALES AVALUOS, LA DOCUMENTACION À L'UFORMACION QUE DEBE RECABARSE PARA EFECTUAR LA VALUACION, LOS DATOS TUCNICOS QUE LOS AVALUOS DEBEN CONTENEP, PSI COMO EN OTROS ASPECTOS DEL SERVICIO BANCARIO ANTES MENCIONADO.

ATEMTO LO AMTERIOR, ESTE BANCO DE MEXICO, MABIENDO RECIBIDO LA OPINION FAVORABLE DE LA SECRETARIA DE MACIENDA Y CREDITO PUBLICO Y DE LA COMISION MACIENTAL BANCARIA Y DE SEGUROS, EXPIDE LAS REGLAS SIGUIENTES:

### 1. METODOS DE VALUACION.

EN LOS AVALUOS QUE ESAS INSTITUCIONES PRACTIQUEN, LOS METODOS QUE SE UTILICEN DEBERAN AJUSTARSE A LAS TECNICAS QUE, EN LA PRACTICA, SE CONSIDEREN ACEPTABLES EN HATERIA DE VALUACION. EL VALOR DE LOS BIENES A VALUAR DEBERA DETERMINARSE CON INDEPENDENCIA DE LOS FINES PARA LOS CUALES SE REQUIERA EL AVALUO.

TA COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE SEGUROS PODRA ORDENAR EL EMPLEO DE UN METODO DE VALUACION ESPECIFICO CUANDO EL QUE SE HAYA USADO NO OFREZCA. A JUICIO DE LA PROPIA COMISION. UN CONVENIENTE GRADO DE

CONFIABILIDAD. TAMBIEN DEBERA PROPORCIONARSE A DICHA COMISION LA INFORMACION ADICIONAL QUE SOLICITE EN RELACION CON ALGUN AVALUO EN PARTICULAR.

### 2. VALUADORES.

PARA PRACTICAR AVALUOS, ESAS INSTITUCIONES DEBERAN CONTRATAR LOS SERVICIOS DE PERSONAS QUE, POR SATISFACER LOS REQUISITOS QUE LA COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE SEGUROS SENALE AL EFECTO, SE EXCUENTREN INSCRITAS EN DICHA COMISION.

3. RESPONSABILIDAD DE LAS INSTITUCIONES.

ESAS INSTITUCIONES SERAN RESPONSABLES DE LA PRECISION DE LOS AVALUOS QUE PRACTIQUEN LAS PERSONAS À SU SERVICIO, Y DE QUE LOS MISMOS SE FORMULEN AJUSTANDOSE À LAS PRESENTES REGLAS Y DEMAS DISPOSICIONES APLICABLES.

4. COMISIONES.

EL IMPORTE DE LAS COMISIONES QUE PODRAN COBRAR POR LA FORMULACION DE AVALUOS, SE DETERMINARA LIBREMENTE POR CADA UNA DE ESAS INSTITUCIONES

5. DISPOSICIONES DE LA COMISION NACIONAL RANCARIA Y DE SEGUROS.

ESAS INSTITUCIONES DEBERAN SUJETARSE, ADEMAS, A LAS DISPOSICIONES DE CARACTER GENERAL DE LA COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE SEGUEOS SOBRE LA DOCUMENTACION E INFORMACION QUE DEBA RECABARSE PARA LA FORMULACION DE LOS AVALUOS; LOS DATOS TECNICOS QUE DICHA DOCUMENTACION E INFORMACION, ASI COMO LOS AVALUOS MISMOS, DEBEN CONTENER; Y LOS DEMAS REQUISITOS QUE DEBEN CUMPLIRSE EN LA VALUACION.

- 6. DISPOSICIONES TRANSITORIAS.
- 6.1 SP. CONSIDERA QUE LAS PERSONA" QUE A LA FECHA DEL PRESENTE TELEX-CIRCULAR SE ENCUENTRAN INSCRITAS EN LA COMISION NACIONAL BANCARIA Y DE SEGUPOS PARA REALIZAR AVALUOS BANCARIOS, CUMPLEN CON LOS REQUISITOS A QUE SE REFIERO EL PUNTO 2 ANTERIOR, EN TANTO LA PROPIA COMISION NO CANCELE DICHA INSCRIPCION.
- 6.2 EN TANTO IA COMISION MACIONAL BANCARIA Y DE SEGUROS NO EXPIDA LAS DISPOSICIONES À QUE SE REFIERE EL PUNTO 5 ANTERIOR, CONTINUARAN VIGENTES LAS CIRCULARES 526, 671, 764 Y 843 DE LA PROPIA COMISION.

ATENTAMENTE,

THE MEXICO

### B) MAQUINARIA Y EQUIPO

- 5. Para el área de maquinaria y equipo, la evaluación comprendera lo siguiente:
  - Maquinaria y equipo; herramientas, moldes, dados y troqueles. muebles y enseres; equipo de computación; equipo de transporte u otros
- 5.1 Indicación del sistema empleado para desarrollar la descripción de los activos.
- 5.2 Describir los procedimientos y criterios empleados para efectuar la inspección y levantamiento físico de los bienes valuados
- 5.3 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar el volor de reposición nuevo.
- 5.3 1 Bases para obtener el valor de cotización de un equipo nacional o de importación libre a bordo (LAB) en el lugar de la entrega
- 5.3.2 Bases para obtener los derechos y gastos de importación, fletes y seguros, hasta la empresa en cuestión
- 5.3.3 Bases para obtener los gastos de instalación eléctrica y mecánica, civil, de ingeniería y otros.
- 5.4 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar la vida útil total, vida útil remanente y vida consumida.
- 5.5 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar el demérito por el factor de conservación o mantenimiento
- 5.6 Describir los sistemas y criterios empleados para determinar el demérito por el factor de obsolescencia, económica y funcional
- 5.7 Resolver por escrito el cuestionario que le sea presentado

### C) INDUSTRIALES

Para la especialidad de unidades industriales, la evaluación comprenderá, además de los conceptos anteriores, los siguientes.

- 6.1 Elementos que componen los egresos de una empresa.
- 6.2 Definición de los suministros de operación.
- 6.3 Métodos aplicables para el cálculo de la rentabilidad de un negocio en marcha.
- 6.4 Enunciar qué gastos se consideran como generales en una empresa.
- 6.5 Indicar qué cargos se consideran como costos fijos de una empresa.
- 6.6 Componentes de costos variables en una empresa.

#### D) AGROPECUARIOS

- 7. En este apartado la evaluación se enfocará a:
- 7.1 Características de los suelos.
- 7.2 Clasificación de los predios rústicos de acuerdo al uso.
- 7.3 Características agrológicas de predios agropecuarios.
- 7.4 Métodos empleados para la valuación agrícola.
- 7.5 Consideraciones para determinar valores de tierras de agostadero.
- 7.6 Componentes de gastos de operación de tiérras de agostadero.
- 7.7 Componentes de costos de cultivo
- 7.8 Determinación de la renta de un predio agricola.
- 7.9 Consideraciones para establecer los factores de capitalización
- 7.10 Factores de riesgo a considerar en el análisis de la productividad.

COMISION NACIONAL BANCARIA Dirección Técnica de Apoyo Subdirección de Avalúos y Supervisión de Inmuebles.

DECIMA SEGUNDA.- Los avalúos que las Instituciones de Crédito practiquen sobre inmuebles de su propiedad o de las sociedades inmobiliarias, no incluirán el valor de puertas para bóvedas de valores, cajas de seguridad ni mostradores móviles, circuitos cerrados de televisión, anuncios, instalaciones para vigilancia y aquéllas que sean propias de las actividades operativas.

En todo caso, se apegarán a los lineamientos que para ese efecto establezca esta Comisión.

DECIMA TERCERA.- A los avalúos se deben acompañar planos o croquis debidamente acotados o a escala, y fotografías interiores y exteriores de las partes más representativas del inmueble.

DECIMA CUARTA - Para la elaboración de avalúos de bienes cuyas características no se precisan en estas Disposiciones, se deberán satisfacer los elementos que especifique el formato correspondiente que expedirá esta Comisión en cada caso.

#### II. DE LOS PERITOS

DECIMA QUINTA.- Para la práctica de los avalúos a que se refieren estas Disposiciones, las Instituciones de Crédito sólo podrán utilizar los servicios de peritos valuadores independientes que se encuentren inscritos en el registro correspondiente, a cargo de la Comisión Nacional Bancaria.

DECIMA SEXTA.- El registro será provisional o definitivo.

#### A) Registro provisional.

Tendrá una vigencia no inferior a doce meses ni mayor a dieciocho, con vencimiento al día último del mes de junio o de diciembre del año siguiente al de su otorgamiento.

El aspirante a obtener el registro provisional se someterá al examen de evaluación de conocimientos técnicos en la especialidad que solicite, conforme a la guía que para el efecto se acompaña como ANEXO II.

El sustentante que no apruebe el examen no podrá volver a solicitar otro sino hasta transcurridos seis meses.

#### B) Registro definitivo.

Se otorgará, en su caso, con base en la evaluación que el Organismo efectúe de la actuación del perito valuador de que se trate.

A este efecto, en los meses de enero, abril, julio u octubre de cada año, atendiendo a la fecha de vencimiento del registro provisional, la persona física interesada en obtener el registro definitivo, presentará la solicitud formulada por Institución de Crédito con la formalidad que señala la Disposición Décima Séptima, a la que deberá acompañar los siguientes documentos:

- a) Informe de la actividad valuatoria desarrollada en los meses posteriores al de otorgamiento del registro provisional correspondiente, que comprenda la totalidad de las instituciones de crédito a las que hubiere prestado sus servicios;
- b) Carra de referencia de cada una de las instituciones prestatarias de los servicios del perito valuador, incluidas en el informe, en la que se manifestará el grado de responsabilidad, eficiencia, honorabilidad y profesionalismo del interesado;
- c) Copia de dos avalúos por cada especialidad registrada, formulados de acuerdo con los formatos y disposiciones establecidas por esta Comisión. En caso de terrenos y construcciones, se acompañará copia de los planos a escala, acotados, y fotografías que muestren los elementos más representativos de los bienes valuados. En el caso de otras especialidades, se acompañarán únicamente las fotografías; y
- d) Tres fotografías recientes del perito valuador, tamaño infantil.

Con independencia de lo anterior, el solicitante del re-

gistro definitivo, se someterá al examen de evaluación de conocimientos técnicos en la especialidad que solicite. En los casos de renovación de dicho registro, el solicitante también deberá someterse al mismo procedimiento.

El registro definitivo tendrá vigencia de tres años contados a partir del mes de enero o de julio del año de su otorgamiento; su renovación deberá solicitarse en la misma forma y términos que aquél, excepto en lo referente al informe de la actividad valuatoria del perito, que deberá comprender únicamente el año inmediato anterior al mes en que se reciba la solicitud en la Comisión.

El registro a que se refieren estas disposiciones, es independiente de las autorizaciones o registros que, para efectos distintos, dispongan otros ordenamientos para el desempeño de la actividad valuatoria.

DECIMA SEPTIMA - El registro se otorgará discrecionalmente por el Organismo, a solicitud expresa de Institución de Crédito, suscrita por el Delegado Fiduciario o funcionario autorizado por la Institución para ese efecto, con mención del cargo que desempeña y clave asignada al mismo, conforme al ANEXO III, a la que deberán acompañarse, cuando menos, los siguientes documentos:

- a) Solicitud personal del aspirante a obtener el registro, por duplicado, para lo cual utilizará el formato que a la presente Circular se agrega como ANEXO IV;
- b) Testimonio que acredite la nacionalidad mexicana o en el caso de persona física extranjera, de autorización oficial para ejercer la actividad en el país;
- c) Título y Cédula Profesional expedidos en la República Mexicana, con los que comprueben estudios en las carreras de ingeniería, arquitectura o de alguna otra carrera afin con la valuación y especialidad solicitada;
  - d) Currículum vitae:
- e) Constancia emitida por Colegio de Profesionistas de carrera(s) atin(es) a la actividad v.luatoria en la(s) especialidad(es) solicitada(s), que acredite su calidad de miembro activo, expedida cuando menos dentro de los tres meses anteriores a la presentación de la solicitud, así como de asociación o instituto que tengan por finálidad el fomento y desarrollo de la actividad valuatoria en sus distintas especialidades;

- f) Tres fotografías recientes de la persona física cuyo registro se solicite, tamaño infantil;
- g) Datos relativos a otros registros que, como perito valuador, en su caso, tenga vigentes la persona física para la cual se solicita el registro ante esta Comisión; y
- h) Comprobante del pago de los derechos que establezca la Ley Federal de Derechos por el estudio y tramitación de la solicitud.

La Institución de Crédito deberá verificar que el solicitante del registro cuente con toda la documentación mencionada, antes de formular el escrito de solicitud de registro, en el entendido de que no se le dará tramite si la misma está incompleta.

La Comisión tendrá las más amplias facultades para allegarse los elementos de juicio que sean necesarios a fin de resolver sobre la solicitud a que se contrae esta Disposición.

DECIMA OCTAVA. - En todo caso y para todos los efectos legales que procedan, la Institución de Crédito solicitante del registro, será responsable de la calidad moral y técnica de la persona física cuyo registro promueva, así como de la razonable exactitud de los avalúos que practiquen y de que los mismos se formulen de acuerdo a las presentes Disposiciones y otras de carácter legal y administrativas aplicables.

La declaración expresa en tal sentido se hará en el escrito de solicitud de registro correspondiente.

DECIMA NOVENA.- Las personas a quienes se otorgue el registro, provisional o definitivo, serán inscritas bajo el número progresivo correspondiente a la especialidad que se establezca en el acuerdo respectivo.

VIGESIMA.- Por el estudio y tramitación de cada solicitud de registro provisional o definitivo, o renovación de éste, se pagarán los derechor que establezca la Ley Fede-

ral de Derechos, no siendo éstos reembolsables al perito promovente de la solicitud, aún en el caso de que el registro le sea denegado.

El pago de los derechos a que se refiere el párrafo anterior, se hará mediante cheque certificado a favor de la Comisión Nacional Bancaria, en las oficinas centrales de la propia Comisión, o bien, en las de su Delegación Regional más cercana al domicilio de la persona cuyo registro, o su renovación, se solicite. El comprobante de pago deberá acompañarse a la solicitud respectiva.

VIGESIMA PRIMERA. - Para el caso de negativa del registro provisional o definitivo, o renovación de éste, en el oficio en el que se comunique al aspirante tal circunstancia, se le señalarán las causas por las que no se le otorga. —

#### III. DE LA INSPECCION Y VIGILANCIA

VIGESIMA SEGUNDA.- Los valuadores registrados conforme a estas Disposiciones, quedarán sujetos a la inspección y vigilancia de la Comisión Nacional Bancaria, a la cual deberán proporcionar la información y documentación que les sea requerida en ejercicio de dichas facultades.

En todo tiempo y de manera discrecional, la Comisión podrá solicitar a las Instituciones de Crédito el listado de sus peritos valuadores en activo, así como la información y documentación a que se refiere el párrafo precedente

VIGESIMA TERCERA.- Por la inspección y vigilancia a que están sujetos los peritos valuadores con registro definitivo o renovado, se pagará la cuota anual, por año de calendario, que determine la Secretaría de Hacienda y Crédito Público con base en la Ley Federal de Derechos.

El pago de la cuota anual de derechos por la inspección y vigilancia, se hará a más tardar en el mes que al efecto file la Secretaría de Hacienda y Crédito Público para el año al que corresponda, en las oficinas de la Comisión antes men-

cionadas. Cuando no se cubra el pago dentro del plazo señalado, su monto estará sujeto a actualización en los términos del artículo 21 del Código Fiscal de la Federación.

El otorgamiento del registro definitivo dará lugar al primer pago de estos derechos, el cual deberá hacerse en la fecha en que el perito reciba de la Comisión el oficio de autorización y la credencial correspondiente.

La omisión en el pago de los derechos de inspección y vigilancia, dará lugar a la suspensión temporal del registro, por el término en que tal situación prevalezca y en tanto no se regularice la misma mediante el pago de la cuota actualizada y los recargos correspondientes.

VIGESIMA CUARTA. - Cuando de la inspección y vigilancia que competen a la Comisión, o por cualquier otro medio, se detecte o determine incumplimiento de cualquiera de las Disposiciones contenidas en la presente Circular; realización de actividades en condiciones que revelen incapacidad técnica; que los datos o valores asentados en los avaluos practicados no correspondan a la realidad, por talta de honestidad o por otras causas que deriven de otros ordenamientos legales y administrativos aplicables en relación con la actividad valuatoria, la propia Comisión podrá aplicar al perito, de acuerdo a la gravedad de la falta o faltas incurridas, las siguientes medidas correctivas:

#### I. Amonestación por escrito:

- a) Cuando en la revisión de los avalúos se determine que los datos no corresponden a la realidad y/o los valores asentados fluctúan entre un cinco y un diez por ciento, en más o en menos, de los valores determinados en la supervisión de tales avalúos;
- b) Cuando se conozca que al amparo del registro otorgado por la Comisión realiza publicidad u ofrece sus servicios como perito valuador bancario independiente; formula avalúos en papelería personal asentando su número de registro en la Comisión o utiliza éste a manera de referencia que induzca o pueda inducir a error respecto de los servicios que presta;

- c) Por cambiar de domicilio sin dar el aviso correspondiente a la Comisión; y
- d) Por cualquier otro incumplimiento de importancia menor a las Disposiciones que se emiten en esta Circular, a juicio de la Comisión.

#### II. Suspensión mínima de seis y máxima de doce meses:

- a) Por reincidir en alguna de las situaciones señaladas en el numeral anterior; y
- b) Cuando en la supervisión se determine que los valores asentados en los avalúos discrepan en más de un diez por ciento, en más o en menos de los valores que se dictaminen.

#### III. Cancelación definitiva del registro por:

- a) Haber obtenido el registro con información y/o documentación falsa;
- b) Por reincidencia en los supuestos señalados en los incisos I-a) y II-b) precedentes;
- c) Violaciones graves y reiteradas a las Disposiciones del Apartado I. DE LOS AVALUOS, en la práctica y formulación de éstos;
- d) Cancelación de la autorización, registro o habilitación como perito valuador por la autoridad que se la hubiera otorgado, conforme a ordenamientos legales y administrativos aplicables, en relación con la actividad valuatoria; y
- e) Ser condenado por delito intencional, mediante sentencia ejecutoriada que amerite pena corporal.

Para la imposición de las medidas correctivas a que haya lugar, la Comisión Nacional Bancaria deberá oir previamente al interesado.

VIGESIMA QUINTA. - La Comisión informará periódicamente a las instituciones de crédito, sobre los peritos valuadores con registro vigente.

Asimismo, con la periodicidad que el Organismo juzgue conveniente, se circularán los casos de registros con suspensión temporal.

VIGESIMA SEXTA.- El registro que se otorgue a un perito valuador no implica presunción alguna sobre la exactitud de los avalúos que éste produzca y las Instituciones de Crédito asumirán la responsabilidad de la veracidad de los datos asentados por sus peritos valuadores en los formatos a que se refieren las Disposiciones PRIMERA y SEGUNDA anteriores

#### IV. DE LA PROTECCIÓN DE LOS INTERESES DEL PUBLICO

VIGESIMA SEPTIMA.- La Comisión, en términos de los artículos 119 y 120 de la Ley de Instituciones de Crédito, atenderá las reclamaciones que se deriven de avalúos formulados por Institución de Crédito y solicitará en su caso, a ésta, al perito o al interesado, la información para el análisis y dictamen correspondiente.

#### DISPOSICIONES TRANSITORIAS

PRIMERA.- Estas disposiciones entrarán en vigor el día 1 de abril de 1994.

SEGUNDA.- Se deja sin efecto la Circular Núm. 1103 del 18 de marzo de 1991, emitida por esta Comisión Nacional Bancaria.

TERCERA. - En tanto se emiten los formatos de avalúos pa-

ra cada especialidad, señalados en la Disposición Primera, deberán observarse los que se encuentran en vigor, y de uso habitual.

CUARTA.- Los registros y renovaciones otorgados por esta Comisión con anterioridad a la fecha en que entre en vigor la presente Circular, subsistirán por el mismo plazo para el que fueron expedidos; a su vencimiento, las solicitudes de registro provisional, definitivo, o de renovación, deberán ajustarse a lo previsto en estas Disposiciones.

QUINTA - Para el pago de la cuota anual de derechos de inspección y vigilancia que deberá hacerse en los términos de la Disposición VIGESIMA TERCERA, las Instituciones de Crédito coadyuvarán al eficaz cumplimiento de esta Disposición, exigiendo a los peritos valuadores cuyos servicios contraten, la exhibición del comprobante de pago respectivo.

SEXTA.- Para la eficaz observancia de las Disposiciones de la presente Circular, se recomienda a esas Instituciones proveer lo necesario a su difusión efectiva entre los funcionarios de la División Fiduciaria, responsables de suscribir los avalúos que ordenen practicar y formular, y los peritos valuadores en activo, así como proporcionarla a las personas físicas que promuevan ante esas Instituciones la gestión de solicitud para otorgamiento del registro provisional, definitivo, o la renovación de éste.

Lic. Víctor Miguel Fernández Valadez Vicepresidente

Atentament

ANEXOS: - Telex-Circular 33/88 del Banco de México.

- Guía de evaluación de peritos.

- Modelos de solicitud de registro (Institución y perito)



#### SECRETARIA DE HACIENDA Y CREDITO PUBLICO.

# COMISION NACIONAL BANCARIA

MENICO, D.F.

, 14 de marzo de 1994

CIRCULAR Núm. 1202

ASUNTO:

AVALUOS BANCARIOS. - Se da a conocer formato único para avalúos de inmuebles.

#### A LAS INSTITUCIONES DE CREDITO

De conformidad y para los efectos que se señalan en la Disposición Primera de la Circular Núm. 1201 de esta misma fecha, en relación con lo que prevé la Tercera Transitoria de la propia comunicación, se da a conocer el modelo de format único que deberán observar esas instituciones en la realización de avalúos de inmuebles, el cual comprende el mínimo de elementos a considerar respecto a terrenos, viviendas y edificios especializados.

Con la finalidad básica de coadyuvar a la unificación de criterios y procedimientos de resolución, se acompaña de su correspondiente instructivo, mismo que estimaremos se sirvan difundir ampliamente entre los peritos de la especialidad.

De acuerdo con la citada Disposición Primera, el nuevo formato, que en lo general se apega al que en la actualidad está en uso, entrará en vigor a los 60 días naturales de la expedición de la presente Circular, fecha en la cual quedará derogada nuestra anterior Núm. 1104 del 18 de marzo de 1991.

Les estimaremos se sirvan acusar recibo de la presente.

Atentamente,

Lic. Víctor Miguel Fernández Valadez Vicepresidente



ANEXO H

#### MODELO DE SOLICITUD DE REGISTRO DE PERITO VALUADOR

(Institución)

(Lugar y fecha)

ASUNTO Solicitud de registro de perito valuador

COMISION NAC Dirección Ge	CIONAL BANCARIA neral Técnica					
	· -				_	
A nombre de el registro po	i (Institu	ción de Créc Livo) para P	,	. atentamente nos la(s) especialidad(e	•	14
para	Profesión No	ombre(s)	Apellido patern	o -Apellido materi	าด	·-·
promovente d	dol registro y de	la <i>r</i> azona		dad de la calidad i los avaluos que pra de esa Comisión.		
Agradeceremo	os la atención qu	e se sirvan	prestar a la pres	enle		
Atentamente,	-					
		(1	Nombre y firma d	el funcionario)		

(Cargo y Clave)

ANEXOS: Documentos que requiere la Disposición Décima Sexta (Décima Séptima) de la Circular Num. 1201



CIRCULAI	Núm	1201	
ANEXO	IV		

No.	

Fotografia Reciente Tamaño Infantil

## SOLICITUD DE REGISTRO DE PERITO VALUADOR

(Favor de llenar esta solicitud a maquina o en forma manuscrita con letra de molde)

Provisional	Definitivo	R	t <del>e</del> novación _		
	DATOS DEL SO	OLICITANTE			
Nombre:Apellido Paterno	Apellido	Materno	<del></del>	Nomb	ore(s)
			<del></del>		
Domicilio Particular (Calle v No.):			<del></del>	<del></del>	<del></del>
Colonia				Teléfono:	
C.P. Población:		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	<del></del>	Estado:	
Domicilio Oficina (Calle v No.):			<del></del>		
Colonia:				Teléfono:	
C.P. Población		<del></del> -	<del> </del>	Estado:	
Nacionalidad:	Profesión	n:			
Cédula Profesional (Registro v Fecha)				R.F.C.	
Inmuebles Maquinaria y Equipo	ESPECIALIDAD(ES (Que se acrediten of Industriales A	SOLICITADA con documentos) agropecuarias		pecifique):	
	EXPERIENCIA	VALUATORIA			
Institución · -		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		Periodo:	
Institución:				Periódo:	
Institución .	<del></del>			Penodo.	
	DE LA INSTITUCION I	DE CREDITO P	ROMOVENT	TE	
Denominación					
Oficina Principal	<del></del>	<del></del>	Ofici	na que solicita	<del></del>
Domicilio ·		Domicilio:			
Firmado por		Firmado por:			
Para actuar como Pento Valuador en los términos	de las Disposiciones y Reglas		rcular N*	de la Comisió	n Nacional Bancaria
Lugar y fecha:	·	Firma del Solici	tante:		
	PARA SER LLENA	PO POR LA CI	NB		
Fecha del examen.	Resultado del examen.	Positivo [	Negativ	ю [	
se autoriza la solicitud: Si No Co	omentarios:		<i>;</i>		
Registro Núm Reviso.	Especialidad(es) Superviso	, <del></del>	Autori	 zó <sup>.</sup>	

Fecha-

Fecha

Fecha

CIRCULAR Núm. 1262 ANEXO

INSTITUCION:		AVALUO N Hoja 1	0.	
. A 37 A	I 11 0			
	L U O			
SOLICITANTE DEL AVALUO:	CEDENTES		·	
SOLICITATE DEL AVALCO.	<u> </u>	REGISTRO	CNB:	
VALUADOR:				
FECHA DEL AVALUO				
INMUEBLE QUE SE VALUA.				
REGIMEN DE PROPIEDAD:				-
PROPIETARIO DEL INMUEBLE:		-		•
PROPOSITO O DESTINO DEL AVALUO:	e in mark on an			
UBICACION DEL INMUEBLE:				
NUMERO DE CUENTA PREDIAL:				
II. CARACTERI	STICAS URBA	INAS		
CLASIFICACION DE LA ZONA:				
TIPO DE CONSTRUCCION:				
INDICE DE SATURACION EN LA ZONA: (Antes densidad de construcción).				<del> </del>
POBLACION:				
CONTAMINACION AMBIENTAL:				
USO DEL SUELO:	<del>-</del> , , ,		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
VIAS DE ACCESO E IMPORTANCIA DE LAS MISMAS:				
SERVICIOS PUBLICOS V FOUDAMIENTO URBANO				

CIRCULAR Núm. 1202 ANEXO

AVALUO N	No.	
Hoja 2		

III. TERRENO				
TRAMOS DE CALLE, CALLES TRANSVERSALES LIMITROFES Y ORIENTACION:				
MEDIDAS Y COLINDANCIAS SEGUN:	CROQUIS			
AREA TOTAL. m2 según.				
TOPOGRAFIA Y CONFIGURACION:				
CARACTERISTICAS PANORAMICAS:				
DENSIDAD HABITACIONAL:				
INTENSIDAD DE CONSTRUCCION:				
SERVIDUMBRE Y/O RESTRICCIONES:				
IV. DESCRIPCION GENERAL DEL INMUEBLE				
USO ACTUAL:				
USO ACTUAL.				
TIPOS DE CONSTRUCCION:				
CALIDAD Y CLASIFICACION DE LA CONSTRUCCION:				
NUMERO DE NIVELES:				
PRANAPOVINANA NE LA CONCTRICCION.				
EDAD APROXIMADA DE LA CONSTRUCCION:				
VIDA UTIL REMANENTE:				
ESTADO DE CONSERVACION:				
CALIDAD DEL PROYECTO:	¥ .			
	<del></del>			
UNIDADES RENTABLES O SUSCEPTIBLES A RENTARSE:				

AVALUO No.	
Hoja 3	

V. ELEMENTOS DE LA CONSTRUCCIO	ON	_
a) OBRA NEGRA O GRUESA:		_
CIMIENTOS:		
ESTRUCTURA:		
MUROS:		
ENTREPISOS:		
TECHOS:	-	
AZOTEAS:		
BARDAS:	-	
b) REVESTIMIENTOS Y ACABADOS INTERIORES		
APLANADOS:	<u>^</u>	
PLAFONES:	•	
LAMBRINES:		
PISOS:		
ZOCLOS:		
ESCALERAS:		
PINTURA:		
RECUBRIMIENTOS ESPECIALES:		
c) CARPINTERIA		$\dashv$
		1

AVALUO	No.		_
Hoja 4		_	

V. ELEMENTOS DE LA CONSTRUCCION
d) INSTALACIONES HIDRAULICAS Y SANITARIAS
MUEBLES DE BAÑO Y COCINA
MODBLES DE BATO I COCETA
e) INSTALACIONES ELECTRICAS
t) HOTALACIONES ELLO INC.
1) PUERTAS Y VENTANERIA METALICAS
g) VIDRIERIA
h) CERRAJERIA
II, CEIGGEACH
i) FACHADAS
T) FACHADAS
j) INSTALACIONES ESPECIALES, ELEMENTOS ACCESORIOS Y OBRAS COMPLEMENTARIAS
ACCESORIOS I OBRAS COM LEMENTARIAS
VI CONCIDED CIONES DEVIAS AL AVALUO
VI. CONSIDERACIONES PREVIAS AL AVALUO
•

AVALUO No.	
Hoja 5	

				[ <u>H</u>	oja 5
DEL TERRE	NO.	VII. VALOR FIS	SICO O I	DIRECTO	
DEL TERRE		•			
LOTE TIPO	O PREDOMINANT	E:			
INVESTIGA	CION DE MERCAD	<b>o</b> :			
VALORES I	DE CALLE O DE ZOI	NA:			·
RACCION	SUPERFICIE	VALOR UNITARIO	COEF.	MOTIVO	VALOR
RACCION	m2.	\$/m2	COLI	DEL COEF.	PARCIAL
					S
_	• •			,	<b>T</b>
1					
	***				·
ОТА		m2		SUBTOTAL (a)	s
ALOR UNITA		VALOR UNITARIO DE REPOSICION	DEME- RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	SVALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION		SUBTOTAL (a)	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	s
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL
ALOR UNITA	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION	RITO %	VALOR UNITARIO NETO DE REPOSICION	VALOR PARCIAL  S
TIPO	L ARIO MEDIO DE: \$ NSTRUCCIONES: AREA	VALOR UNITARIO DE REPOSICION NUEVO	RITO %	SUBTOTAL (2)  VALOR UNITARIO NETO	VALOR PARCIAL

AVALUO No.			
Hoja 6		_	_

VIII. VALOR POR CAPITALIZACION DE RENTAS	S
a) RENTA REAL O EFECTIVA:	s
	·
b) RENTA ESTIMADA O DE MERCADO:	S
D) RENTA ESTENADA O DE MERCADO.	<u> </u>
RENTA BRUTA TOTAL MENSUAL: (EFECTIVA O ESTIMADA)	. <b>S</b>
REIVIA BROTA TOTAL MEMORAL (ELLECTIVA O ESTABLIA)	
·	
IMPORTE DE DEDUCCIONES (%) (Descripción)	<i>•</i>
(*************************************	
en e	- ,
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
RENTA NETA MENSUAL	S
RENTA NETA MENSUAL	·
RENTA NETA ANUAL	s
CAPITALIZANDO LA RENTA ANUAL AL % TASA DE CAPITALIZACION APLICABLE AL CASO, RESULTA UN	
VALOR DE CAPITALIZACION DE:	S
IX. R E S U M E N	
VALOR FISICO O DIRECTO.	
VALOR FISICO O DIRECTO:	s
	İ
VALOR DE CAPITALIZACION DE RENTAS:	s
-	
VALOR DE MERCADO:	s
	<b>'</b>

AVALUO No.	
Hoja 7	 _

<del></del>	<del></del>
X. CONSIDERACIONES PR	EVIAS A LA CONCLUSION
XI. C O N C	LUSION
ALOR COMERCIAL	S
CON LETRA)	³ <del></del>
ESTA CANTIDAD REPRESENTA EL VALOR COMERCIAL A	AL DIA DE 19.
XII. VALOR REFE	ERIDO (En su caso)
ARA LOS EFECTOS A QUE HAYA LUGAR, EL VALOR RE	FPRING DEL INMITERI E AL DIA
	<b>:</b> :
4	••
•	
	····
PERITO VALUADOR	INSTITUCION
	Aloi110Clon
FIRMA	FIRMA
NOMBRE	NOMBRE
No. DE REGISTRO C.N.B.	(DELEGADO FIDUCIARIO
DE ADDROGRA C.II.B.	O FUNCIONARIO AUTORIZADO)
	CARGO
ESPECIALIDAD	CARGO
	CLAVE:



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

## **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### **TEMA**

HERRAMIENTAS ESTADÍSTICAS PARA LA VALUACIÓN

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
PALACIO DE MINERIA
ENERO DEL 2002



M. en I. Enrique Augusto Hemández-Ruiz.

# LA ESTADÍSTICA Y LA SIMULACIÓN

#### EL MÉTODO "PERT"

Esta Técnica de Evaluación y de Revisión de Programas es referida mediante el acrónimo formado por su nombre en inglés (Program Evaluation and Review Technique) y, como anteriormente se afirmó, es similar al de la ruta crítica, pero la diferencia básica consiste en que "PERT" es un método probabilístico que supone el desarrollo de un escenario optimista, uno pesimista y otro esperado; el último de ellos se determina acotado por los dos primeros, aplicando técnicas de simulación.

Obviamente con la programación se trata de establecer el mejor ordenamiento de un conjunto de actividades que deberán ser emprendidas en el futuro, con las cuales se pretende llevar a cabo un proyecto; sin embargo, por ser eventos futuros se tratará inherentemente con incertidumbre respecto de las condiciones en que serán realizadas.

Es precisamente este hecho el que hace que las cosas resulten de manera distinta a la que se supuso de manera determinística, debido a que la ocurrencia de eventos futuros es una cuestión aleatoria, es decir, puede depender del azar; por esta razón es recomendable prepararse para las mejores y las peores condiciones.

El escenario optimista se formulará con la determinación de las mejores condiciones en que pueden ser desarrolladas las actividades del proyecto, o sea, se considerarán los menores costos y mínimas duraciones de las actividades, así como también la mayor disposición de recursos económicos y humanos.

Por el contrario, el escenario pesimista se formará determinando la ocurrencia de las peores condiciones de trabajo en el proyecto, es decir, se supondrá que se alcanzarán los mayores costos y máximas duraciones, además de la menor disposición de los recursos en general.

El escenario esperado resulta ser uno intermedio de los dos anteriores obviamente; su generación se logra simulando el acontecimiento de las situaciones más probables que pueden ocurrir en el futuro, por eso mismo es que este escenario también puede ser llamado "escenario más probable". Un método de simulación muy empleado para este fin es el denominado *Monte Carlo*.

El modelo de Monte Carlo, llamado también método de ensayos estadísticos, es una écnica de simulación de situaciones inciertas que permite definir valores esperados para variables no controlables mediante la selección aleatoria de valores, donde la probabilidad de elegir entre todos los resultados posibles está en estricta relación con sus respectivas distribuciones de probabilidad.

El mecanismo a seguir para realizar tales ensayos estadísticos obedece a estos pasos:

- Seleccionar un conjunto representativo de proyectos ya realizados para tomar de ellos los parámetros que nos interesan simular en la creación del escenario más probable del proyecto que se pretende realizar.
- 2. Se formarán clases estadísticas con los datos elegidos, estableciendo un intervalo o amplitud que sea conveniente en las mismas; posteriormente se calculará el valor medio en cada clase, la frecuencia con que se presentó cada clase en el conjunto seleccionado, la frecuencia relativa y la frecuencia relativa acumulada, tal como se ejemplifica en la siguiente tabla:

Velor Medio del Estrato de la Variable			Fractionels Posistive Acumulada
200	11	0.1058	0.1058
250	27	0.2596	0.3654
300	34	0.3269	0.6923
350	16	0.1538	0.8462
400	9	0.0865	0.9327
450	5	0.0481	0.9808
500	2	0.0192	1.0000
Suma	104	1.0000	

La frecuencia, frecuencia relativa y frecuencia relativa acumulada deberán cumplir las siguientes condiciones:

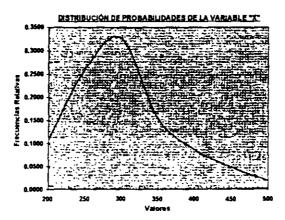
$$n = \sum_{i=1}^{k} f_i,$$

$$fr_i = f_i / n,$$

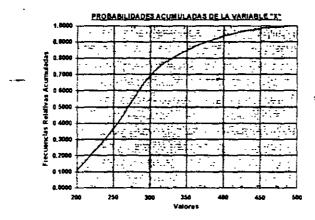
$$fra_i = \sum_{k=1}^{i} fr_k,$$

donde "n" es el número de elementos que integra el conjunto en estudio, "f<sub>i</sub>" el número de elementos del conjunto en estudio que incurren en el estrato "i", "fr<sub>i</sub>" y "fra<sub>i</sub>" la freçuencia relativa y la frecuencia relativa acumulada que corresponden al estrato "i".

 Con la frecuencia relativa calculada puede conocerse la distribución de probabilidades de los parámetros tratados, la cual se apreciará en una gráfica como la siguiente:



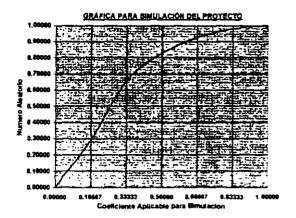
4. La distribución de los datos puede estar concentrada alrededor de cualquier abscisa y para que el proceso de simulación la respete será necesario construir la siguiente gráfica con la frecuencia relativa acumulada que se calculó en la tabla:



5. Como paso inmediato se procederá a "normalizar" el rango empleado en los ejes de las abscisas y de las ordenadas, es decir, a convertir su amplitud de cero a uno con la expresión siguiente:

$$C_j = (V_j - V_{min}) / (V_{max} - V_{min}),$$

donde "V" refiere los valores ubicados en cada eje de la gráfica anterior y "C," es cada uno de los valores de los ejes con los que se creará una gráfica "normalizada" como la que se muestra en esta figura:



6. Por último, se generará una serie de números aleatorios que sea lo suficientemente grande para que ésta sea considerada representativa del proyecto en cuanto a su comportamiento; dichos números aleatorios se comprenderán entre el cero y la unidad, y serán ubicados en el eje de las ordenadas de esta última gráfica y se obtendrá el coeficiente que les corresponda sobre las abscisas. Con el coeficiente aplicable para la simulación se aplicará la siguiente expresión, con la cual se calcularán los parámetros buscados con la simulación:

$$S_{Ei} = P_{min} + C_{Ai} (P_{max} - P_{min}),$$

donde "C<sub>Ai</sub>" es cada coeficiente corregido por la correlación normalizada que se aplicó para el caso específico de cada número aleatorio de la serie generada, "P" corresponde a los valores de los parámetros que se tomaron como base para efectuar el ordenamiento estadístico con que partió el proceso de simulación y S<sub>Ei</sub> es cada valor resultado de la aplicación de cada "C<sub>Ai</sub>".

Cabe señalar que en caso de no contar con los datos indicados en el primer paso, los números aleatorios pueden ser aplicados directamente en la expresión del último punto.

Existe la posibilidad de que la cantidad de números aleatorios que se generarán sean determinados mediante la aplicación de conceptos de muestreo aleatorio; incluso estos conceptos pueden apoyar para generar varios escenarios que son posibles y tomar de ellos el más representativo para catalogarlo como el más probable de presentarse en la realidad.

Para concluir con este punto, podemos decir que la simulación aplicada en el método PERT es una manera "virtual" de hacer historia sin correr riesgo, pues en caso de notar deficiencias en puntos específicos del proyecto, es posible tomar medidas pertinentes para evitartas o disminuirlas sin una repercusión sorpresiva en los recursos.

# • EL MUESTREO ALEATORIO

#### INTRODUCCIÓN

El resultado de un experimento estadístico puede registrarse como un valor numérico o como una representación descriptiva, y es por eso que la estadística se interesa principalmente por el análisis de datos numéricos. En un estudio particular, el número de posibles observaciones puede ser pequeño, grande pero finito, o bien infinito.

Siempre que trabajemos en el muestreo, debemos contar con un plan preciso para delimitar el tamaño de la muestra que deseamos extraer de una población para cumplir con los objetivos de la investigación. Un error muy común consiste en pensar que una muestra debe ser grande para que realmente sea representativa de la población, pero quizá esto no suministre información adecuada sobre el parámetro en cuestión; sin embargo, sí mermará en mucho los recursos económicos que se empleen para llevar al cabo esta actividad

La totalidad de las observaciones que interesan, sea su número finito o infinito, constituye lo que se llama una "población"; esta palabra considera las observaciones acerca de algo de interés, ya sean grupos de personas, animales u objetos, y el número de observaciones en la población se define como el tamaño de ésta.

En otros términos, se llamará población al conjunto formado por la totalidad de resultados obtenidos, o posibles, al realizar un experimento cualquiera.

Como ejemplo de una población de tamaño finito podemos citar, entre otros, los números de los naipes de la baraja, las estaturas de los residentes de una ciudad y las longitudes de los peces atrapados en un lago. El experimento de lanzar dados, las observaciones obtenidas al medir la presión atmosférica todos los días, desde el pasado remoto hasta el futuro, o todas las mediciones de la profundidad de un lago en cualquier punto concebible, son ejemplos de poblaciones de tamaño infinito. Algunas poblaciones finitas son tan grandes, que en teoría se supone que son infinitas

En el campo de la inferencia estadística, interesa lograr conclusiones concernientes a una población cuando es imposible o impráctico observar el conjunto total que forma a la población, y es por eso que se depende de un subconjunto de ésta para poder realizar estudios relativos a la misma. Esto ha conducido al desarrollo de la teoría del muestreo.

A los datos obtenidos al-realizar un experimento determinado número de veces se le conocerá como "muestra de la población", por lo que una muestra será entendida como un subconjunto de su población, y para que sean válidas las inferencias que se realicen se deben obtener "muestras representativas" de la citada población.

Con frecuencia, al elegir una muestra se seleccionan los elementos que se consideran más convenientes de la población; pero tal procedimiento puede conducir a inferencias

erróneas. Los procedimientos de muestreo que generan inferencias que sobrestimen o subestimen de manera consistente algunas características de la población reciben el nombre de "sesgados".

Para eliminar cualquier posibilidad de sesgo en el procedimiento de muestreo, es deseable recurrir al manejo de "muestras aleatorias", las cuales se seleccionan de modo independiente y al azar, cuyo principal objeto es presentar información representativa acerca de los parámetros de la población que son desconocidos.

Para analizar características específicas de una muestra aleatoria, misma que se considerará representativa de una población, se emplearán los parámetros conocidos como estadísticos, mismos que reciben también el nombre de "medidas de tendencia central". Un estadístico o medida de tendencia central será cualquier función (expresión matemática) que involucre a las variables aleatorias que constituyen una muestra aleatoria.

Los estadísticos más comunes utilizados para determinar el punto medio de un conjunto de datos, dispuestos en orden de magnitud, son la media, la mediana y la moda.

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", donde cada una de ellas tiene la misma <u>probabilidad de ocurrencia</u>, entonces la "media muestral" se define con el estadistico:

$$\mu_{x} = 1/n \sum_{i=1}^{n} X_{i}$$

y en caso de que cada una de estas variables posea su propia y respectiva probabilidad de ocurrencia, el estadístico de la media muestral será:

$$\mu_{\mathbf{X}} = \sum_{i=1}^{n} \mathbf{P}(\mathbf{X}_{i}) \; \mathbf{X}_{i}.$$

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", dispuesta en orden creciente de magnitud, entonces la "mediana de la muestra" se define con el estadístico siguiente:

$$\mathbf{m}_{x} = \mathbf{X}_{(n+1)/2}$$
 si "n" es impar, y

$$\dot{m}_x = \frac{1}{2} (X_{n/2} + X_{(n/2)+1})$$
 si "n" es par.

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$ , que no son necesariamente diferentes, constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", entonces la "moda muestral" es el valor de la observación que ocurre más a menudo o con la mayor frecuencia. La moda será referida con la letra " $M_x$ ", la cuál puede no existir y cuando existe no es necesariamente única, de hecho,

cuando exista una sola moda se dirá que la muestra será unimodal, cuando sean dos será bimodal, y cuando sean tres o más la muestra será multimodal.

De las tres medidas de tendencia central definidas anteriormente, será la media en la que centraremos nuestra atención, pues servirá para definir otras características de índole estadística que referirá la dispersión que existe de los datos muestrales respecto de su media, definiendo así a las "medidas de dispersión". Esta información que es referida recibe el nombre de momento de orden "k" con respecto a la media y; el cuál, cuando los valores de la muestra tienen la misma probabilidad de ocurrencia, es definido de la siguiente manera:

$$m_k = 1/n \sum_{i=1}^{n} (X_i - \mu_x)^k$$

pero cuando los valores de dicha muestra poseen distintas probabilidades de ocurrencia, la expresión aplicable será:

$$m_{xk} = \sum_{i=1}^{n} P(X_i) (X_i - \mu_x)^k$$

En lo sucesivo, será el momento de orden dos con respecto a la media el que nos interesará, el cuál será denominado como varianza de la muestra y se determinará con la siguiente expresión cuando exista la misma probabilidad de ocurrencia en los valores de la muestra:

$$m_2 = \sigma_x^2 = 1/n \sum_{i=1}^{n} (X_i - \mu_x)^2$$

y como se ha venido señalando, en caso de que los valores que integran la muestra tengan distinta probabilidad de ocurrencia, la expresión anterior será modificada del siguiente modo:

$$m_{x2} = \sigma_x^2 = \sum_{i=1}^{n} P(X_i) (X_i - \mu_x)^2$$

A la raíz cuadrada de la varianza se le conocerá con el nombre de desviación estándar, misma que se expresará de la forma siguiente:

$$\sigma_{x} = (\sigma_{x}^{2})^{1/2}$$

Adicionalmente es posible determinar de una manera relativa o porcentual la dispersión de los datos analizados en una muestra con respecto de su media, la cual se

fundamenta en la determinación de un índice conocido como "coeficiente de variación", mismo que guarda la siguiente equivalencia:

$$v_x = \sigma_x / \mu_x$$

No obstante, existe una cuarta medida de dispersión que no depende de la media de la muestra, ésta recibe el nombre de "rango de la muestra aleatoria". Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  son elementos de una muestra aleatoria, el rango se define como  $X_n$  –  $X_1$ , donde  $X_n$  y  $X_1$  son, respectivamente, las observaciones mayor y menor de la muestra.

En adición a lo expuesto, es posible calificar a una muestra con base en su distribución simétrica respecto de su media y con base en su aplanamiento o exceso (kurtosis), es decir, podemos inducir el cálculo de dos índices: el primero denominado coeficiente de simetría, y el segundo llamado coeficiente de kurtosis.

El coeficiente de simetría se calcula con la siguiente relación:

$$\beta_1 = m_3^2 / m_2^3$$

Si el valor de este coeficiente es igual a cero, significará que la curva de distribución de la muestra es simétrica, es decir, que existe el mismo número de elementos a la derecha y a la izquierda de la media. En cambio, si el valor del coeficiente de simetría es mayor que cero, se dirá que existe una asimetría "positiva", e indicará que el valor de la moda es menor que el de la media; si por el contrario, el valor del coeficiente es menor que cero, la asimetría será "negativa", y el valor de la moda será mayor que el de la media de la muestra.

Por su parte, el coeficiente de kurtosis o de aplanamiento se determinará con este cociente:

$$\beta_2 = m_4 / m_2^2$$

Para calificar el grado de aplanamiento de la distribución de una muestra, se le comparará con una distribución teórica de gran importancia, la cual es llamada "normal estándar". El valor del coeficiente de kurtosis para la distribución normal es equivalente a tres unidades (mezokùrtica), por lo que, si éste coeficiente resulta ser menor que tres, la distribución de la muestra será "platokúrtica", es decir, más aplanada que la curva de la distribución normal; si por el contrario, el valor calculado fuera mayor que tres, la curva de distribución de la muestra será "leptokurtica", o sea, menos aplanada que la distribución normal.

Una curva de distribución platokúrtica (achatada) indica que los datos muestrales se encuentran muy dispersos respecto de su media, ya que su altura es menor que la curva de distribución normal, en cambio, una curva leptokúrtica (alta y estrecha en el centro) indica que los elementos de la muestra son concentrados, es decir, poseen valores cercanos a la media.

Con base en lo anteriormente explicado, cabe destacar que la media es fácil de calcular y emplea toda la información disponible, por esa razón los métodos utilizados en inferencia estadística se basan en la media de la muestra. La única desventaja importante de la media es que puede ser afectada en forma nociva por los valores extremos.

La mediana tiene la ventaja de ser fácil de calcular si el número de observaciones es relativamente pequeño, y no es influida por valores extremos. Al considerar muestras tomadas de poblaciones, las medias muestrales por lo general no varían tanto de una muestra a otra como lo harían las medianas, por consiguiente, la media es más estable que la mediana si se intenta estimar el punto central de una población con base en un valor de muestra. En consecuencia, una media muestral ha de estar probablemente más próxima a la media de la población que la mediana de su muestra.

La moda es la medida menos utilizada de las tres medidas de tendencia central ya referidas. Para conjuntos pequeños de datos su valor es casi inútil, si es que existe. Tiene un valor significativo sólo en el caso de una gran cantidad de datos. Sus dos principales ventajas son que:

- 1. no requiere cálculo y que,
- 2. se puede utilizar para evaluar datos cualitativos o cuantitativos.

Sin embargo, las tres medidas de tendencia central definidas no dan por sí solas una descripción adecuada de los datos. Se necesita saber en qué grado las observaciones se apartan del promedio, y es entonces donde cobran relevancia las medidas de dispersión, ya que es posible tener dos conjuntos de observaciones con la misma media o mediana que difieran considerablemente en la variabilidad de sus mediciones con respecto a su respectiva media.

El rango puede ser una medida de variabilidad deficiente, en particular si el tamaño de la muestra o población es grande. Tal medida considera sólo los valores extremos y no expresa nada acerca de la distribución de valores comprendidos entre ellos.

La varianza contrarresta la desventaja del rango, y estas dos medidas de dispersión las complementa la desviación estándar.

Si se toma una población finita o infinita con distribución desconocida, con media " $\mu$ " y varianza  $\sigma^2/n$ . la distribución de la media de una muestra aleatoria de tamaño "n" de la misma será aún aproximadamente normal, siempre que le tamaño de la muestra sea muy grande. Este sorprendente resultado es una consecuencia inmediata del siguiente teorema llamado "teorema del límite central":

Teorema del límite central: Si  $\mu_x$  es la media de una muestra aleatoria de tamaño "n" tomado de una población con media  $\mu$  y varianza finita  $\sigma^2$ , entonces la forma límite de la distribución de

$$Z = [\mu_x - \mu] / [\sigma / (n)^{1/2}],$$

cuando  $n \rightarrow \infty$ , es la distribución normal n(z; 0, 1).

La aproximación normal para " $\mu_x$ " será aceptable si n>30, independientemente de la forma de la población. Si n<30, la aproximación es aceptable sólo si dicha población no es muy diferente de una distribución normal y, si se sabe que la población es normal, la distribución muestral de " $\mu_x$ " seguirá con exactitud una distribución normal, sin que importe qué tan pequeño sea el tamaño de las muestras.

#### DETERMINACIÓN DEL TAMAÑO DE UNA MUESTRA

La determinación del tamaño de la muestra incluirá puntos específicos, según sea el caso:

- 1. cuando se estima la media de la población,
- 2. cuando se estima la proporción de la población,
- 3. cuando la población es finita y,
- 4. cuando se aplican técnicas de muestreo estratificado.

#### TAMAÑO DE LA MUESTRA AL ESTIMAR LA MEDIA DE LA POBLACIÓN.

Al prever el intervalo de confianza resultante de una media muestral y la desviación estándar, es posible aplicar la distribución normal a la delimitación previa de la extensión del intervalo y del grado de confianza que nos brindará. Lo que estamos haciendo es examinar la construcción real del intervalo de confianza antes de que efectuemos el estudio y determinemos la media y la desviación estándar.

La fórmula con que se calcula el tamaño necesario de la muestra para estimar la media de la población es:

$$n = Z^2 \sigma^2 / E^2$$

#### donde:

- n: Tamaño de la muestra.
- Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal que producirá el nivel deseado de confianza.
- σ: Desviación estándar de la población (conocida o estimada a partir de estudios anteriores).
- E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que se está dispuesto a aceptar en el nivel de confianza fijado.

La mayor dificultad al determinar el tamaño de la muestra necesaria para estimar la media de la población consiste en calcular la desviación estándar de la población; después de todo, si tuviéramos un conocimiento completo sobre la población, no habria

necesidad de realizar una investigación sobre sus parámetros estadísticos. Si no podemos confiar en los trabajos anteriores, para calcular la desviación estándar de la población, las alternativas incluyen el juicio o el empleo de estudios exploratorios con muestras pequeñas para conocer su valor.

Si lo preferimos, podemos abordar este mismo tipo de problema desde el punto de vista del "error permisible relativo" en vez del "error absoluto". En este caso la desviación estándar " $\sigma$ " y el error permisible "E" se expresan en función de su porcentaje de la media verdadera de la población connotada como " $\mu$ ". La ecuación más apropiada en este caso se parece a la que acabamos de presentar y será:

$$n = Z^2 (\sigma / \mu)^2 / (E / \mu)^2$$

donde:

- n: Tamaño de la muestra.
- Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal que producirá el nivel deseado de confianza.
- σ: Desviación estándar de la población (conocida o estimada a partir de estudios anteriores).
- μ: Media de la población.
- E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que estamos dispuestos a aceptar en el nivel de confianza que hemos indicado.

#### TAMAÑO DE LA MUESTRA AL ESTIMAR LA PROPORCIÓN DE LA POBLACIÓN.

Determinar el tamaño necesario de la muestra en este caso se parece en principio al procedimiento que seguimos en la sección anterior, salvo que ahora se trata de una proporción y no de una media. La fórmula apropiada es:

$$n = Z^2 P(1 - P) / E^2$$

donde:

- n: Tamaño necesario de muestra.
- Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal, que producirá el grado deseado de confianza.
- P: Proporción de la población que posee la característica de interés.
- E: Error, máxima diferencia entre la media muestral y la media de la población que estamos dispuestos-a aceptar en el nivel de confianza señalado.

Al aplicar esta fórmula, primero hay que decir si podemos estimar aproximadamente el valor de la proporción de la población "P"; y en caso de que podamos decir con eguridad que esa proporción difiere mucho de 0.5 en una u otra dirección, estaremos en condiciones de obtener la precisión deseada con un tamaño más pequeño (y menos caro) de la muestra. Como se aprecia en la fórmula, el tamaño será proporcional al

producto de P(1 - P) y este producto es mayor cada vez que P=0.5. Observe detenidamente los siguientes productos de P(1 - P):

0.5	0.5	0.25
0.4	0.6	0.24
0.3	0.7	0.21
0.2	0.8	0.16
01	0.9	0.09

Como se advierte en la expresión anterior, el producto se vuelve muy pequeño cuando una proporción de la población es sumamente pequeña o demasiado amplia. Así pues, sí podemos acortar por lo menos el valor de la proporción de la población, ahorraremos dinero al poder valernos de un tamaño más pequeño de la muestra.

Si tratamos de medir el valor de una proporción de la población pero ignoramos los resultados probables, quizá queramos realizar una encuesta exploratoria con objeto de hacernos una idea aproximada de la proporción. En caso de que la proporción resultante sea muy diferente de .5, plantearemos para conseguir un tamaño menor en la fase principal del estudio.

#### MUESTREO CON POBLACIONES FINITAS

Hasta ahora hemos supuesto que la muestra será relativamente pequeña en comparación con la población total. Sin embargo, hay casos en que la muestra es 5% o más de la población; entonces hemos de modificar ligeramente el procedimiento. Después de todo si extraemos una muestra de 900 personas de una población de 1 000, tendremos una muy buena idea de la media o proporción de la población. Dicho de otra manera, a medida que el tamaño de la muestra se acerca al de la población, desaparece el error muestral y a la postre tendremos un censo completo de la población. El punto crítico de 5% no es más que una regla práctica, pero suficiente en casi todos los trabajos. En caso de duda, supondremos que la población es finita y aplicaremos las siguientes fórmulas de corrección.

### TAMAÑO DE LA MUESTRA AL ESTIMAR LA MEDIA DE UNA POBLACIÓN FINITA

$$n = \sigma^2 / [(E^2 / Z^2) + (\sigma^2 / N)],$$

donde:

- n: Tamaño de la muestra.
- N: Tamaño de la población.
- Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal que producirá el nivel deseado de confianza.

- σ: Desviación estándar de la población (conocida o estimada a partir de estudios anteriores).
- E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que se está dispuesto a aceptar en el nivel de confianza establecido.

# TAMAÑO DE LA MUESTRA AL ESTIMAR LA PROPORCIÓN DE UNA POBLACIÓN FINITA.

La expresión que será empleada en esta caso será la siguiente:

$$n = P(1-P) / {(E^2 / Z^2) + [P(1-P) / N]},$$

- n: Tamaño necesario de muestra.
- N: Tamaño de la población.
- Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal, que producirá el grado deseado de confianza.
- P: Proporción de la población que posee la característica de interés.
- E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que se está dispuesto a aceptar en el nivel de confianza establecido.

# TAMAÑO DE LA MUESTRA EN UN MUESTREO ESTRATIFICADO DE UNA POBLACIÓN FINITA

Para llevar a cabo este tipo de muestreo, habrá que considerar que se trata con una población sumamente grande que es dividida a su vez en un determinado número de estratos o clases, y que de acuerdo con el teorema del límite central de probabilidad, dicha población y sus estratos obedecen a una distribución aproximada a la normal, cuya función es.

$$F(Z) = e^{-Z^2/2} / (2\pi)^{1/2}$$

donde:

- Z: Variable aleatoria cuyo valor dependerá del grado de confianza que se espera en la muestra.
- F(Z). Ordenada de la variable aleatoria Z.
- e: Número equivalente al número real 2.718281828459.
- π: Número equivalente al número real 3,14159265359.

Habrá que tener presente, que en este caso, según los postulados de la probabilidad, se cumple lo siguiente:

$$\mu_x = \mu_x^*$$

$$\sigma_x^{*2} = [\sigma_x^2 / n] [(N - n) / (N - 1)],$$

donde:

μ<sub>x</sub>: Media estadística de todo el estrato o clase de la población.

μ<sub>x</sub>\*: Media de la muestra del estrato o clase de la población.

 $\sigma_x^2$ : Varianza de todo el estrato o clase de la población.

 $\sigma_x^{*2}$ : Varianza de la muestra del estrato o clase de la población.

N: Número total de elementos en el estrato o clase de la población.

n: Tamaño de la muestra del estrato o clase de la población.

El tamaño de la muestra de cada estrato o clase se determinará con base en los fundamentos de probabilidad ya expuestos, y sustituyéndolos en la expresión aplicable para determinar el tamaño de una muestra estimando la media de una población infinita:

$$n = Z^2 \sigma_x^2 / E^2$$

de donde se desprende la siguiente fórmula:

$$n = N Z^2 (\sigma_x)^2 / [E^2 + Z^2 (\sigma_x)^2]$$

donde:

- n: Tamaño de la muestra del estrato o clase de la población.
- N: Número total de elementos en el estrato o clase de la población.
- Z: Variable aleatoria cuyo valor dependerá del grado de confianza que se espera en la muestra -
- σ<sub>v</sub><sup>2</sup>: Varianza del estrato o clase de la población.
- E Error entre el estrato y su muestra.

El error o desviación existente entre todo el estrato y su muestra se interpretará como la diferencia entre la media estadística del estrato y la media de la muestra ( $\mu_x$  -  $\mu_x$ \*), por lo que la expresión anterior será equivalente a la siguiente:

$$n = N Z^2 (\sigma_x)^2 / [(\mu_x - \mu_x^*)^2 + Z^2 (\sigma_x)^2],$$

Al momento de aplicar esta última expresión, podría pensarse que es necesario conocer el valor de la media de la muestra del estrato o clase, pero esto no es posible si no ha procedido la acción de muestreo. Sin embargo, este error o diferencia puede establecerse en términos porcentuales relativos a la media de todo el estrato o clase; o bien como un valor absoluto, por lo que la igualdad expresada puede ser aplicada de la siguiente manera:

$$n = N Z^2 (\sigma_x)^2 / [(0.10 \mu_x)^2 + Z^2 (\sigma_x)^2]$$

El valor que corresponde a la variable aleatoria "Z" se determinará de acuerdo con el grado de confianza que convenga aplicar al caso. A continuación se refieren los valores de la variable aleatoria "Z" con diferentes niveles de confianza, que van del 90 al 99% :

SALVES SECTION OF SEC	
	进名生产 工作 经发生工
90	1 645
91	1.695
92	1 750
93	1 810
94	1.880
95	1.960
96	2.055
97	2.170
98	2.330
99	. 2 575

# • ÁRBOLES DE PROBABILIDAD Y DE DECISIÓN

#### AXIOMAS DEL COMPORTAMIENTO RACIONAL

Cada individuo tiene una estructura de preferencias que servirá para seleccionar las mejores alternativas de decisión, siempre y cuando dicha estructura quede acotada por lo que se considera un comportamiento racional establecido por seis axiomas.

Antes de referir los seis axiomas mencionados, habrá que definir lo que es una lotería. Una lotería es un ensayo probabilistico caracterizado por un conjunto mutuamente excluyente y colectivamente exhaustivo de resultados posibles:  $r_1$ ,  $r_2$ ,  $r_3$ , ...,  $r_m$  y sus probabilidades respectivas:  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $p_3$ , ...,  $p_m$ , donde la suma de todas ellas sea equivalente a la unidad.

Al analizar cualquier situación deberemos considerar todas las consecuencias posibles y se dirá que una lista de consecuencias completa es colectivamente exhaustiva. Por otro lado, si ocurre una consecuencia, no debe haber sucedido al mismo tiempo otra de ellas de la lista, es decir, será imposible que se presenten combinaciones de ellas; cuando se cumpla esta condición para cualquier consecuencia de una lista, se dirá que éstas son mutuamente excluyentes.

Las loterías serán representadas de la siguiente manera:

$$L[r_1, r_2, r_3, ..., r_m; p_1, p_2, p_3, ..., p_m].$$

Por ejemplo, L[60, -20; 0.7, 0.3] representa la loteria donde es factible ganar 60 unidades con probabilidad del 70%, o perder 20 unidades con probabilidad del 30%.

Una lotería puede poseerse y venderse; poseerla implica que se tiene la obligación de jugarlo se quiera o no. Sin embargo, en el momento en que dicha lotería proporciona un resultado, ésta deja de existir.

El deseo por una lotería dependerá de sus consecuencias y probabilidades de ocurrencia, así como de los aspectos personales; tales aspectos incluyen los recursos de la persona en juego, sus necesidades y sus actitudes ante el riesgo.

La lotería del ejemplo anterior podría ser valuada en 40 unidades por alguien que ha incrementado su patrimonio asumiendo riesgos y una persona más conservadora tal vez la valuaría en 10 unidades, pero para una persona que actúa conforme a los promedios, esta lotería representaría un valor de 36 unidades, valor que se obtendría siguiendo el siguiente razonamiento:

$$V_{E} = \sum_{i=1}^{m} (r_{i} p_{i}).$$

Para el caso de L[60, -20; 0.7, 0.3]:

$$V_E = (60)(0.70) + (-20)(0.30)$$
  
 $V_E = 42 - 6$   
 $V_E = 36$ 

Para analizar oportunidades de decisión existe una estructura de preferencias tal que si nos presentan dos resultados cualesquiera:  $r_j$  y  $r_k$ , siempre se podrá decir que se prefiere  $r_k$ , o bien que se es indiferente entre ambas. La notación que se utilizará para referir lo anterior será la siguiente:

$$r_j > r_k$$
 - se prefiere  $r_j$   
 $r_j < r_k$  - se prefiere  $r_k$   
 $r_i r_k$  - hay indiferencia ente  $r_i$  y  $r_k$ 

Una vez mencionado lo anterior, se procederá a enunciar los axiomas del comportamiento racional, indicando que aceptar que éstos normen nuestras preferencias es equivalente a convenir que un decisor racional nunca violará estas reglas de selección de alternativas.

Axioma 1: Comparación de loterías con consecuencias idénticas. Si se tienen dos loterías con dos resultados que son los mismos para ambas, se elegirá aquélla cuya probabilidad de obtener el mejor resultado sea mayor. Por ejemplo, si  $L_1[120, -50; 0.8, 0.2]$  y  $L_2[120, -50; 0.6, 0.4]$  son dos loterías posibles de acceder, se preferirá  $L_1$ .

**Axioma 2: Cuantificación de preferencias.** Sean "a" y "b" dos valores tal que a >  $r_j$  > b, entonces para  $r_j$  podrá especificarse un número " $q(r_j)$ " entre cero y uno tal que se sea indiferente entre poseer  $r_j$  con certeza y poseer la lotería  $L[a,b; q(r_j), 1-q(r_j)]$ . Por ejemplo, supóngase que se tiene una lotería con dos posibles resultados: se pueden ganar 800 unidades o perder 100 y, al mismo tiempo, se tiene la posibilidad de obtener con certeza 700 unidades. Si se considera que quien tomará la decisión sigue un comportamiento lineal ante el riesgo, el número " $q(r_j)$ " se determinará planteando que:

L[800, -100; 
$$q(r_j)$$
, 1- $q(r_j)$ ]  
[800][ $q(r_j)$ ] + [-100][1- $q(r_j)$ ] = 700  
 $q(r_j)$  = 0.8889

Nota.- Cuando el decisor sigue un comportamiento diferente al lineal ante el riesgo, como ocurre en la mayor parte de los casos, habrá que construir una función de utilidad.

Axioma 3: Cuantificación de incertidumbre. Para cada evento "E" existe una cantidad p(E) entre cero y uno tal que so es indiferente entre la lotería L[a,b; p(E), 1-p(E)], y otra lotería donde se tendrá "a" si "E" ocurre y "b" si éste no sucede.

**Axioma 4: Transitividad.** Sea una lotería con  $r_1$ ,  $r_2$  y  $r_3$  como resultados. Si  $r_1 > r_2$  y  $r_2 > r_3$ , entonces  $r_1 > r_3$ . Así mismo, si  $r_1$   $r_2$  y  $r_2$   $r_3$ , implica que  $r_1$   $r_3$ .

**Axioma 5: Sustitución de resultados.** Si una oportunidad de decisión se modifica reemplazando un resultado  $r_j$  con otro resultado  $r_k$ , y si se es indiferente entre estos dos resultados, entonces también habrá indiferencia entre la posesión de la oportunidad original y la posesión de la modificada.

Axioma 6: Equivalencia entre la situación real y de conjetura. Si se tienen determinados resultados que dependen de la ocurrencia de un evento "E" y además un orden de preferencias por ellos, después de que acontece "E" nuestro orden de preferencias por esos resultados deberá seguir siendo el mismo.

#### **FUNCIONES DE UTILIDAD**

El análisis de decisiones consta de tres etapas: estructurar las oportunidades de decisión, cuantificar los impactos y la incertidumbre y, establecer los criterios de decisión y determinar la mejor opción. Pero cada individuo tiene su propia estructura de preferencias para seleccionar las mejores decisiones, siempre y cuando dicha estructura no esté fuera de lo que se considera un comportamiento racional establecido por los seis axiomas expuestos anteriormente.

Para cuantificar la preferencia de un resultado " $r_i$ " que está dentro de un intervalo [B, A], donde "B" es lo que se prefiere menos y "A" lo que se prefiere más, se buscará la probabilidad " $q(r_i)$ " que hace equivalente en preferencias a " $r_i$ " con la lotería donde con probabilidad " $q(r_i)$ " se obtendrá "A" y con probabilidad "1- $q(r_i)$ " resultará "B". La preferencia del resultado " $r_i$ " es la probabilidad de obtener "A", es decir, " $q(r_i)$ ".

Supóngase que se desea cuantificar la preferencia que se tiene por la lotería:  $L[r_1, r_2, r_3, ..., r_m; p_1, p_2, p_3, ..., p_m]$ ; para ello se cuantificará primero las preferencias de " $r_1$ ", " $r_2$ ", " $r_3$ ", ..., " $r_m$ ". Asúmase que éstas son, respectivamente " $q(r_1)$ ", " $q(r_2)$ ", " $q(r_3)$ ", ..., " $q(r_m)$ ", de manera que:

- "r<sub>1</sub>" es equivalente a la lotería L[A, B; q(r<sub>1</sub>), 1-q(r<sub>2</sub>)],
- "r<sub>2</sub>" es equivalente a la lotería L[A, B; q(r<sub>2</sub>), 1-q(r<sub>2</sub>)].
- "r<sub>3</sub>" es equivalente a la lotería L[A, B; q(r<sub>3</sub>), 1-q(r<sub>3</sub>)],
- ... y,
- "rm" es equivalente a la lotería L[A, B; q(rm), 1-q(rm)].

De manera que la probabilidad de tener "A" (preferencia de "A") y la probabilidad de tener "B" son:

$$P(A) = p_1q(r_1) + p_2q(r_2) + p_3q(r_3) + ... + p_mq(r_m)$$

$$P(B) = 1 - P(A)$$

Si se observa, la preferencia de una cantidad se obtiene sustituyendo cada "r<sub>i</sub>" por su preferencia " $q(r_i)$ " en la lotería y calculando su válor esperado " $V_E$ " que ya fue inducido anteriormente.

Se dice que las probabilidades de indiferencia o cualquier transformación lineal positiva de la forma " $u(r_i) = aq(r_i) + b$ ", donde "a" debe ser mayor que cero, constituyen una función de utilidad.

Una persona que cumpla con el primer axioma del comportamiento racional preferirá un resultado con una probabilidad de indiferencia más grande que un resultado con una probabilidad de indiferencia menor.

Debido a que la utilidad de un resultado es una transformación lineal positiva de su probabilidad de indiferencia, puede aseverarse que una persona siempre preferirá un resultado cuya utilidad sea más grande que otro con utilidad menor y, que la utilidad de una lotería es el valor esperado de las utilidades de los resultados posibles de la lotería.

Por ejemplo, supóngase que se desea cuantificar las preferencias que un decisor siente por las cantidades que varían de -10 u.m. (unidades monetarias) a 80 u.m. La pregunta será: ¿cuál es la mínima cantidad por la que estará dispuesto a vender esta lotería, en la que con probabilidad de 60% puede ganar 80 u.m. y con probabilidad de 1-0.60 perder 10 u.m.? Supóngase que el decisor responde que la cantidad es 30 u.m.

Seguidamente, con esa información se formarán dos loterías:  $L_1[80, 30; 0.6, 0.4]$  y  $L_2[30, -10; 0.6, 0.4]$ , y de nuevo se le preguntará al decisor por las mínimas cantidades por las que estará dispuesto a cambiar las loterías si es que son atractivas para él, o las máximas cantidades que pagaría por no tener que jugarlas si no son de su agrado.

Asúmase que esas cantidades son 50 y 5 u.m. respectivamente para ambas loterías, cantidades que serán empleadas posteriormente.

Como la cantidad que prefiere más es 80 u.m., se le asignará una utilidad equivalente a la unidad, y como la que se prefiere menos es -10 u.m. se le asignará una utilidad de cero. En este momento se aceptará que la utilidad de una lotería es su utilidad esperada.

La utilidad esperada de la primera lotería se calcula sustituyendo sus valores monetarios por sus utilidades y calculando el valor esperado de la siguiente manera:

$$V_E = (1) (0.60) + (0) (0.40)$$
  
 $V_E = 0.60$ .

Como la primera lotería es equivalente a 30 u.m., la utilidad de 30 u.m. y de la lotería deben ser iguales, es decir, 0.60.

A continuación se sustituirá en las últimas dos loterías las cantidades por sus utilidades respectivas, de manera que las utilidades de la segunda y tercera loterías son:

$$V_{E1} = (1) (0.60) + (0.60) (0.40)$$
 $V_{E1} = 0.84,$ 

$$V_{E2} = (0.60) (0.40) + (0) (0.40)$$
 $V_{E2} = 0.24.$ 

Como el decisor definió que 50 u.m. es equivalente a " $L_1$ ", su utilidad es 0.84 y, como 5 u.m. es equivalente a " $L_2$ ", su utilidad es 0.24.

La función utilidad será la curva que se trace a través de estos cinco puntos: [-10,0.00], [5,0.24], [30,0.60], [50,0.84] y [80,1.00], donde en el eje horizontal se representarán las unidades monetarias y en el vertical las utilidades. Esta función utilidad se podrá utilizar para analizar las oportunidades de decisión, ya que un resultado de la aceptación de los seis axiomas es que se elegirá aquella alternativa que maximice la utilidad esperada.

#### **ÁRBOLES DE PROBABILIDAD**

La incertidumbre la medimos con números denominados probabilidades que varían de cero a uno, donde por convención es aceptado que la unidad representa la probabilidad de lo que acontece con certeza y el cero la probabilidad del evento imposible. Todos los eventos imposibles tienen probabilidad cero, aunque no todos los eventos con probabilidad cero son imposibles.

a teoría de la probabilidad es un conjunto de deducciones derivadas de los axiomas formulados por Kolmogorov, que son los siguientes:

- 1. Una probabilidad es un número entre cero y uno asignado a una consecuencia, mismo que representa su posibilidad de ocurrencia.
- La suma de las probabilidades que les corresponden a las consecuencias mutuamente excluyentes y colectivamente exhaustivas debe ser equivalente a la unidad.
- 3. La probabilidad de una consecuencia compuesta por consecuencias mutuamente excluyentes es la suma de sus probabilidades.

Con fundamento en la fuente del conocimiento de la probabilidad, ésta puede dividirse en dos tipos:

- Subjetiva o a priori y,
- Objetiva, estadística o a posteriori.

La primera se formula con suposiciones hechas por el decisor y la segunda se fundamenta en el análisis de hechos consumados. Cuando se cuenta con un conjunto de datos ordenado por clases estadísticas, la frecuencia con que se presentó cada una de ellas determinará su probabilidad de ocurrencia en el futuro, por lo que la frecuencia relativa calculada en un estudio estadístico, se convertirá automáticamente en una probabilidad.

En lo sucesivo se conocerá con el nombre de experimento aleatorio a cualquier acción que dé origen a un resultado cualquiera que dependerá del azar, y se llamará evento a cada uno de estos resultados posibles. La probabilidad de un evento es una cantidad que carece de unidades, comprendida entre el cero y la unidad, incluyendo estos límites, y suele expresarse como una magnitud porcentual (porcentaje); dicha cantidad referirá el número de veces que ocurrirá el evento al repetir cien veces un experimento aleatorio.

Supóngase que se desea conocer la probabilidad de que en un mes cualquiera se presente un temblor de grado 7 en la escala Richter en la ciudad de México, sabjendo que los movimientos de esta magnitud ocurren al menos cada 50 años (periodo de retorno). Dicha probabilidad se determinará del siguiente modo:

$$P_m(T_7) = (1 \text{ mes}) / [(50 \text{ años}) (12 \text{ meses / año})]$$
  
 $P_m(T_7) = 1 / [(50) (12)]$   
 $P_m(T_7) = 0.167\%$ 

Si, en cambio, se desea conocer la probabilidad de que en un año cualquiera se presente el mismo evento, ésta quedará establecida de una forma análoga:

$$P_a(T_7) = (1 \text{ año}) / (50 \text{ años})$$
  
 $P_a(T_7) = 1 / 50$   
 $P_a(T_7) = 2.00\%$ 

En el mismo sentido, la probabilidad de que se presente en un día cualquiera será:

$$P_d(T_7) = (1 \text{ dia}) / [(50 \text{ años}) (12 \text{ meses / año}) (30 \text{ dias / mes})]$$

$$P_m(T_7) = 1 / [(50) (12) (30)]$$

$$P_m(T_7) = 0.006\%$$

Por su puesto, si conocemos que un evento de esa índole se presentó hace 49 años, la probabilidad de que se presente en el año en curso será mucho más alta, aunque sin llegar a ser seguro, y se determinará acumulando la probabilidad que correspondió a cada uno de esos 49 años, es decir:

$$P_a'(T_7) = (49 \text{ años}) / (50 \text{ años})]$$
  
 $P_m(T_7) = 49 / 50$   
 $P_m(T_7) = 98.00\%$ 

La dificultad que representa tomar una decisión se incrementará a medida que el número de eventos que pueden ocurrir se incremente. La incertidumbre asociada a una consecuencia cambia al variar nuestro conocimiento, por lo que las probabilidades estarán condicionadas por dicho conocimiento.

Al tener conocimiento de una nueva información habrá una nueva probabilidad, conocida como probabilidad condicional. Dicha probabilidad se calcula como el cociente que resulta de dividir la probabilidad de que ocurran simultáneamente, el evento cuya nueva probabilidad se quiere obtener y el evento condicionante, entre la probabilidad del evento condicionante, es decir:

$$P(\alpha/\beta) = P(\alpha \cap \beta) / P(\beta)$$

$$P(\alpha \cap \beta) = [P(\alpha)] [P(\beta)]$$

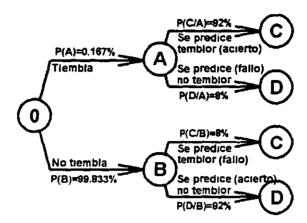
Este concepto fundamentará la formulación de árboles de probabilidad, los cuales son la representación gráfica que esquematiza secuencialmente situaciones falibles, es decir, que pueden ocurrir o no como una dependencia del azar.

Un árbol de probabilidad se conformará con nodos de incertidumbre que dependerán de otros y, a su vez, otros dependerán de ellos. Su principal característica es que, sobre un nodo de incertidumbre, no se tiene ningún control, es decir, no hay certeza sobre su acontecimiento.

Los nodos de incertidumbre se representarán gráficamente mediante el uso de circunferencias y las relaciones que entre ellos existan con líneas rectas o con un solo quiebre.

Con base en el ejemplo anterior donde se determinaron probabilidades de ocurrencia de un sismo con un periodo de retorno de 50 años, supóngase ahora que además xiste una "alarma sísmica", un aparato que puede predecir temblores con 1 mes de anticipación y que acierta en sus pronósticos el 92% de las ocasiones. Las

probabilidades correspondientes serán determinadas con el apoyo de un árbol de probabilidad como el que a continuación se expone:



Nótese que la predicción de que temblará será un "acierto" del aparato en caso de que efectivamente tiemble en el mes que se está analizando, pero será un "fallo" si no tiembla; en cambio, el aparato incurrirá en un "fallo" si predice que no temblará y en realidad ocurre un sismo, pero será un "acierto" si hay ausencia del mismo. Lo anterior induce que el "acierto" o "fallo" de la alarma sísmica dependerá de que tiemble o no, por tal motivo éstas ramas del árbol de probabilidad dependen de las que señalan los hechos de temblar o no.

En la gráfica anterior el evento "A" representa la ocurrencia de un temblor, el evento "B" la carencia del mismo, el evento "C" el pronóstico del aparato afirmando que temblará y el evento "D" el pronóstico del aparato negando la presencia de un sismo. También, en la misma, está reflejado lo que se ha expuesto en el párrafo anterior: si el aparato pronostica que temblará y, transcurrido el mes, efectivamente tiembla, entonces el aparato habrá acertado (92%), pero si no tiembla, el aparato habrá fallado (1-0.92=8%); en cambio, si el aparato pronostica que no temblará y en realidad tiembla, el aparato habrá incurrido en un fallo (8%), pero si no ocurre el temblor, entonces el aparato habrá acertado (92%).

Los eventos "A" y "B" son complementarios ya que son los únicos dos posibles resultados del experimento aleatorio (temblará o no temblará), por lo que ambos cumplen con el primero y el segundo de los axiomas de Kolmogorov. Igualmente, los eventos "C" y "D" (el aparato pronostica que temblará, o bien, pronostica que no temblará) cumplen con el mismo teorema.

La probabilidad de que ocurran simultáneamente los eventos "A" y "C" se calculará multiplicando las probabilidades que se ubican sobre las ramas correspondientes del árbol, es decir:

$$P(A \cap C) = (0.00167) (0.92)$$
  
 $P(A \cap C) = 0.154\%$ 

y de la misma manera se podrán calcular las demás probabilidades:

$$P(A \cap D) = (0.00167) (0.08)$$
  
 $P(A \cap D) = 0.013\%$ ,  
 $P(B \cap C) = (0.99833) (0.08)$   
 $P(B \cap C) = 7.987\%$ ,  
 $P(B \cap D) = (0.99833) (0.92)$   
 $P(B \cap D) = 91.846\%$ .

Nótese que igualmente estos cuatro eventos compuestos cumplen con los primeros dos axiomas de Kolmogorov, ya que:

$$P(A \cap C) + P(A \cap D) + P(B \cap C) + P(B \cap D) = 100\%$$
  
0.00154 + 0.00013 + 0.07987 + 0.91846 = 1.00

Aplicando el tercer axioma de Kolmogorov, mismo que sostiene que la probabilidad de una consecuencia compuesta por consecuencias mutuamente excluyentes es la suma de sus probabilidades, la probabilidad del evento "C" y la probabilidad del evento "D" se calcularán como sigue:

$$P(C) = P(A \cap C) + P(B \cap C)$$
  
 $P(C) = 0.00154 + 0.07987$   
 $P(C) = 8.141\%$   
 $P(D) = P(A \cap D) + P(B \cap D)$   
 $P(D) = 0.00013 + 0.91846$   
 $P(D) = 91.859\%$ 

De igual forma, se siguen cumpliendo los dos primeros axiomas de Kolmogorov, ya que:

$$P(C) + P(D) = 100\%$$
  
0.08141 + 0.91859 = 1.00.

Con estos valores calculados será posible determinar la probabilidad condicional de que tiemble dado que el aparato predijo un temblor aplicando la expresión expuesta con antelación a este caso:

$$P(A/C) = P(A \cap C) / P(C)$$
  
 $P(A/C) = 0.00154 / 0.08141$   
 $P(A/C) = 1.892\%$ 

La probabilidad condicional de que tiemble dado que el aparato negó que fuera a temblar será:

$$P(A/D) = P(A \cap D) / P(D)$$
  
 $P(A/D) = 0.00013 / 0.91859$   
 $P(A/D) = 0.014\%$ 

La probabilidad condicional de que no se presente un sismo dado que el aparato predijo que sí temblaría se calculará de la misma manera, es decir:

$$P(B/C) = P(B \cap C) / P(C)$$
  
 $P(B/C) = 0.07987 / 0.08141$   
 $P(B/C) = 98.108\%$ 

Por último, la probabilidad condicional de que no haya un sismo dado que la "alarma sísmica" pronosticó que no habrá movimiento telúrico alguno se calculará de manera análoga a las anteriores:

$$P(B/D) = P(B \cap D) / P(D)$$
  
 $P(B/D) = 0.91846 / 0.91859$   
 $P(B/D) = 99.986\%$ .

Debe tenerse presente que el evento condicionante es la indicación del aparato, que de hecho es el primer suceso que ocurre cronológicamente hablando, posteriormente se presentará el sismo o no.

Si se efectúa por un lado la sumatoria de P(A/C) y de P(B/C) y, por el otro,-la suma de P(A/D) y de P(B/D), se tendrá que:

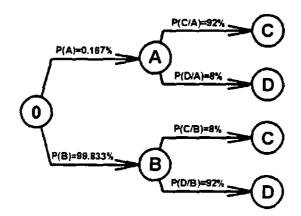
$$P(A/C) + P(B/C) = 100\%$$
  
 $0.01892 + 0.98108 = 1.00$ ,  
 $P(A/D) + P(B/D)$   
 $0.00014 + 0.99986 = 1.00$ ,

por lo que se continúan cumpliendo los dos primeros axiomas de Kolmogorov.

El desarrollo de este proceso puede sintetizarse como la aplicación del teorema de Bayes, el cual afirma que si se conocen las probabilidades a priori  $P(H_i)$  de un conjunto de tamaño "n" de eventos mutuamente excluyentes y colectivamente exhaustivos; si se conocen además las probabilidades  $P(\alpha/H_i)$  donde " $\alpha$ " es un evento que se verifica cuando alguno de los eventos " $H_i$ " ocurre; y se pretenden determinar las probabilidades de que al ocurrir " $\alpha$ " se verifique uno de los " $H_i$ ", esto es, se quieren calcular las probabilidades  $P(H_i/\alpha)$  conocidas como probabilidades a posteriori, se deberá aplicar la siguiente expresión:

$$P(H_i/\alpha) = [P(H_i) P(\alpha/H_i)] / [\sum_{i=1}^{n} \{P(H_i) P(\alpha/H_i)\}].$$

En el ejemplo anterior que fue planteado, el teorema de Bayes se aplicó de la siguiente manera:



- n=2 (probabilidades a priori de la ocurrencia del sismo: presencia o ausencia del temblor),
- P(H<sub>1</sub>) = P(A) = 0.167% (probabilidad de que se presente un sismo con periodo de retorno equivalente a 50 años en un mes cualquiera),
- P(H<sub>2</sub>) = P(B) = 99.833% (complemento de la probabilidad del evento "A").
- $P(\alpha/H_1) = P(C/A) = 92\%$  (probabilidad de acierto del aparato),
- $P(\alpha/H_2) = P(C/B) = 8\%$  (probabilidad de fallo del aparato),

por lo tanto:

$$P(H_1/\alpha) = [P(H_1) P(\alpha/H_1)] / [\{P(H_1) P(\alpha/H_1)\} + \{P(H_2) P(\alpha/H_2)\}].$$

$$P(H_1/\alpha) = P(A/C) = [(0.00167) (0.92)] / [\{(0.00167) (0.92)\} + \{(0.99833) (0.08)\}]$$

$$P(H_1/\alpha) = P(A/C) = 1.892\%,$$

$$P(H_2/\alpha) = [P(H_2) P(\alpha/H_2)] / [\{P(H_1) P(\alpha/H_1)\} + \{P(H_2) P(\alpha/H_2)\}].$$

$$P(H_2/\alpha) = P(B/C) = [(0.99833) (0.08)] / [\{(0.00167) (0.92)\} + \{(0.99833) (0.08)\}]$$

$$P(H_2/\alpha) = P(B/C) = 98.108\%.$$

#### Del mismo modo se aplicó:

- n=2 (probabilidades a priori de la ocurrencia del sismo: presencia o ausencia del temblor).
- P(H<sub>1</sub>) = P(A) = 0.167% (probabilidad de que se presente un sismo con periodo de retorno equivalente a 50 años en un mes cualquiera),
- P(H<sub>2</sub>) = P(B) = 99.833% (complemento de la probabilidad del evento "A").
- P(β/H<sub>1</sub>) = P(D/A) = 8% (probabilidad de fallo del aparato),
- P(β/H<sub>2</sub>) = P(D/B) = 92% (probabilidad de acierto del aparato),

#### por lo que:

$$P(H_1/\beta) = [P(H_1) P(\beta/H_1)] / [\{P(H_1) P(\beta/H_1)\} + \{P(H_2) P(\beta/H_2)\}].$$

$$P(H_1/\beta) = P(A/D) = [(0.00167) (0.08)] / [\{(0.00167) (0.08)\} + \{(0.99833) (0.92)\}]$$

$$P(H_1/\beta) = P(A/D) = 0.014\%,$$

١

$$P(H_2/\beta) = [P(H_2) P(\beta/H_2)] / [\{P(H_1) P(\beta/H_1)\} + \{P(H_2) P(\beta/H_2)\}].$$

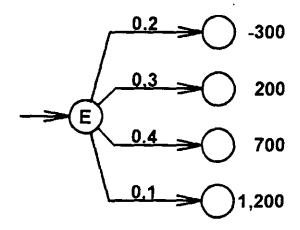
$$P(H_2/\beta) = P(B/D) = [(0.99833) (0.92)] / [\{(0.00167) (0.08)\} + \{(0.99833) (0.92)\}]$$

$$P(H_2/\beta) = P(B/D) = 99.986\%.$$

En lo sucesivo, un nodo de incertidumbre con "m" ramas deberá ser entendido como la representación gráfica de la lotería:  $L[r_1, r_2, r_3, ..., r_m; p_1, p_2, p_3, ..., p_m]$ ; por lo tanto será posible determinar su valor esperado. El valor esperado de un nodo de incertidumbre se define como la suma de los productos que resultan al multiplicar cada consecuencia por su respectiva probabilidad como anteriormente fue definido, es decir:

$$V_{E} = \sum_{i=1}^{m} (r_{i} p_{i}).$$

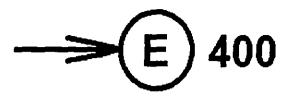
El valor esperado de un nodo de incertidumbre es una cantidad equivalente que podrá sustituir al nodo de incertidumbre en cuestión; esta acción servirá para jerarquizar y seleccionar las mejores alternativas que sean expresadas en un árbol de probabilidad o de decisión. Por ejemplo, si en una de las ramas de un árbol de probabilidad se expresó la lotería: L[-300, 200, 700, 1,200; 0.2, 0.3, 0.40, 0.1], y se desea determinar su valor esperado para sustituir el nodo de incertidumbre en dicho árbol, deberá hacerse lo siguiente:



remplazando las cuatro ramas del nodo "E" de este ejemplo por su valor esperado, el cual se calculará de la siguiente manera:

$$V_E = (-300)(0.20) + (200)(0.30) + (700)(0.40) + (1,200)(0.10)$$
  
 $V_E = -60 + 60 + 280 + 120$   
 $V_E = 400$ 

por lo que la representación gráfica de esa sección del árbol de probabilidad quedará ahora como sigue:

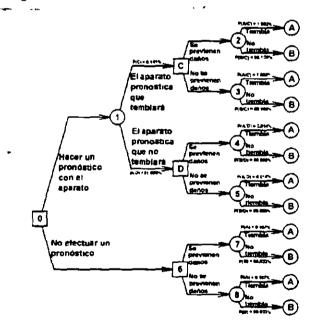


#### ÁRBOLES DE DECISIÓN

Un árbol de decisión será similar a un árbol de probabilidad. Consiste en un diagrama donde se presentan alternativas seguidas por sus respectivas consecuencias y se compone por nodos de decisión y por nodos de incertidumbre.

Un nodo de decisión se caracteriza por que en él hay la libertad de elegir, mientras que uno de incertidumbre no se sabe si sucederá, situación que ya fue expuesta. Los nodos de decisión se representarán gráficamente mediante cuadrados.

Ejemplo de un árbol de decisión factible para la situación planteada en el punto inmediato anterior (la de la ocurrencia de un sismo y de la "alarma sísmica" que lo puede predecir) es el siguiente:



En el árbol de decisión expresado en el gráfico anterior puede mandarse o no hacer una prueba para que el aparato pronostique si temblará o no; después de conocer el pronóstico se deberá tomar la decisión de llevar a cabo o no acciones para prevenir los daños del temblor (recuérdese que se dispondrá de al menos un mes); y posteriormente se sabrá si el sismo existió o no.

in los nodos de incertidumbre de este árbol se emplearon las probabilidades P(A), P(B), P(C), P(D), P(A/C), P(B/C), P(A/D) y P(B/D), donde el evento "A" representa la ocurrencia de un temblor, el evento "B" la carencia del mismo, el evento "C" el

pronóstico del aparato afirmande que temblará y el evento "D" el pronóstico del aparato negando la presencia de un sismo. La nomenclatura "A/C" indica la ocurrencia de un temblor dado que el aparato pronosticó que sí podría temblar, "B/C" expresa la ausencia del sismo dado que el aparato pronosticó que efectivamente temblaría, "A/D" señala la presencia de un temblor dado que el pronóstico del aparato negó que ocurriera y, por último, "B/D" manifiesta que no tembló dado que el aparato dijo en su pronóstico que no se presentaría el sismo.

Evidentemente, cada una de las ramas finales del árbol proporcionará resultados distintos, es decir, diferentes beneficios o perjuicios según sea el caso. El hecho de disponer de la alarma sísmica genera costos de operación y mantenimiento, además de los de adquisición (estos costos dejarán de existir si se desea no hacer pronósticos); sin embargo, el disponer y confiar en este equipo podría hacer que en un momento dado se ahorren recursos para la prevención del desastre y se destinen hacia otros rubros, aunque el estar preparados contra los daños hará que éstos no sean tan cuantiosos como si no se estuviera preparado. En fin, habrá que valuar cada una de las ramas para poder tomar la mejor decisión, bien sea en términos financieros, económicos, sociales o políticos.

El propósito de elaborar un árbol como el anterior es orientar nuestras decisiones hacia la obtención de los mayores y mejores beneficios, o bien, de los menores perjuicios. Esto se puede lograr, en caso de estar llevando a cabo inversiones de recursos, sustituyendo los nodos de incertidumbre por sus respectivos valores esperados como ya fue explicado, y así poder jerarquizar las distintas alternativas a las que el decisor puede acceder al paso del tiempo.

## • EL MÉTODO DE LOS MÍNIMOS CUADRADOS

En diversas ocasiones, al correlacionar datos entre sí o al realizar análisis de regresión de los mismos, se observa que éstos siguen una tendencia que podría modelarse mediante la expresión de un polinomio entero de grado "n" del tipo:

$$P(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \dots + a_nx^n$$

donde:

P(x): variable dependiente o valor del polinomio.

a; coeficientes de la variable independiente.

x: variable independiente.

n: grado del polinomio al que se desean ajustar pares de datos.

Un polinomio es una expresión matemática que en la mayor parte de las ocasiones logra correlacionar las variables involucradas en "pares ordenados" que representan la correspondiente correlación entre variables y, una manera que permite determinar el

grado adecuado del polinomio y los coeficientes de la variable independiente incluida en el mismo, es la aplicación del método de los "Mínimos Cuadrados".

El método de los "Mínimos Cuadrados" es empleado cuando se desea ajustar una curva a un conjunto de datos obtenidos mediante la aplicación de un proceso experimental o de medición "in situ", tales como los que se obtienen en estudios estadísticos por ejemplo.

Uno de tos requisitos para ajustar una curva a los datos es que el proceso no sea ambiguo, es decir, que si los datos ajustados por una persona son distintos a los que obtiene otra, el método resulta ineficaz, impráctico e inconsistente.

También es conveniente, en algún sentido, minimar la desviación de los datos respecto de los puntos de la curva ajustada o "lugar geométrico", entendiendo por "lugar geométrico" la sucesión de puntos que obedecen a una condición definida en términos algebraicos. Estas desviaciones serán medidas por las distancias existentes entre los datos experimentales y los puntos de la línea de ajuste en sentido vertical, es decir, medidas en sentido paralelo al eje de las "ordenadas".

En términos matemáticos, se establecerá la magnitud y el signo de una desviación ; como la diferencia del punto de la curva o polinomio de ajuste al dato experimental, esto es:

$$e_i = Y_i - y_i$$

donde:

e, desviación entre el polinomio de ajuste y el dato experimental.

 $Y_i$ : valor del polinomio de ajuste, es decir,  $P(x_i)$ .

y<sub>i</sub>: dato experimental.

Las desviaciones pueden minimarse estableciendo una condición que análogamente minimice su suma, o dicho en otros términos, minimando la suma de las magnitudes de los errores.

El método acepta el criterio de hacer a la magnitud del error máximo en mínimo, o sea, minimar el máximo error, lo cual es conocido como el criterio de "MinMax".

Sin embargo, tal como puede apreciarse, el signo algebraico de unos errores tendrá signo positivo y el de otros negativo, por lo que es recomendable minimar entonces la suma de los cuadrados de los errores. De este proceder toma el método su nombre.

Con base en lo anterior y considerando que los datos integran un conjunto de pares ordenados definidos como " $(x_i, y_i)$ ", el método establece la siguiente ecuación matricial:

N	$\Sigma (x_i)$	$\Sigma (x_i^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	 $\Sigma (x_i^n)$	<b>a</b> <sub>0</sub>		$\Sigma(y_i)$
$\Sigma$ (x <sub>i</sub> )	$\Sigma (x_i^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_i^4)$	 $\Sigma (x_i^{n+1})$	a <sub>1</sub>		$\Sigma(x_i,y_i)$
$\Sigma (x_i^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_i^4)$	$\Sigma (x_i^5)$	 $\Sigma (x_i^{n+2})$	a <sub>2</sub>		$\Sigma (x_i^2 y_i)$
$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_1^4)$	$\Sigma (x_i^5)$	$\Sigma (x_i^6)$	 $\Sigma (x_i^{n+3})$	a <sub>3</sub>	=	$\Sigma (x_i^2 y_i)$
::::::::	*******			 	1 ; {		:
		********		 			:
$\Sigma (x_i^n)$	$\sum (x_i^{n+1})$	$\Sigma (x_i^{n+2})$	$\Sigma (x_i^{n+3})$	 $\Sigma (x_i^{2n})$	a <sub>n</sub>		$\Sigma (x_i^n y_i)$

La varianza de los datos experimentales respecto de la curva de ajuste se determinará mediante la siguiente equivalencia:

$$\sigma_x^2 = \sum_{i=1}^{N} e_i^2 / (N - n - 1)$$

donde:

ei: desviación entre el polinomio de ajuste y el dato experimental.

n: grado del polinomio al que se desean ajustar pares de datos.

N: número de pares de datos experimentales que se están ajustando.

Para decidir cuál es el polinomio de grado "n" que mejor modele el comportamiento del conjunto de datos experimentales en estudio, primeramente habrá que generar varios polinomios, cada uno de ellos de diferente grado; aquel que presente la menor varianza será el más adecuado.

Otra manera de decidir al respecto será definiendo el coeficiente de correlación, el cual se define de la siguiente manera:

$$\rho = Cov(x,Y) / [(\sigma_x)(\sigma_Y)]$$

donde:

x: variable aleatoria independiente.

Y: variable dependiente valuada mediante la aplicación de P(x).

Cov(x,Y): covarianza de los valores de las variables "x" y "Y".

σ<sub>x</sub>: desviación estándar de los valores de "x".
 σ<sub>Y</sub>: Desviación estándar de los valores de "Y".

La covarianza de "x" y "Y" se determinará aplicando la siguiente expresión:

Cov(x, Y) = 
$$1/N \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_x) (Y_i - \mu_Y)$$
.

donde:

x<sub>i</sub>: cada uno de los valores experimentales de la variable aleatoria independiente.

Y<sub>i</sub>: cada uno de los valores de la variable dependiente valuados mediante la aplicación de P(x).

N: número de pares de datos experimentales que se están ajustando.

 $\mu_x$ : media de los valores experimentales de la variable aleatoria independiente.

 $\mu_Y$ : media de los valores valuados con la aplicación de P(x).

El coeficiente de correlación es un indicador que establece, en términos porcentuales, la calidad del ajuste entre los datos obtenidos experimentalmente y el modelo polinómico entero de grado "n" que pretende emplearse para tal propósito. Si el valor de este coeficiente fuera igual a cero, indicará que las variables aleatorias "x" y "y" son estocásticamente independientes, es decir, la relación polinómica entera que las intenta representar es completamente inconveniente; si por el contrario, el valor absoluto de éste fuera equivalente a la unidad, indicará que el modelo polinómico representa perfectamente la relación de ambas variables, por lo que si es el caso, se adoptará aquel polinomio cuyo valor absoluto de coeficiente de variación se encuentre más cercano a la unidad para modelar matemáticamente el comportamiento que éstas guardan.

La existencia de un signo negativo en el valor del coeficiente de correlación establece que las variables aleatorias "x" y "y" mantienen una correlación inversa, es decir, cuando una crece la otra disminuye y viceversa. Si en contrapunto, el signo que se presentara fuera positivo, indica que la correlación es de tipo directo, es decir, ambas crecen simultáneamente y viceversa.

De lo anteriormente expresado se entenderá que:

$$-1 < \rho < 1$$

Al cuadrado del coeficiente de correlación se le conocerá con el nombre de coeficiente de variación, el cual mide en qué porcentaje el comportamiento de una de las variables explica el comportamiento de la segunda en términos de su variación como su nombre lo indica.



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

#### **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

**TEMA** 

**ESTADÍSTICA** 

EXPOSITOR: ACT. JOSÉ MARTÍN ESTRADA GARCÍA PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002

## 2 ESTADISTICA

Como sucede con muchos vocablos, al concepto de Estadística. recibe diversas acepciones:

Ciencia que agrupa los hechos susceptibles de valoración numérica, como la población, la edad y el peso.

Ciencia que a través de la obtención, organización y graficación de datos analiza y encuentra consecuencias de los datos de la vida y actividades de los seres.

Ciencia de cálculo y análisis a partir de muestras y/o poblaciones.

#### 2.1 Utilidad.

Entre muchas de las aplicaciones que tiene la Estadística, destacan las siguientes:

- a) Representación funcional de los fenómenos numéricos.
- b) Representación gráfica de situaciones de toda índole.
- c) Recopilación de datos e interpretación.
- d) Predicción científica de efectos de causas evaluables matemáticamente.
- e) Interpretación de la experimentación.

Act. José Martin Estrada García. Profesor

- f) Corrección de errores inevitables en toda ciencia.
- g) Aprovechamiento del muestreo para el conocimiento de los fenómenos.

## 2.2 Definiciones elementales.

- a) Universo.- Conjunto determinado de objetos o elementos.
- b) Población.- El número total, de valores posibles, de elementos que tienen una característica que determine un conjunto.
- c) Muestra.- Subconjunto de una población.

### 2.2.1 Datos relevantes.

Cuando se va a estudiar un fenómeno, mediante Estadística, se selecciona una variable de la cual es importante tener cierta informacion.

- a) Valor mayor: (X<sub>max</sub>) entre los datos obtenidos, o de los datos de la muestra que se haya tomado en forma aleatoria.
- b) Valor menor: (X<sub>min</sub>) entre los datos obtenidos, o de los datos de la muestra.

Act. Jose Martin Estrada García

<u>Pr sor</u>

- c) Rango: (R)diferencia entre los dos valores anteriores.
- d) Intervalo: (I) división (generalmente igual) del rango. A cada uno se le llama Clase o intervalo de clase.
- e) Límite superior del intervalo: (L<sub>sup</sub>)Valor final del intervalo.
- f) Limite inferior del intervalo: (L<sub>inf</sub>) Valor inicial del intervalo.
- g) Marca de clase: (MC) Promedio aritmético de los límites de cada Intervalo de Clase.
  - h) Frecuencia: Número de casos u ocurrencias dentro de cada Intervalo de Clase. La frecuencia puede ser Absoluta (f) ( cuando se trata del número de ocurrencias ), Relativa (fr) ( cuando se obtiene su relación con respecto al total de las frecuencias,  $f_x(x)$  ) y Acumulativa ( $F_x(x)$ )

## Ejemplo:

Tomemos como universo a los alumnos del propedéutico del ITC.

Como Población tomemos el conjunto de valores de los promedios finales obtenidos.

La muestra es el siguiente conjunto de promedios que fueron tomados al azar:

7.6, 8.7, 7.1, 7 = 3.0, 7.3, 8.0, 8.2, 6.4, 8.2, 6.4, 8.0, 8.0, 8.2,

9.3, 7.8, 9.1, 7.1, 8.0, 9.1, 6.9, 5.8, 7.1, 8.2, 7.6, 7.6, 8.7, 6.7,

Act. José Maitín Estrada Garcia.

Profesor

6.0, 6.9, 5.1, 5.8, 6.4, 4.7, 7.6, 7.1, 6.4, 6.9, 6.7, 5.8, 8.0, 6.7, 7.8, 7.3, 5.6, 5.6, 7.1, 5.6, 7.6, 6.7

En la forma en que están los datos, no es posible establecer ninguna relación útil. Organizándolos en una tabla darán mejor información.

<del></del>	<del></del>	, <u> </u>	<u>,                                    </u>	
			•	FRECUENCIA
VARIABLE	FRECUENCIA	FRECUENCIA	FRECUENCIA	RELATIVA
		RELATIVA	ACUMULADA	ACUMULADA
4.7	1	0.019	1	0.019
51 ·-	1	0.019	`2	0.038
5.6	3	0.057	5	0 096
58	3	0.057	8	0 153
60	1	0.019	99	0 173
6.4	!	0 076	13	0.250
6.7	· 4	0 076	17	0.327
6.9	4	0.076	21	0.403
7 1	6	0.115	: 27	0.519
. 73	3	0.057	30	0.576
7 6	5	0.096	35	0 673
7.8	. 2	0 038	37	0.711
8 C	6	0.115	43	0.826
8.2	4	0 076	47	0.903
87	2	0.038	49	0.942
9.1	2	0 038	51	0.980
9 3	1	0 019	52	1.000
TOTAL	52	1 000		

Act. José Martin Estrada García Profesor Se puede condensar la tabla anterior, distribuyendo las frecuencias por Intervalos de Clase, que son del tipo  $a < x \le b$ , o sea (a, b].

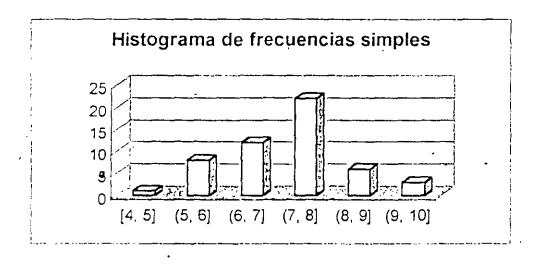
El tamaño t del intervalo lo obtenemos dividiendo el rango entre el número de intervalos requeridos. Rango = 9.3 - 4.7 = 4.6, y queriendo 6 intervalos, obtenemos:

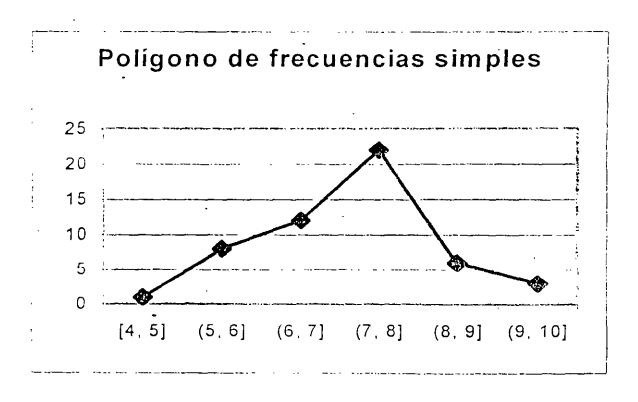
t = 4.6/6 = 0.766, que por conveniencia lo hacemos uno, es decir t = 1.

				FRECUENCIA	
INTERVALO	FRECUENCIA	FRECUENCIA	FRECUENCIA	ACUMULADA	PUNTO
	·	RELATIVA	ACUMULADA	RELATIVA .	MEDIO
4 – 5	1	0.019	1	0.019	4.5
5 – 6	` 8	0.154	9	0.173	5.5
6-7	12	0.231	21	0.403	6.5
7 – 8	22	0 423	43	0.826	7.5
8 – 9	6	0.115-	49	0.942	8.5
9 - 10	. 3	0.058	52	1.000	9.5

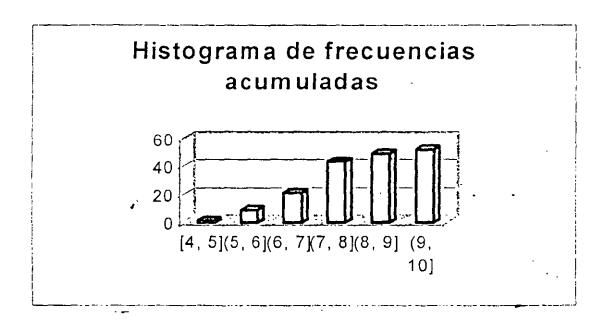
Otra forma útil para la presentación de los datos anteriores es el uso de Histogramas y Polígonos, que son diagramas de barras, generalmente, y segmentos de recta (respectivamente) donde las bases corresponden a los intervalos y las alturas corresponden al número de frecuencias de cada clase.

Probabilidad, Estadística y Matemáticas Financieras.
Instituto Tecnológico de la Construcción.





Act José Martin Estrada Garcia Profesor



## 2.3 Medidas de tendencia Central y de Dispersión.

Para poder obtener consecuencias y deducciones válidas de los datos de una estadística, es muy útil contar con información sobre los valores al centro y sobre lo distanciados que estén unos valores con respecto a otros.

Las primeras medidas se llaman Medidas de Tendencia Central, las segundas Medidas de Dispersión.

- 2.3.1 Las Medidas de Tendencia Central más comunes son la media, la moda y la mediana.
- a) La Media es una medida equivalente al promedio aritmético de todos los valores de las variables que están en la muestra.

$$\overline{X} = \mu_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \chi_i = \sum_{i=1}^n f_{x_i}(\dot{\chi}_{i})MC$$

Se usa  $\overline{X}$  cuando se trata de una muestra, mientras que se usa  $\mu$  cuando es una población.

b) La Mediana es un valor de la variable, tal que la mitad de las observaciones debe tener un valor menor o igual al de la Mediana y la otra mitad, debe tener un valor mayor o igual que el de la Mediana

$$50 \% \le \chi_{+/2} = \widetilde{\chi} \le 50 \%$$

En general la idea de subdividir los valores en conjuntos de cardinalidad igual, da origen a los llamados cuantiles.

 c) La Moda es el valor que se presenta con mayor frecuencia en la muestra.

$${\mathcal X}_m$$

- 2.3.2 Las Medidas de Dispersión más comunes son la Varianza, la Desviación Estándar y el Coeficiente de Variación.
- a) La Varianza es el promedio de la suma de los cuadrados de las distancias, que hay entre los datos y la media.

$$S^{2} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x_{i})^{2}$$

$$S^{2} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (MC_{i} - x_{i})^{2} f_{x}(x_{i})$$

La Varianza se representa con  $S^2$  cuando se trata del análisis de una muestra, mientras que se representa con  $\sigma^2$  cuando se trata de una población (Para este caso se divide entre n).

## Probabilidad, Estadística y Matemáticas Financieras Instituto Tecnológico de la Construcción.

 b) La desviación Estándar es la parte positiva de la raíz cuadrada de la Varianza.

$$S = \sqrt{S^2}$$

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

c) El Coeficiente de Variación es la relación que existe entre la Desviación Estándar y la Media. Este se da en porcentaje, y a mayor porcentaje mayor dispersión.

$$\nu = \frac{S}{x} = \frac{\sigma}{\mu}$$

- 2.3.3 Covarianza, Coeficiente de Correlación y Coeficiente de Determinación.
- a) Sean X y Y dos V.A. se define la Covarianza de X y Y de la siguiente forma:

$$Cov(X, Y) = E\{ (X - \mu_x)(Y - \mu_y) \} = E(XY) - \mu_x \mu_y$$

Probabilidad, Estadística y Matemáticas Financieras.

Instituto Tecnológico de la Construcción

b) El coeficiente de Correlación de X y de Y como:

$$\rho = \frac{Cov(x, Y)}{\sigma_x \sigma_y}$$

Donde  $-1 \le \rho \le 1$ ; tal que si

 $\rho$  = -1 se dice que las variables están inversamente correlacionadas; si

 $\rho$  = 0, son estocásticamente independientes y si

 $\rho$  = 1, las variables están directamente correlacionadas.

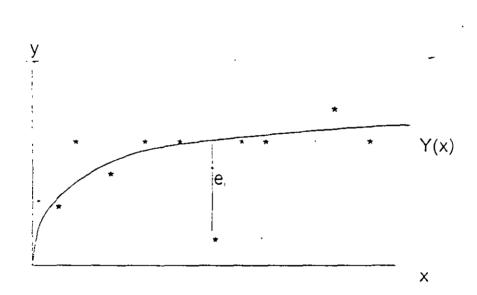
c) El Coeficiente de Variación es el cuadrado del Coeficiente de Correlación. Mide qué tanto el comportamiento de una variable explica el comportamiento de la otra, en términos de su variación, (se da en porcentaje)

## 2.4 Análisis de Regresión.

Supóngase que se desea ajustar una curva a un conjunto aproximado de datos, tales como los que se obtienen en mediciones experimentales. Uno de los requisitos para ajustar una curva a los datos, es que el proceso no sea ambiguo, es decir, que si los datos

ajustados por una persona son distintos a los que obtiene otra, el método resulta impráctico.

Así también es conveniente, en algún sentido, minimizar la desviación de los puntos de la línea. Las desviaciones se miden por las distancias que van de los puntos a la línea.



e, = Error i – ésimo. (La distancia de cada uno de los puntos a ajustar con respecto a la curva ajustada)

Se pueden minimizar las desviaciones (errores), haciendo mínima su suma o tratando de minimizar la suma de las magnitudes de los errores. El método acepta el criterio de hacer a la magnitud de los errores el mínimo, es decir, minimizar el máximo error (criterio minimax); Pero como puede apreciarse, en virtud de que el signo de

Act. Jose Martin Estrada García Profesor unos errores es positivo y el de otros negativo, lo recomendable es minimizar la suma de los cuadrados de los errores (criterio de mínimos cuadrados).

Si se requiere ajustar a una función polinomial de la forma:

$$Y = a_1 + ax_1 + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + \dots + a_nx^n$$

se tendrá que resolver el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{vmatrix} N & \sum \bar{x}_{i} & \sum x_{i}^{2} & \cdots & \sum x_{i}^{n} & | & a_{0} \\ \sum x_{i} & \sum x_{i}^{2} & \sum x_{i}^{3} & \cdots & \sum x_{i}^{n+1} & | & a_{1} \\ \sum x_{i}^{2} & \sum x_{i}^{3} & \sum x_{i}^{4} & \cdots & \sum x_{i}^{n+2} & | & a_{2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \sum x_{i}^{n} & \sum x_{i}^{n+1} & \sum x_{i}^{n+2} & \cdots & \sum x_{i}^{2n} & | & a_{n} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \sum y_{i} \\ \sum x_{i} y_{i}^{2} \\ \sum x_{i}^{2} y_{i}^{3} \\ \sum x_{i}^{n} y_{i}^{n} \end{vmatrix}$$

Donde:

N es el número de datos que se van a ajustar.

n el grado del polinomio.

 $x_i$  y  $y_i$  cualquiera de los puntos experimentales {  $(x_i, y_i)$  }.

 $e_i = Y_i - y_i$ . El error de cada punto

$$\sigma^2 = (\Sigma e_i^2) / (N - n - 1)$$
. La varianza.

#### Ejemplo:

Supóngase el análisis de todas las edades de los alumnos de un grupo.

Los datos son los siguientes (en años):

24.6, 30.5, 23.7, 27.8, 23.8, 22.5, 31.9, 23.0, 23.4, 21.6, 25.5, 30.7, 37.9, 26.4, 25.0, 27.3, 28.7, 28.3, 25.2, 29.1, 30.3, 24.3, 26.1, 25.5, 27.0, 39.7.

n = 26

Xmin = 21.6

Xmax = 39.7

Longitud del Intervalo de Clase = 3.62

Se desean 5 clases.

## Analizando los datos tenemos que:

IC,	f,	MC,	fr,
[21.6, 25.22]	10	23.41	0.3846
(25.22, 28.84]	9	27.03	0.3462
(28.84, 32.46]	5	30.65	0.1923
(32 46, 36.08]	0	34.27	0.0000
(36 08, 39.7]	2	37.89	0.0769
·			1.0000

fr <sub>i</sub> ·MC <sub>i</sub>	(MC <sub>i</sub> -μ) <sup>2</sup>	$fr_i (MC_i - \mu)^2$
9.0035	14.1376	5.4373
9.3578	0.0196	0.0068
5.8940	12.1104	2.3288
0.0000	50.4100	0.0000
. 2.9137	114.9184	8.5372
u = 27.17	1	$\sigma^2 = 16.61$

## Entonces:

$$\mu = 27.17$$

$$\sigma^2 = 16.61$$

$$\sigma = 4.0755$$

$$v = 4.0755 / 27.17 = 0.15 = 15\%$$

Se desea ajustar los datos a un a función polinomial de segundo grado:

у <sub>'</sub>	X,	x, <sup>2</sup>	x, <sup>3</sup>
0.3846	23.41	548.0281	12,829.3378
0.3462	27.03	730.6209	19,784.6829
0.1923	30.65	939.4225	28,793.2996
0.0000	34.27	1,174.4329	40,247.8155
0.0769	37.89	1,435.6521	54,396.8581
1.0000	153.25	4.828.1565	156,015,9939

Act José Martín Estrada García Profesor

## Probabilidad, Estadística y Matemáticas Financieras. Instituto Tecnológico de la Construcción.

X,4	X <sub>i</sub> y <sub>i</sub>	$x_i^2 y_i$
300,334.7984	9.0035	210.7716
533,806.8995	9.3578	252.9410
882,514.6335	5.5940	180.6509
1'379,292.6370	0.0000	0.0000
2'061,096.9520	2.9137	110.4016
5'157,045.9200	27.169	754.7651

Queda entonces, por resolver, una matriz de la siguiente forma:

de la que se obtienen los siguientes coeficientes:

$$a_0 = 0.340967752$$
,  $a_1 = 0.01764053059$  y  $a_2 = -0.0007063501614$ 

Por lo tanto el polígono ajustado (curva ajustada) es:

$$Y_{(x)} = 0.340967752 + 0.01764053059 x - 0.0007063501614 x^2$$

#### Probabilidad, Estadística y Matemáticas Financieras Instituto Tecnológico de la Construcción

Y <sub>(x1)</sub>	e,	e,²
0.3667	-0.0179	0.0003
0.3016	-0.0446	0.0020
0.2179	0.0256	0.0007
. 0.1158	0.1158	0.0134
0.0049	-0.0720	0.0051
	<del></del>	0.0215

0.0215

 $\sigma^2 = 0.0215 / (5 - 2 - 1) = 0.0175$ , entonces  $\sigma = 0.10368$ 

y,	Y,	MC,
0.3846	0.3667	23 41
0.3462	0.3016	27.03
0.1923	0.2179	30:65
0.0000	0.1158	34.27
0.0769	0.0049	37.89

# Probabilidad, Estadística y Matematicas Financieras. Instituto Tecnológico de la Construcción.

E(y <sub>i</sub> )	E(Y,)	$E(y_i) \cdot E(Y_i)$	Cov (y <sub>i</sub> , Y <sub>i</sub> )	Var (y <sub>i</sub> )	Var (Y <sub>i</sub> )
9.0035	8.5844	77.2896	-77.1486	74.2853	67.5306
9.3578	8.1522	76.2867	-76.1823	81.2089	61.6319
5.8940	0.0091	0.0536	-0.0117	32.5093	0.0436
0.0000	3.9685	0.0000	0.0000	0.0000	14.8433
2.9137	Q.1857	0.5411	-0.5407	8.0474	0.0327
	·	<del></del>	152 0022	100 0500	144 0021

-153.8833 196.0509 144.0821

y obtenemos, ¡por fin!, la información acerca de las varianzas, las desviaciones estándar, la covarianza, el coeficiente de correlación y el coeficiente de variación que existen entre nuestros datos y la curva ajustada a estos.

$$\sigma_{y}^{2}$$
 = 196.0509 entonces  $\sigma_{y}$  = 14.0018  
 $\sigma_{Y}^{2}$  = 144.0821 entonces  $\sigma_{Y}$  = 12.0034  
Cov (y, Y) = -153.8833  
 $\rho_{XY}$  = -153.8833 / {(14.0018)(12.0034)} = -0.915591  
 $\rho_{YY}^{2}$  = 0.8383 = 83.83%

Act, José Martin Estrada Garcia Profesor



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

#### **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### TEMA

CONCEPTOS GENERALES DE ECONOMÍA (INTRODUCCIÓN)

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002

M. en I. Enrique Augusto Hemández-Ruiz.

# • INTRODUCCIÓN

En la evaluación financiera de un proyecto de inversión en el sector productivo público o privado, los beneficios generalmente se miden en términos de los ingresos en efectivo obtenidos por la venta del producto o por las asignaciones presupuestarias del gobierno, mientras que los costos son los pagos en efectivo hechos por las compras de todos los artículos necesarios para construir y operar un proyecto.

Por su parte, en la evaluación económica se calculan los beneficios como el incremento bruto en el bienestar económico de un país, que resulta de los bienes y servicios generados por el proyecto. Expresado en términos monetarios, los beneficios económicos se miden como la cantidad máxima que la gente, en forma individual o colectiva, estaría dispuesta a pagar por el producto final del proyecto. Igualmente, los costos del proyecto se miden por el valor que los residentes del país otorgan a los recursos que deben desviarse de otros usos productivos para construir y operar el proyecto en evaluación.

La medición y evaluación de los costos y beneficios económicos necesita que el analista conozca no solamente las técnicas básicas de contabilidad, sino también los aspectos de la teoría económica relacionados con la determinación de la oferta y demanda de bienes y servicios.

### DEFINICIÓN DE ECONOMÍA Y CONCEPTOS BÁSICOS

La economía es la rama de las ciencias sociales que estudia el proceso de producción y distribución de los bienes y servicios que se generan en una sociedad. Organiza las actividades orientadas a definir qué bienes producir, cuántos, cómo y para quién producirlos, en un contexto de recursos limitados y necesidades ilimitadas

#### **EL CONCEPTO DE ESCASEZ**

Por un lado existen deseos o necesidades ilimitadas y por el otro existen recursos o satisfactores limitados que tienen usos alternativos. De la interacción de estos dos conceptos se origina la escasez, la cual surge cuando la cantidad de recursos no satisface las necesidades que existen a un precio igual a cero.

La escasez nos obliga a elegir alternativas con base en el criterio de la satisfacción; sin mbargo, elegir significa hacer a un lado alternativas. Un postulado básico en economía sostiene que la toma de decisiones se realiza con base en los costos y beneficios de cada posible alternativa.

#### COSTO DE OPORTUNIDAD

Cuando elegimos algo, estamos desechando otras alternativas. La mejor alternativa sacrificada es el costo de oportunidad. Una de las grandes "verdades" de la economía es que todo tiene costo de oportunidad.

#### RACIONALIDAD Y OBJETIVO DE LOS AGENTES ECONÓMICOS

Un supuesto clave en economía es que los agentes económicos (familias, empresas y gobierno) son racionales, es decir, tienen un objetivo y lo persiguen de una manera consistente. Las personas tienen como objetivo maximizar su utilidad sujetos a las restricciones que enfrentan, es decir, incrementar su patrimonio. En lo sucesivo se considerará que el concepto de utilidad es equivalente al concepto bienestar

Así como el objetivo de las personas es maximizar su nivel de bienestar, el objetivo de las empresas es maximizar su utilidad o la riqueza de sus accionistas.

#### LEY DE LOS RENDIMIENTOS DECRECIENTES

#### Consumo

 A nivel consumo, entre mayor cantidad se tiene de un bien, menor valor se le asigna a una unidad adicional, suponiendo que el comportamiento de las demás variables permanece constante. Entre menos se tenga de un bien, se pierde más al tener menos del mismo.

Cuando se adquieren bienes, se puede observar que conforme se va adquiriendo más del mismo, la satisfacción que provee va siendo menor marginalmente, es decir, cada unidad adicional reporta una satisfacción menor respecto a la unidad anterior.

#### Producción

En el ámbito de la producción, la ley de rendimientos decrecientes es una constatación de los procesos tecnológicos, es decir, es el resultado de una relación tecnológica.

Como característica de los procesos de producción se observa que en el corto plazo, al combinar un insumo fijo con uno variable (normalmente se suponen dos insumos: capital y mano de obra), conforme se van adicionando unidades de uno y se mantienen el otro constante, la producción total presenta las siguientes características:

a) Con las primeras unidades, la producción va a aumentar cada vez más

- b) Eventualmente, con unidades adicionales la producción aumentará pero cada vez menos.
- c) Al llegar a un determinado nivel la producción total sufrirá una reducción.

#### MODELO ECONOMÉTRICO

Para responder definir qué es la economía y cómo funciona, se construye un modelo econométrico, el cual trata de determinar las posibles respuestas ante un estímulo de índole económica.

Al analizar el comportamiento económico de una nación, se concentra la atención sólo en aquellas características que son relevantes para entenderlo y se hace caso omiso del resto, es decir, es inusual describir con detalle todas las acciones económicas que ocurren en cualquier país, el tratar de hacerlo redundaría en la formulación de modelos tan complejos y extensos que resultarían inmanejables.

Todos los modelos representan situaciones reales, pero con toda intención se dejan algunas características de la realidad fuera de él, y se incluyen sólo aquéllas que se necesitan para el propósito en cuestión. El economista utiliza los modelos econométricos para abstraer la realidad y a partir de dicha abstracción explicar y predecir el comportamiento de los agentes económicos en el futuro.

Para construir un modelo econométrico se utilizan supuestos e implicaciones Los supuestos constituyen los cimientos sobre los cuales se fundamentan el modelo, en otras palabras, son proposiciones acerca de lo que es relevante y lo que se puede ignorar. Las implicaciones, en cambio, son el resultado del modelo. El vínculo entre los supuestos del modelo y sus implicaciones es un proceso de deducción lógica y de análisis matemático.

#### AGENTES ECONÓMICOS Y EL MERCADO

A escala interna de las economías nacionales, las unidades económicas básicas són las unidades familiares, las empresas, el gobierno, las instituciones sin fines de lucro y el mercado.

El mercado es el espacio donde confluyen compradores y vendedores de bienes y servicios (productores y consumidores), intercambiándolos e interactuando a través del sistema de costos, valores y precios. Si alguno de estos agentes o de dicho sistema dejaran de existir, el mercado sería inexistente

Cuando sea el caso que exista equivalencia entre los valores dispuestos a ser pagados por los compradores y los que están dispuestos a recibir los vendedores para intercambiar determinados bienes o servicios (demanda y oferta), se dirá que existe equilibrio de mercado. El mercado es el conjunto de mecanismos por medio del cual la

sociedad resuelve la mayor parte de los problemas económicos (qué, cuánto, cómo y para quién producir)

# • COSTOS, VALORES Y PRECIOS

El valor de un bien puede ser apreciado bajo dos esquemas básicos.

- 1. Valor de uso, y
- 2. valor de cambio.

El valor de uso es aquel que poseen los bienes por su capacidad de proporcionar una satisfacción. Este valor es asignado subjetivamente por cada individuo, dependiendo del grado de utilidad que recibe; por tanto, el grado de satisfacción será distinto de una persona a otra y su expresión objetiva puede ser que se establezca en términos distintos a los monetarios.

Por otra parte, el valor de cambio de los bienes, es aquel que toman en los mercados al momento de su intercambio, y se identifica a través del equilibrio de las funciones de oferta y demanda.

Cabe llamar la atención en el sentido de que el concepto de valor debe ser diferenciado de los de costo y precio, pues por **costo** entendemos que se trata de la cuantía monetaria que debe erogar el productor de un bien y/o servicio para producirlo y ponerlo a disposición en el mercado; y por **precio** nos referimos a la cuantía también monetaria que pretende recibir dicho productor del bien y/o servicio por su venta, es decir, por su intercambio.

Esto significa que el precio está formado por el costo más una cuantía monetaria adicional que es referida en términos contables como "utilidad", aunque en realidad puede ser entendida también como "plusvalía", la cual es originada por la existencia de ciertos factores que hacen atractivo el adquirir una cosa

Lo anterior hace entender que las cuantías del valor, del costo y del precio son iguales únicamente al momento de llevar a cabo el intercambio del bien y/o servicio entre el oferente y el demandante del mismo, pues desde el momento en que una persona paga por adquirirlo, por esa simple acción, queda establecido su valor en un instante dado; después, por distintas circunstancias (inflación, cambio en las condiciones de mercado, oferta y demanda, etc.), éste puede cambiar, aunque el hecho histórico contable se conserva y mantiene el monto del precio y del costo para el vendedor y el comprador respectivamente.

No obstante, en momentos de recesión económica, el precio puede llegar a ser igual o menor que el costo, en la inteligencia que se tiene urgencia y premura por vender el bien, llevando esta situación a su remate.

Con base en lo anterior, se definirá al **valor** como la cuantía económica, expresada en nuestra época en términos monetarios, dispuesta a ser cambiada por la posesión de una cosa; es decir, con la cual se llevan a cabo los intercambios de bienes y/o servicios entre los oferentes de los mismos y sus demandantes en mercados específicos.

Por su capacidad de conservar el valor, algunos bienes son mercancías acumuladoras de valor, es decir, tienen el potencial de conservarlo, y de incrementarlo en el tiempo en términos reales. Esta clase de bienes toma la forma de capital, destinado a la producción o como capital financiero.

Es necesario acotar que, al haber definido las ideas de costo, precio y valor, se ha referido también el concepto de "unidades monetarias", las cuales pretenden ser el reflejo del valor de las cosas; sin embargo, dichas unidades monetarias pueden ser de dos tipos:

- · constantes, y
- corrientes.

Si hablamos de una serie de flujos de efectivo expresados en unidades monetarias constantes, significará que todos ellos están ligados a una misma fecha y que cada unidad monetaria expresada tendrá el mismo poder adquisitivo que las demás, entendiendo por poder adquisitivo el índice de la cantidad de bienes que se pueden intercambiar por una unidad monetaria. Si por el contrario, hablamos de flujos de efectivo expresados en unidades monetarias corrientes, se querrá decir que cada de efectivo de un periodo específico estará afectado por una tasa inflacionaria, o por una tasa de productividad nominal respecto de los flujos anteriores o posteriores, por lo que, cada unidad monetaria tendrá distinto poder adquisitivo de las otras.

# TEORÍA DE LA DEMANDA Y EXCEDENTE DEL CONSUMIDOR

#### VOLUNTAD DE PAGAR Y CÁLCULO DEL EXCEDENTE DEL CONSUMIDOR

Cuando un consumidor compra bienes y servicios, generalmente enfrenta un precio en el mercado que, desde su punto de vista, es fijo. Su decisión será determinar cuántas unidades de los bienes y servicios disponibles para él en el mercado va a comprar dado su limitado ingreso disponible; por esta situación, tarde ó temprano, deberá renunciar a consumir algunas unidades de uno o más bienes o servicios con el fin de acceder a la adquisición de otros que, en un tiempo distinto, le proporcionarán satisfacción. Esta restricción presupuestaria es entendida por cualquiera que ha intentado balancear su presupuesto personal.

Un consumidor, al tratar de maximizar la cantidad de satisfacción recibida por los bienes y servicios que puede comprar con su ingreso, buscará ajustar sus compras de tal

forma que la última unidad monetaria que gaste en el consumo de cada bien le dé la mayor cantidad de satisfacción. Si éste no fuera el caso y recibiera una satisfacción de diez unidades por la última moneda gastada en vegetales, pero veinte unidades de satisfacción de la última gastada en periódicos, entonces la persona mejoraría su bienestar total en diez unidades si restringiera su consumo de vegetales en una moneda, e incrementara su consumo de periódico en la misma cantidad, es decir, preferirá consumir periódicos a consumir vegetales.

Se distinguirá el cambio en el nivel total de satisfacción disfrutado por una persona si consume una unidad adicional de un bien como la utilidad marginal (MU, por sus siglas en inglés) recibida por el consumo de ese bien. La satisfacción adicional derivada de la última moneda gastada en vegetales ahora puede expresarse simplemente como la utilidad marginal de la última unidad de vegetales comprada (MU<sub>V</sub>), dividido entre el precio de los vegetales (P<sub>V</sub>), ó MU<sub>V</sub>/P<sub>V</sub>. De igual manera para el periódico, i e., MU<sub>n</sub>/P<sub>n</sub> Por lo tanto, la condición para la maximación de satisfacción (utilidad) puede escribirse como:

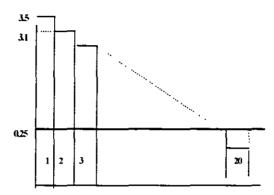
## $MU_n/P_n = MU_v/P_v$

Ahora explórese la forma en que un consumidor racional se comportaría si por alguna razón el precio de uno de los bienes o servicios aumenta. Supóngase que el precio del periódico aumenta a P'n. Si el individuo previamente ha estado maximando su satisfacción y la igualdad expresada en la ecuación anterior permanece, ahora con un precio de P'n, el consumidor estará recibiendo menos satisfacción por la última unidad monetaria gastado en el periódico de lo que obtendría por consumir vegetales, o sea,  $MU_n/P'_n < MU_v/P_v$ . La pregunta ahora es: ¿qué hará el consumidor racional para corregir esta situación y por qué?

Se esperará que disminuya sus compras de periódico en relación con otros bienes, ya que ahora puede obtener más satisfacción cambiando algunos de sus gastos de periódico a otros bienes; cuando reduce sus compras de periódico. el consumidor recibirá una cantidad mayor de satisfacción por la última unidad monetaria gastada en periódicos que antes. Esto simplemente se debe al hecho de que ahora tiene menos periódicos que leer. Por lo tanto, la utilidad marginal del periódico (MU<sub>n</sub>) se incrementará conforme él reduzca la cantidad comprada.

Se esperará que continúe reduciendo su consumo de periódico hasta que la satisfacción que recibe por el último dólar que gasta en cada bien, de nuevo sea igualado, i.e.,  $MU_n/P'_n = MU_v/P_v = MU_0/P_0$ , en donde el subíndice "0" se refiere a los demás bienes.

En otras palabras, la evaluación de las unidades en que una persona racional incrementa su consumo de un bien (su utilidad marginal), disminuirá conforme la cantidad total del bien consumido aumente (utilidad decreciente en el consumo). Conforme esto, el consumidor deberá estar dispuesto a pagar más por la oportunidad de consumir la primera unidad que por la segunda unidad, dado que ya ha comprado la primera. Este principio y ejemplo se ilustra en la siguiente figura:



#### IMPORTANCIA DE LOS PRECIOS

En un sistema de mercado abierto los precios aportan: *incentivos e información*. Los valores son los que guían la asignación de recursos, ya que dan señales, incentivos e información de cómo actuar. En una economía de mercado, es muy importante que los valores reflejen el verdadero costo de oportunidad para la sociedad, ya que los precios *"mentirosos"* (que no corresponden a valores) conducen a una mala asignación de recursos debido a que aportan señales equivocadas.

En un sistema donde los precios son manipulados por el estado o por grupos de poder (monopolios o monopsonios), existirán tendencias hacia una ineficiente asignación de recursos.

El sistema de precios es muy poderoso y no depende del tipo de economía o de país que se hable. De ahí que, aún cuando el estado trata de fijar algunos precios en niveles irreales, surjan otros mecanismos compensadores como el tamaño o calidad de los bienes "ajustados" al valor verdadero, dando lugar a los mercados denominados "negros".

#### CURVAS DE DEMANDA INDIVIDUAL Y DEL MERCADO

La curva de demanda de un bien cualquiera indica las cantidades máximas de este producto que serán compradas por los consumidores a diferentes valores si todo lo demás permanece constante. Muestra además los valores máximos que pagaría el grupo de consumidores por determinadas cantidades de dicho producto, suponiendo que el ingreso y el precio de otros permanecen constantes.

La función de demanda para un producto cualquiera puede expresarse del siguiente modo:

$$x = f(P_x, Y, P_z, U)$$

donde:

- Px.- Precio del artículo en cuestión.
- Y.- Nivel de ingreso real del consumidor.
- Pz.- Precio de artículos relacionados
- U.- Preferencias del consumidor

Para obtener la curva de demanda "x" se debe mantener todo lo demás constante:

$$x = f(P_x, Y^*, P_z^*, U^*) = g(P_x)$$

donde " $g(P_x)$ " indica que el consumo de "x" es función solamente de los cambios en el precio de "x". Si cambia alguna de las variables independientes, cambiará la posición de la curva de demanda, pero no la función de la demanda por "x"

$$x = f(P_x, Y', P_z', U') = h(P_x)$$

Si todas las otras variables se mantienen constantes en un nuevo nivel, h(Px) indicará que el consumo del artículo "x" es ahora otra función dependiente de  $P_x$  solamente.

La variación de la demanda, es un desplazamiento de la curva de la demanda (hacia la derecha o izquierda de su localización original) debido al cambio de valores en alguna de las variables de las cuales depende la demanda (a excepción del precio), por ejemplo, si se encarece un bien sustituto o si se abarata un bien complementario, la demanda se desplaza hacia la derecha. Pero, ¿qué pasa si aumenta el ingreso?

La respuesta a la anterior pregunta dependerá del bien que se trate:

**Bien superior**: Aumenta el ingreso personal y aumenta la demanda por el bien (ejemplos: calidad de ropa, calidad de comida, coches, vacaciones, etc.).

Bien neutro: Su demanda no se ve afectada por variaciones en el ingreso de la población (ejemplos: sal, insulina).

**Bien inferior**: Aumenta el ingreso y disminuye la demanda por el bien (ejemplos: viajes en el metro, petróleo como combustible de cocinas, huaraches).

La variación en la cantidad demandada implica cambios de posición a lo largo de la misma curva. Cuando "P" aumenta, la cantidad demandada disminuye y cuando el precio disminuye, la cantidad demandada aumenta.

### ELASTICIDAD DEL PRECIO Y DEL INGRESO DE LA DEMANDA

Resulta sumamente importante conocer los cambios que ocurren en la demanda, pero también es importante determinar la magnitud de estos cambios para comprender los mecanismos de ajuste del mercado a las variaciones en los factores determinantes de la oferta y la demanda. Para llevar a cabo este análisis, se parte del concepto de

precios relativos; el precio relativo de un bien o servicio "A" en relación con otro bien o servicio "B" es igual al cociente que resulta de dividir el precio de "A" entre el de "B"

De manera similar, la elasticidad indica el cambio proporcional en una variable dependiente, causado por un cámbio porcentual en la variable independiente. La elasticidad de A respecto a B significa la variación porcentual de A con respecto a la variación porcentual de B. Como ejemplos se citarán:

- a) El incremento que se puede esperar en el consumo de carne ante un aumento en el ingreso de la población.
- b) La disminución del tránsito que circula por una carretera de cuota ante un aumento de tarifas<sup>1</sup>.

Es difícil establecer comparaciones entre diferentes tipos de productos, porque las unidades en que ambos se miden son muy diferentes (litros, kilos, unidades, etc.), por lo que resulta más útil medir las variaciones porcentuales. El resultado es un número absoluto. Por ejemplo, si la elasticidad de la demanda de un bien con respecto a su propio precio es de *menos uno*, significará que un aumento en el precio de un dos por ciento reducirá la cantidad demandada en la misma proporción, y por lo tanto el gasto de los consumidores (precio multiplicado por cantidad) se mantendrá constante

En la demanda de un bien o servicio influyen, además de su propio precio, los de los bienes relacionados, los ingresos de los consumidores y otros aspectos especiales.

- Elasticidad del precio: mide el grado en que la cantidad demandada responde a las variaciones de precio del mercado de un bien o servicio.

Elasticidad del ingreso mide la sensibilidad de la demanda a las variaciones en el ingreso de los consumidores.

**Elasticidad cruzada**: mide el grado en que la cantidad demandada de un bien responde a variaciones de precio de otro bien

Como ejemplo del último caso, se puede decir que la elasticidad de la demanda de viajes en la autopista del sol con respecto a los precios en los hoteles en Acapulco es de *menos dos*, es decir, si los hoteles suben sus precios en cinco por ciento, los viajes por la autopista se reducirán en diez por ciento.

**Elasticidad del precio de la demanda:** Esta elasticidad se determinará mediante el cociente "Ep<sub>x</sub>", calculado como la variación porcentual de la cantidad demandada de un bien, entre la variación porcentual del precio del mismo.

Los bienes disponibles en el mercado responden de diferente manera a las variaciones en el precio, dependiendo del tipo de bien. Se requiere mantener constantes las otras

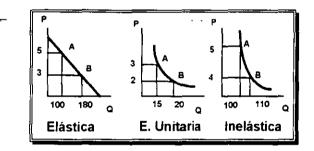
La elasticidad carece de unidades (adimensional), lo que permite la comparación de diferentes bienes.

variables que intervienen en la determinación de la demanda (el valor del ingreso y otras variables independientes).

La elasticidad del precio varía a lo largo de la curva de la demanda. Su valor permanece constante únicamente cuando se trata de una recta de demanda vertical (elasticidad cero o perfectamente inelástica) o de una recta horizontal (elasticidad infinita o perfectamente inelástica). Otro ejemplo de elasticidad constante (en este caso de menos uno) es una hipérbola.

- a) Demanda elástica (> -1): cuando una variación en el precio del 1% produce una variación de la cantidad demandada mayor al 1%.
- b) Demanda unitaria (= -1): cuando la variación del precio del bien en .
   1% produce la misma variación en la cantidad demandada del bien.
- c) Demanda inelástica (< -1). Cuando una variación en el precio del 1% provoca una variación de la cantidad demandada menor del 1%.

La forma de la curva de la demanda se puede observar en la siguiente gráfica:



La elasticidad del precio de la demanda siempre es negativa, ya que el consumo reacciona de manera inversa ante cambios en los precios. Además de que, en la gráfica de la demanda, la variable independiente aparece en el eje de las ordenadas y la dependiente en el de las abscisas, contrariamente a lo que ocurre en cualquier otra gráfica.

Son determinantes de la elasticidad del precio de la demanda los siguientes aspectos:

- Existencia de bienes sustitutos y grado de sustituibilidad. Entre más bienes sustitutos tenga un bien y mejores sustitutos sean, más elástica va a ser la curva de demanda.
- 2. Importancia del bien dentro del presupuesto del consumidor. Gasto total en el bien dividido entre el ingreso de la persona. Mientras más importante sea la proporción de un bien dentro del ingreso del consumidor, mayor va a ser la elasticidad precio.
- La extensión de tiempo para realizar ajustes ante cambios en el precio.
   A mayor tiempo, más elástica es la curva de demanda.

Bienes sustitutos: con elasticidad cruzada positiva. Un aumento en el precio de "A", conduce un aumento en la demanda de "B"

**Bienes complementarios**: con elasticidad cruzada negativa. Un aumento en el precio de "A", provoca una disminución en la demanda de "B".

Elasticidad ingreso de la demanda: La elasticidad del ingreso de la demanda mide la sensibilidad en la cantidad demandada ante cambios en los ingresos de los consumidores. Es la variación porcentual de la cantidad demandada cuando el ingreso aumenta en un cierto porcentaje. De acuerdo con esta elasticidad se pueden clasificar los bienes como sigue:

**Bienes superiores:** con elasticidad de ingreso positiva. Un aumento en el ingreso provoca aumentos en la demanda. Por ejemplo vestidos, vinos, cortes finos, etc

Bienes inferiores: con elasticidad de ingreso negativa. Un aumento en el ingreso provoca disminución en la demanda. Por ejemplo frijoles, tortillas, viajes en el metro, etc.

### CÁLCULO DE LA FUNCIÓN DE DEMANDA

- Aproximación lineal. Un punto y la pendiente:
- 1. Una observación.-

$$P = 10$$
;  $Q = 40$ 

2. La pendiente.-

$$m = (\Delta P/\Delta Q) = (-2/10) = (-1/5)$$

3. Usar la ecuación de la recta.-

#### <u>demanda</u>

Aproximación lineal. La elasticidad y un punto:

$$\eta px = \delta Q / \delta P * (Pa / Qa)$$

donde, suponiendo una función lineal:

$$Qd = a - b Px$$

"a" y "b" son constantes

$$\delta Q / \delta P = -b$$

entonces el coeficiente de elasticidad del precio puntual es:

$$\eta px = (-b) P/Q$$

donde:

 $\eta px = (1/m)*P/Q$ b = 1/m

# • TEORÍA DE LA OFERTA Y EXCEDENTE DEL PRODUCTOR

### TEORÍA DE LA FIRMA Y DE LA PRODUCCIÓN

La teoría de la producción se deriva de la "teoría de la firma", misma que se basa en el supuesto de la maximación de beneficios como el objetivo principal de los productores, así como del comportamiento económico racional: "Las empresas dirigen sus esfuerzos a producir una cierta cantidad de bienes al menor costo posible".

Esta teoría se aplica a cualquier tipo de sociedad: capitalista, socialista, comunitaria, etc., ya que todas ellas tienen la misma racionalidad económica en cuanto a producción, la diferencia entre ellas estriba en la distribución de la misma.

#### FUNCIÓN DE PRODUCCIÓN

Las empresas utilizan diversos factores en su proceso productivo que se denominan insumos, tales como materias primas, productos intermedios, fuerza de trabajo con diferentes niveles de capacitación y bienes de capital. Estos insumos se combinan de diferentes formas para producir una determinadas cantidad de bienes.

La combinación de factores debe cumplir con dos requisitos esenciales para que la empresa logre su objetivo de maximizar utilidades: ser técnica y económicamente eficaz y eficiente.

La eficacia indica que deben ser cumplidos los objetivos de la producción, la eficiencia técnica se refiere a que la producción que se genera sea la mayor posible con los recursos utilizados y la eficiencia económica señala que debe minimarse el costo de oportunidad de los factores utilizados en la producción.

Con base en los criterios de eficacia y eficiencia técnica y económica se selecciona un menú de alternativas de procesos productivos a disponibilidad de la empresa, este menú se denomina función de producción.

Función de producción: muestra la máxima cantidad de producción que se puede obtener con una cantidad determinada de recursos, dada la tecnología existente.

El objetivo de la empresa es maximar las utilidades. La utilidad total será igual a los ingresos totales menos los costos totales. Los costos se refieren a los costos económicos.

Así, interesa al empresario maximar su ingreso total y minimar el costo total de producir "Q" unidades. Quiere vender al precio más alto posible y producir al menor costo posible.

### EL PROBLEMA DE MINIMACIÓN DE COSTOS

Utilizando dos factores de la producción, capital (K) y trabajo (L), y teniendo una función de producción:

$$Q = f(K, L)$$

se debe decidir en qué proporción utilizar los factores de producción para generar determinada cantidad del bien o servicio en cuestión. Esto dependerá, en primer lugar, de la diferencia entre corto y largo plazo.

**Corto plazo**: es aquel período donde existen factores fijos que no podemos-variar a un costo razonable. Para cada empresa depende del tiempo y del costo requerido para variar su factor fijo.

·Largo plazo: todos los factores son variables.

La función de producción de corto plazo se denota como:

$$Q = PT = f(K^{\circ}, L)$$

donde:

K°.- stock de capital fijo PT.- Q, producto total.

PmeL.- Producto medio asociado al factor trabajo. = PT/L

PMgL.- Cambio en el producto total por cambio en una unidad de trabajo.

Al igual que en el caso de la utilidad por peso gastado por los consumidores, ocurre que si un empresario obtiene mayor producción por peso gastado al contratar más trabajadores que por añadir más capital, obviamente contratará más trabajadores. No se detendrá hasta que estas cantidades se igualen. Además, con una mayor cantidad de capital, se aumenta la productividad de la mano de obra.

### **FUNCIONES DE COSTOS DE PRODUCCIÓN**

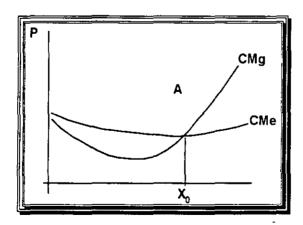
Como resultado de utilizar los insumos se generan las funciones de costos en el corto y el largo plazo. En corto plazo las funciones son:

- Costo total (CT): costo de todos los factores asociados a la producción de un bien.
- Costo fijo (CF): es el costo que no se modifica con la cantidad producida.
- Costo variable (CV): es el costo que varía en relación a la cantidad producida.
- Costo total medio (CTMe): igual al cociente CT/Q
- Costo medio variable (CMeV): igual al cociente CV/Q
- Costo Medio Fijo (CMeF): igual al cociente CF/Q
- Costo marginal (CMg): Cambio en el costo total asociado a producir una unidad más.

Si se desea dibujar las curvas de costo marginal y medio en el corto plazo, se requerirá tener información sobre el nivel de producción y el costo total. Supóngase la siguiente información hipotética:

Unidades producidas	CMg	CMe	CT
1	10	10	10
2	8	9	18 -
. 3	6	8	24
4	4	7	28
5	17	9	45

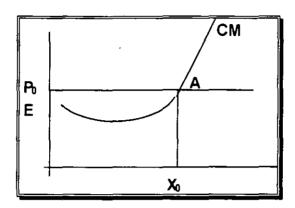
En la siguiente gráfica se representa el comportamiento de los costos. La curva de costo marginal corta a la "CMe" en el punto mínimo. El costo medio fijo es decreciente. Dado que el costo medio fijo es decreciente, el "CMeV" se va acercando al "CMeT".



Detrás de estas curvas hay minimación de costos. Si se produce, se hará hasta que el costo marginal de producir una unidad más es igual al beneficio marginal que se obtendrá (ingreso marginal).

En la siguiente gráfica se representa el nivel de precios del mercado, porque es igual al ingreso marginal. En la zona del origen hasta "X<sub>0</sub>" conviene aumentar la producción, ya

que el costo de producir una unidad adicional es inferior al ingreso que se va a obtener al vender esa unidad marginal. Al llegar al punto " $X_0$ " se detendrá la producción, ya que el costo de producir una unidad marginal es superior a su precio de venta.

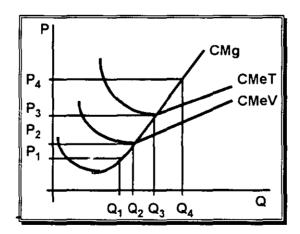


En este sentido, al ser el "IMg" el cambio en el ingreso total entre cambio en Q, e igual al precio del bien, se producirá hasta que el "CMg" sea igual al "IMg". Evidentemente, si CMg > IMg, es inconveniente producir la unidad  $X_{0+1}$ .

¿Por qué no se produciría hasta la unidad  $X_{0-1}$ ? Porque el "CMg" de la siguiente unidad .  $(X_0)$  es menor o igual-al "IMg". Si la función de "CMg" es continua, el IMg $(X_0)$ -> CMg $(X_0)$ . ...

Cuando la utilidad marginal es igual a cero, el productor considera todos los costos de oportunidad. En el corto y largo plazo se producirá si, y solo si, al menos se cobrarán los costos variables de producción.

Gráficamente es posible tener información del mercado del producto, representada por los precios y los costos de la empresa. Con esto se analiza la conveniencia de producir o de dejar de hacerlo. Obsérvese la siguiente gráfica:



Al precio "P<sub>1</sub>" no conviene producir, porque no se cubren los costos variables. Al precio "P<sub>2</sub>" ya se producirá, porque se cubren los costos variables y se pierde el costo fijo, pero al no producir la pérdida es también costo fijo, por lo que es un punto de indiferencia. Por arriba del precio "P<sub>2</sub>" es conveniente producir, ya que se pagan los costos variables y parte de los costos fijos. Al precio "P<sub>3</sub>" se dispondrá de una utilidad total igual a cero.

Si el precio sigue aumentando, en "P<sub>4</sub>" se obtendrán utilidades netas porque el ingreso total es mayor que el costo total.

Al precio P<sub>3</sub>:

 $IT = (P_3) (Q_3)$   $CVT = (CmeV) (Q_3)$  $CT = (CmeT) (Q_3) = (P_3) (Q_3)$ 

Como P<sub>4</sub> > CmeV:

IT > CVT

Como P<sub>4</sub> > CmeT

IT > CT

Por lo tanto es conveniente producir porque se cubren los costos variables y parte de los costos fijos, minimando pérdidas para valores de precio superiores a P<sub>2</sub>

Para cualquier punto por arriba del "CMeT", se tienen utilidades. La curva de oferta de la empresa es entonces igual a la porción de "CMg" por encima del "CMeV" (Costo Medio Variable).

La oferta total de un producto será igual a la suma horizontal de las curvas de oferta individuales de las firmas que componen la industria. Cada punto en la curva de oferta de la industria representa el costo marginal privado de producir ese nivel de producto, cualesquiera que sean los efectos externos; sin embargo, puede no representar el Costo Marginal Social si existen economías o deseconomías externas (externalidades).

La parte relevante de las curvas de costos marginales es la parte creciente, por tal motivo la curva de oferta se dibuja con pendiente positiva.

#### FACTORES DETERMINANTES DE LA OFERTA

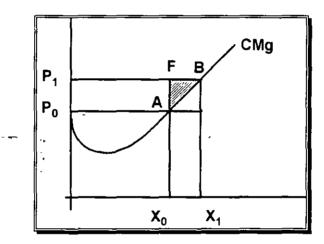
La curva de oferta del mercado resulta de la adición horizontal de las curvas individuales de oferta de las diversas empresas. Esta curva se traza manteniendo constantes los factores determinantes de los costos de los productores. La variación de cualquiera de ellos, provoca desplazamientos de la curva de oferta hacia la derecha o la izquierda de la posición original y los factores determinantes de tal situación son:

- a) Los activos productivos duraderos. Cuanto mayor es el capital que los productores tienen invertido en activos fijos, mayor es su capacidad para ofrecer diversas cantidades de productos a diferentes niveles de precio.
- b) La tecnología disponible. Mejoras en el nivel tecnológico que permitan producir cantidades dadas de bienes a menores costos, permiten incrementar la cantidad ofrecida de ese bien, sin importar el nivel de precios. Los avances tecnológicos desplazan la curva de la oferta hacia la derecha.

c) Precios de los factores variables. Si baja el precio de cualquiera de los factores variables utilizados en la producción, se puede ofrecer una mayor cantidad de bienes, por lo que la curva de oferta se desplaza hacia la derecha. Cuando sube el precio de los factores variables, disminuye la cantidad ofrecida, y la curva de la oferta se desplaza hacia la izquierda.

#### EL EXCEDENTE DEL PRODUCTOR

Es la diferencia entre el ingreso total recibido y el ingreso mínimo que exige recibir el productor para producir una cantidad determinada del producto. Al excedente del productor se le resta el costo fijo y se obtiene la utilidad. Obsérvese la siguiente figura:



El área bajo la curva de "CMg" representa el costo total evitable y el área dentro del rectángulo mide ingresos, la diferencia (ganancias) mide el tamaño del excedente del productor.

A diferencia del excedente del consumidor, el del productor tiene un valor limitado. En la evaluación de proyectos el interés se centra en los cambios en el excedente a raíz de cambios en el precio del bien que produce la implantación de un nuevo proyecto

¿De que depende la función de oferta? La oferta depende de el precio del bien, de los precios de los factores de producción, de la tecnología, etc. Si bajan los precios de los factores, se desplaza la curva de oferta a la derecha; al mismo precio se ofrece más; y si mejora la tecnología, la curva de oferta se desplaza a la derecha, lo cual significa que se está dispuesto a vender a un precio menor. Si aumentan los precios de los factores de producción, se desplaza la curva de oferta a la izquierda; al mismo tiempo se ofrece menos, o la misma producción se ofrece a mayor precio.

Movimientos a lo largo de la curva son cambios en la cantidad ofrecida y dependen de variaciones en el precio del bien.

### • EQUILIBRIO EN EL MERCADO

#### MERCADO DE COMPETENCIA PERFECTA

Para que exista competencia perfecta se requiere:

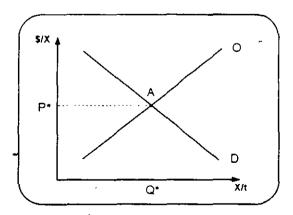
- a) Homogeneidad del producto.
- b) Movilidad de recursos sin costos
- c) Gran número de compradores (demandantes) y productores (oferentes), de tal manera que ninguno de ellos tenga poder para modificar el precio.
- d) Información perfecta y sin costo

El concepto de mercado perfecto refiere que hay una óptima asignación de recursos, que existe equilibrio entre la oferta y la demanda, con base en que ni compradores ni vendedores pueden ejercer influencia alguna en el precio de los productos. Si los mercados son perfectos y no existe discrepancia entre valores sociales y privados, hay una solución óptima social, de otra manera, habrá distorsiones del mercado que pueden generar monopolios y monopsonios.

En el monopolio el vendedor puede manejar el precio y en el monopsonio es el comprador el que puede hacerlo.

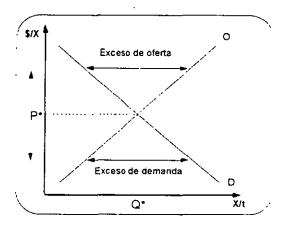
#### **EQUILIBRIO EN EL MERCADO**

Se desea encontrar el precio y la cantidad de equilibrio. ¿Es P<sub>1</sub> el precio de equilibrio? En la gráfica siguiente se observa el equilibrio con "P\*" y "Q\*". Si el precio se ubicara por debajo de "P\*", la cantidad demandada es mayor que la cantidad ofrecida. Debido a este exceso de demanda, entonces el precio subirá hasta que se iguale la cantidad demandada con la ofertada.



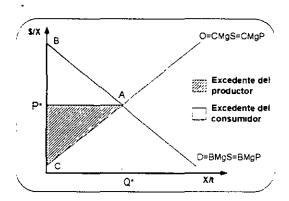
¿Qué pasará si un precio se ubica por encima de "P\*"? Existirá un exceso de oferta. La cantidad ofrecida es mayor a la cantidad demandada, entonces el precio disminuirá hasta que se equilibre la cantidad demandada y la cantidad ofrecida. Los precios se

ajustarán de acuerdo con el comportamiento del mercado. Obsérvese la siguiente gráfica:



#### BENEFICIOS DEL INTERCAMBIO

La sociedad gana en su conjunto el excedente del consumidor y el del productor. En el siguiente gráfico se puede ver que la sociedad valora la producción del bien en "ABCD" y el costo social de <u>pr</u>oducir esas unidades es "ACD", por lo que la gananc<u>ia</u> entonces es "ABE".



#### ¿Cómo se distribuye la ganancia del intercambio?

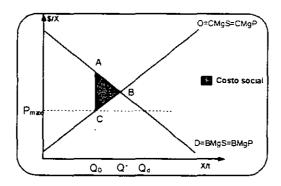
En el gráfico anterior el excedente del consumidor es "ABP\*" y el del productor "P\*AC". Esto será verdad siempre y cuando el costo social sea igual al costo privado, situación que es cierta cuando no hay precios "mentirosos" o la valoración social es igual a la valoración privada.

Por ejemplo, cuando un productor contamina y no lo contempla dentro de sus costos, entonces el costo social es mayor que el costo privado y por tanto el nivel de producción excede el óptimo social (el tema de externalidadas será cubierto más delante).

#### FIJACIONES DE PRECIOS, IMPUESTOS, SUBSIDIOS Y CUOTAS

#### Precio máximo

Mercado del pan: ¿Qué pasa si fijo un precio máximo al pan? Un precio máximo por arriba del equilibrio no tiene sentido. Se fija entonces por debajo del equilibrio. Al observar la siguiente gráfica se crea un exceso de demanda y sólo se producirán y venderán " $Q_0$ " unidades de pan. Si suponemos que no hay mercado negro, ¿cuánto gana o pierde la sociedad? Se han dejado de comercializar " $Q^*-Q_0$ " unidades. La sociedad valoraba esas unidades en " $ABQ^*Q_0$ " y el costo social de producir esas mismas unidades es " $CBQ^*Q_0$ ". ¿Cuánto ha dejado de ganar la sociedad? Pues "ABC". lo cual ahora se convierte en pérdida social.



#### Precio mínimo

Fijar el precio mínimo por abajo del equilibrio no tiene ningún sentido, por lo que éste será establecido por arriba del equilibrio, lo cual significará que hay exceso de oferta. Este es el caso de México al hablar de productos como el maíz.

Para que el precio mínimo se pueda sostener como de equilibrio, será necesario que

- i) el Estado compre la diferencia entre la cantidad de ofertada y la de demandada.
- ii) no se devuelva al mercado interno, esto quiere decir que se pierda o que se done al exterior.

Así los consumidores tendrían que dejar de comprar la diferencia entre la cantidad de equilibrio y la demandada, las cuales se valoraban en "ADQ $^*Q_d$ " y costaba producirlas "ECQ $^*Q_d$ ". La sociedad ganaba entonces "EAC" y ahora es una pérdida social.

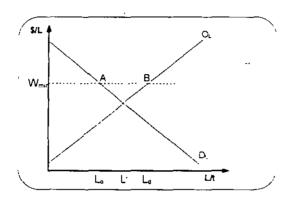
Además aumentó la cantidad producida, aumenta la producción de " $Q^*$ " a " $Q_0$ " y se debe tirar o desperdiciar. Se tiene una pérdida social valuada en "BCF", el estado pagará " $ABQ_0Q_d$ " y los productores tendrán el excedente "ABC". El estado transfiere a los productores "ABC" (elabore esta gráfica)

### SALARIO MÍNIMO

El salario mínimo es un precio mínimo, por lo tanto para que tenga sentido, éste debe establecerse por arriba del equilibrio según lo expuesto hasta el momento.

1,

Obsérvese en la siguiente gráfico que "L\* -  $L_0$ " son personas que antes de realizar la medición trabajaban, y que después de ella pierden su empleo, entonces " $L_d$  -  $L^*$ " son personas que antes no trabajaban y que ahora desean trabajar, pero que no encuentran empleo. Lo único que provoca esta medida es desempleo.



#### **IMPUESTOS**

Existen dos tipos de impuestos:

- 1) Monto fijo por unidad: sobre el precio al productor o sobre el precio al consumidor.
- 2) Porcentual: al precio del productor y al precio al consumidor

En cuanto a la eficiencia, en México el mejor impuesto es el I.V.A. (Impuesto al Valor Agregado), porque no cambia los precios relativos. Todos los bienes aumentan de precio en la misma proporción, excepto el ocio, el cual no se puede gravar.

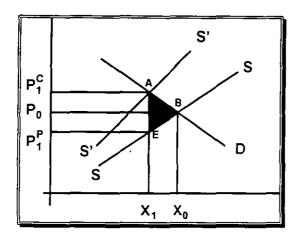
Veamos el caso de impuesto sobre un mercado (equilibrio parcial):

### Impuesto específico

- 1. Efecto que tiene el impuesto sobre la oferta (sobre las unidades vendidas).
- 2. Parte de un equilibrio de mercado competitivo, donde P\* y Q\* representan un estado eficiente.

Un impuesto de \$10 por unidad sobre el precio del productor tiene el mismo efecto que un impuesto de \$10 sobre el precio del consumidor. El efecto es como si se desplazara la oferta hacia arriba en diez pesos o la demanda hacia abajo en diez pesos.

Ahora observe la siguiente figura:



Situación inicial:

$$P^{P} = P^{C} = P_{0} y X^{C} = X^{P} = X_{0}$$

Situación con impuesto:

$$P_1^P + 10 = P_1^C$$
,  $\phi P_1^C - 10 = P_1^P$ ,  $\phi P_1^C - P_1^P = 10$ 

El nuevo equilibrio acurre con un  $P_1^c$  cuando es mayor en \$10 al  $P_1^P$ . Aquí  $X^P = X^C = X_1$  donde  $X_1$  es la nueva cantidad de equilibrio.

Veamos detenidamente los efectos del impuesto al productor con excedentes:

Situación inicial:

$$P^{C} = P^{P} = P_{0} y X^{C} = X^{P} = X_{0}$$

Excedente del consumidor = " $P_0B$ ", hasta el cruce con eje "Y" de la demanda. Excedente del productor = " $P_0B$ ", hasta el cruce de S con el eje "X" Recaudación del gobierno = 0

Situación con impuesto.

$$P^{P} - P^{C} = $10$$
  
 $X^{C} = X^{P} = X_{1}$ 

Nuevo excedente de los consumidores: "P<sub>1</sub><sup>C</sup>A", hasta el cruce con el eje "Y" de la demanda

Nuevo excedente de los productores: "P<sub>1</sub>PE", hasta el cruce de la oferta S con el eje X. Recaudación del gobierno: "P<sub>1</sub>CAEP<sub>1</sub>C".

Pérdida social = "ABE".

La pérdida social se presenta debido a que la sociedad valoraba las unidades "X<sub>o</sub> - X<sub>1</sub>" en "X<sub>1</sub>ABX<sub>0</sub>" y el costo social era de "X<sub>1</sub>EBX<sub>0</sub>"; sin embargo, como esas unidades ya no se producen. la sociedad dejó de ganar "AEB" Pero, ¿qué pasa si el impuesto lo paga el consumidor?:

$$P^{C}$$
 - \$10 =  $P^{P}$ , iqual al anterior.

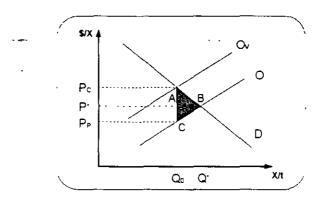
Desde el punto de vista gráfico, lo anterior es como si se hubiera desplazado la curva de demanda a la izquierda. Un impuesto por unidad puesta al productor o al consumidor tiene exactamente el mismo efecto: se abre una brecha igual al impuesto de \$10. Para demostrar las afirmaciones anteriores elabore su gráfico.

¿Qué pasa cuando se impone un impuesto y la demanda o la oferta son perfectamente inelásticas? No hay pérdida social, ya que disminuye el excedente del consumidor o del productor, pero es igual al aumento en la recaudación del gobierno

#### Incidencia impositiva

La carga excesiva del impuesto es la parte del bienestar social que se pierde y que no es recaudada fiscalmente Esto se denomina también costo social del impuesto.

Obsérvese la siguiente figura en la que se muestra la carga excesiva del impuesto, representada por el área "ABC":



1. Consumidor: antes pagaba "P\*", mientras que ahora paga "Pc". El consumidor paga por unidad:

$$P_c - P^* = t_c$$

2. El productor antes recibía "P\*", mientras que ahora recibe "P<sub>p</sub>". El productor paga por unidad:

$$P^* - P_p = t_p$$

donde:

$$t_x = t_c + t_p$$

3. El gobierno recaudará el producto "(tx)(Q0)".

El impuesto crea una brecha entre el precio que paga el consumidor y el que recibe el productor., es decir, es como si se hubiera desplazado la curva de oferta en "t<sub>x</sub>" unidades hacia arriba. El productor ahora exige el precio de antes más "t<sub>x</sub>". La curva de oferta con impuesto es "O<sub>v</sub>"en la gráfica anterior.

#### Ejemplo 1:

$$Q_d = 500 - 2P$$
  
 $Q_0 = 3P$ 

Se establece un impuesto específico de \$10 por unidad:

$$t_x = 10$$
  
 $P_C - P_P = t_x$   
 $Q_0 = 3P_P$   
 $Q_d = 500 - 2 P_C$ 

Equilibrio inicial:

$$Q_d = Q_0$$
  
 $500 - 2P = 3P$   
 $P_{--} = 100$   
 $Q = 300$ 

Después del impuesto:

$$Qd = Qo$$
  
500 -  $2P_C = 3 P_P$ 

y se tiene que:

$$P_{C} = 10 + P_{P}$$
  
 $3P_{P} = 500 - 2(10 + P_{P})$   
 $3P_{P} = 500 - 20 - 2P_{P}$   
 $P_{P} = 96$   
 $P_{C} = 106$   
 $Q' = 288$ 

Incidencia

El consumidor paga \$6 por unidad El productor recibe \$4 por unidad Recaudación (10) \* 288 = 2.880

Pérdida en bienestar:

Por lo tanto, existe un costo social de \$60.

#### Ejemplo 2:

$$Q_d = 100 - P$$
  
 $Q_0 = 4P$ 

Se establece un impuesto específico de \$5 por unidad:

$$t_x = 10$$
  
 $P_C - P_P = t_x$   
 $Q_0 = 4P_P$   
 $Q_d = 100 - P_C$ 

Equilibrio inicial:

$$Q_d = Q_0$$
  
 $100 - P = 4P$   
 $P = 20$   
 $Q = 80$ 

Después del impuesto:

$$Q_d = Q_0$$
  
100 -  $P_C = 4 P_P$ 

y se tiene que:

$$P_c = 5 + P_P$$
  
 $4 \cdot P_P = 100 - (5 + P_P)$   
 $4 \cdot P_P = 100 - 5 - P_P$   
 $P_P = 19$   
 $P_C = 24$   
 $Q' = 76$ 

Incidencia.

El consumidor paga \$4 por unidad El productor recibe \$1 por unidad Recaudación (5) \* 76 = 380

Pérdida en bienestar:

Por lo tanto, existe un costo social de \$10.

#### SUBSIDIOS

Al igual que en el caso de los impuestos, el subsidio puede ser de monto fijo o variable. Los subsidios son en realidad equivalentes a los impuestos pero con signo negativo. El subsidio es la aportación que puede ser aplicada sobre el precio que paga el consumidor ó sobre el precio que recibe el productor. Igualmente que los impuestos al ser discriminatorios producen una la asignación ineficiente de recursos.

Un subsidio produce un efecto de desplazamiento de la curva de demanda. A ojos del productor, es como si este desplazamiento fuera hacia la derecha.

Situación inicial

$$P_d = P_S = P_e y Q_d = Q_S = Q_e$$

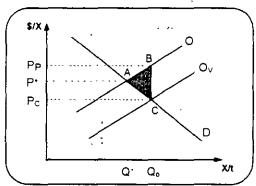
Situación con subsidio:

$$P_d + S = P_S$$

El subsidio daría a los productores "Pd= Ps-S", dando esta situación un corrimiento de la curva de oferta. El análisis gráfico es igual que en el caso de los impuestos, sólo que se mueven en sentido inverso. Demuéstrelo.

Un subsidio abre una brecha entre el precio que paga el consumidor y el que recibe el productor, es decir, existe una variación en la producción.

Ahora se van a producir Qe1 unidades del bien. Dichas unidades le cuestan a la sociedad YCNM; mientras que solo la benefician en YBMN. Existe éntonces una pérdida social por poner el subsidio de YCB.

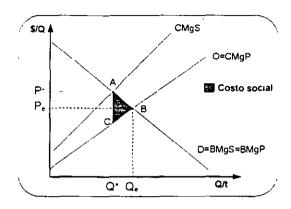


#### Subsidio \$6

#### **EXTERNALIDADES**

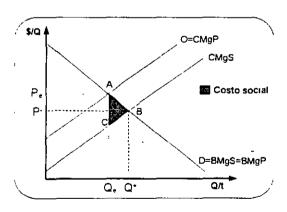
## Costos externos de la producción

El costo privado de la producción puede diferir del costo social a causa de los costos sociales indirectos. Como ejemplo de este caso puede citarse la fabricación de cemento en una zona agrícola fértil, donde la fábrica no sólo produce cemento sino además desechos químicos que afectan la productividad de los cultivos; el costo social de producir cemento es igual al costo privado de insumos y materiales más el costo para la región de las consecuencias en la disminución en la productividad agrícola en la zona afectada. Obsérvese la siguiente gráfica:



### Beneficios externos en la producción

El costo privado puede diferir del costo social debido a que en la producción del proyecto se generan beneficios indirectos, por ejemplo, entrenamiento a trabajadores, inclusión de servicios públicos en terrenos, beneficio para huertas frutícolas derivado de un apiario cercano o alguna mejoría en el nivel de vida de la población de la región donde funciona el proyecto, etc. Nótese lo señalado en la siguiente gráfica:



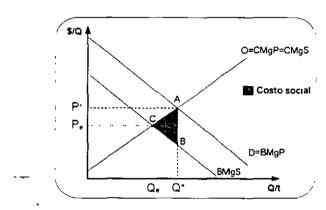
Caso inverso al anterior, ¿cómo inducir a la firma a aumentar su producción? Una alternativa es establecer un subsidio para este tipo de proyectos con la fijación de un precio al subsidiado al productor y otro a los consumidores. En la gráfica anterior se observa este beneficio debido a que el costo Marginal Social "CMgS" es menor al Costo Marginal Privado "CMgP".

El área "ABC" es el beneficio neto que se forma debido a la modificación de los precios al pasar de " $P_1$ " a " $P_0$ ", esto es, si el precio aumenta, el empresario genera el nivel de producción " $X_0$ " y como consecuencia hay un efecto externo derivado de que existen

beneficios por realizar su proceso de producción que no puede descontar de su costo marginal privado. Este beneficio es el área "ABC".

#### Costos externos del consumo

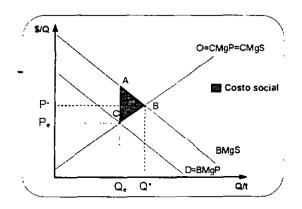
Algunos bienes o servicios que producen las empresas, pueden generar costos adicionales para la sociedad, como por ejemplo el consumo de alcohol, drogas, etc., que implican costos para la sociedad por los efectos nocivos que producen. En este caso, el control del consumo de estos bienes, aparte de consideraciones individuales, es una medida para disminuir los costos sociales que incluyen.



#### Beneficios externos del consumo

Lo contrario ocurre cuando hay bienes cuyo consumo es considerado indispensable, como el caso de alimentación adecuada a infantes o educación a sectores desprotegidos. El consumo de estos bienes en la etapa adecuada, además de atender necesidades básicas de la población, produce beneficios socialmente deseables y pueden considerarse, más que un costo, una inversión altamente redituable en términos sociales. Por ejemplo puede citarse el caso de estimulación temprana y atención prenatal.

Los proyectos dirigidos en este sentido deben formular eficazmente los mecanismos adecuados para que los subsidios lleguen directamente hasta quienes han sido considerados como su población objetivo. Nótese ahora el siguiente gráfico.



## • EL SECTOR EXTERNO

En este apartado se resumirá la incursión en los aspectos microeconómicos del comercio exterior que son relevantes para la evaluación social de proyectos. En primer lugar se analiza a los mercados de importación y de exportación, posteriormente el mercado de divisas.

Para ello se realizarán los siguientes supuestos:

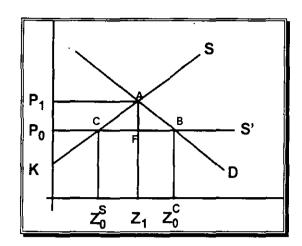
 a) País pequeño que enfrenta un precio internacional, que es el precio en la moneda extranjera por el tipo de cambio:

- b) Puede comprar y vender todo lo que quiera al mismo precio.
- c) No hay impuestos, ni subsidios, ni aranceles.
- d) No hay costos de transporte.

El mercado es "perfecto" en el sentido de que ni compradores ni vendedores pueden afectar el precio, mismo que se considera fijo.

#### **IMPORTACIONES**

Para que sea atractivo importar, el precio internacional se debe ubicar por abajo del precio de equilibrio del mercado interno. Esto se representa por el " $P_0$ " en el siguiente gráfico, donde " $P_0$ " es el precio internacional y " $P_1$ " el precio interno sin comercio internacional:



Como rige el precio internacional y se puede comprar todo lo que se quiera, a " $P_0$ " los empresarios nacionales solo ofertan " $Z_0^{s_n}$ " y la demanda es mayor, ubicándose en " $Z_0^{c_n}$ . La diferencia entre la cantidad ofertada y la cantidad demandada será " $Z_0^{c} - Z_0^{s_n}$ , lo cual representa a las importaciones.

Los beneficios del comercio internacional son identificables analizando los excedentes del productor y del consumidor en la situación inicial y con comercio.

#### Situación inicial:

Excedente del consumidor: "P<sub>1</sub>A" hasta el cruce de "D" con el eje "Y".

Excedente del productor: "P1AK".

Con comercio internacional:

Excedente del consumidor: "PoCFB" hasta el cruce de "D" con el eje "Y".

Excedente del productor: "P<sub>0</sub>CK" Ganancia para la sociedad: "ACB"

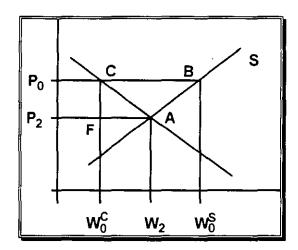
Con comercio exterior, debido a que el precio de referencia para producir es menor, los productores nacionales sólo ofrecen  $Z_0^{\,\rm S}$  por lo que se ve reducida el área de excedente propia en "P<sub>1</sub>ACP<sub>0</sub>" que el consumidor recibe por el menor precio.

Analizando la variación en las cantidades producidas y demandadas al precio internacional se tendrá que:

- i) se dejan de producir "Z<sub>1</sub>- Z<sub>0</sub><sup>S</sup>" unidades que costaban "Z<sub>0</sub><sup>S</sup>CAZ<sub>1</sub>" y ahora cuestan "Z<sub>0</sub><sup>S</sup>CFZ<sub>1</sub>", consecuentemente se presenta un ahorro de recursos para la sociedad equivalente al área "CAF".
- ii) se consumen más unidades del producto: "Z<sub>0</sub><sup>C</sup> Z<sub>1</sub>". La sociedad valora estas unidades adicionales en "Z<sub>1</sub>ABZ<sub>0</sub><sup>C"</sup> y le cuesta adquirirlas "Z<sub>1</sub>FBZ<sub>0</sub><sup>C"</sup>, por lo que el beneficio social o la ganancia social equivale al área inscrita en el triángulo "AFB".

#### **EXPORTACIONES**

Para que un producto sea exportable el precio internacional debe ser superior al nacional, esto es, que sea más atractivo al productor enviarlo al mercado externo que al interno. Obsérvese la siguiente gráfica:



En la gráfica anterior se representa el precio internacional " $P_0$ " y el precio interno o doméstico " $P_2$ " con las cantidades ofrecidas y demandadas en cada caso. Debido a que " $P_0$ " es mayor, la oferta se ubica en " $W_0^S$ " y la demanda es sólo " $W_0^C$ ". La diferencia entre ambas resulta ser la equivalencia en exportaciones: " $W_0^S - W_0^C$ ".

Al igual que en las importaciones, hay beneficios por las exportaciones; estos beneficios del comercio internacional pueden observarse al analizar los excedentes del productor y consumidor en la situación inicial y con comercio internacional o exportando.

#### Situación inicial:

Excedente del consumidor: "P<sub>2</sub>AC", hasta el cruce de la demanda con el eje "Y". Excedente del productor: "P<sub>2</sub>A", hasta el cruce de la oferta "S" con el eje "Y".

#### Con comercio internacional:

Excedente del consumidor: "P<sub>0</sub>C", hasta el cruce de la demanda con el eje "Y". Excedente del productor: "P<sub>0</sub>CBA", hasta el cruce de la oferta con el eje "X" Ganancia para la sociedad: "ACB".

Como el precio internacional de referencia es mayor que el interno, la producción aumentará porque hay incentivos para los empresarios que ofrecen "W<sub>0</sub><sup>S</sup>" y a escala interna sólo se demanda "W<sub>0</sub><sup>C</sup>", porque el precio es mayor. La ganancia excedente del productor representa el beneficio social.

Del mismo modo que en el caso pasado, las variaciones en cantidades producidas y demandadas con comercio internacional generan que:

i) se aumente la producción en "W<sub>0</sub><sup>S</sup> - W<sub>2</sub><sup>C</sup>" unidades que cuestan "W<sub>2</sub>ABW<sub>0</sub><sup>S</sup>" y se venden a "P<sub>0</sub>" por una cantidad de "W<sub>0</sub><sup>S</sup> - W<sub>2</sub>", con lo que se tiene una ganancia neta de la mitad del triángulo "CAB".

ii) la demanda interna disminuye de "W<sub>2</sub>" a "W<sub>0</sub>C" por el precio mayor a P<sub>2</sub>. Esto provoca una pérdida social en el consumo interno bruto, pero ahora se venden las unidades en el mercado externo en "P<sub>0</sub>" por "W<sub>2</sub> – W<sub>0</sub>C, por lo que la ganancia neta es la otra mitad del triángulo "CAB".

Para las exportaciones generalmente los precios también son fijos. La mayor parte de los países tratan de incrementar sus exportaciones para mejorar su posición en la balanza de pagos.

# • EL VALOR MONETARIO

La exposición hasta ahora hecha sobre este tema ha inducido que los bienes y servicios son deseados y consecuentemente apreciados por ser elementos que proporcionan satisfacción o mitigación de necesidades específicas, bien sean del individuo o de la sociedad, y que este factor conduce a que posean un determinado valor en el tiempo. Sin embargo, su adquisición por parte de los demandantes se efectúa mediante el intercambio de otro bien o servicio, o mediante la entrega de una pieza acuñada conocido como moneda, la cual sirve como elemento de medición del valor de las cosas.

Debe comprenderse que con un conjunto de monedas se refiere el valor de las cosas, pero el valor individual de ellas como elemento económico dependerá de la cantidad de bienes y servicios que puedan ser adquiridos por cada una de ellas. Este razonamiento da lugar al concepto del *poder adquisitivo de la moneda*, el cual se define con el cociente o índice que a continuación se expresa:

### $\delta = UV / UM$

donde el término "UV" expresa la cantidad de bienes y servicios ofrecidos en una economía determinada, en un instante específico y medidos en "unidades de valor"; mientras que el término "UM" representa el número de "unidades monetarias" en circulación, expresadas en términos de su nominación, en el mismo instante y en la misma economía.

Cabe señalar las unidades de valor y las unidades monetarias son análogas, es decir, se denominan con el mismo nombre (pesos, dólares, libras, pesetas, etc.), pero eso no significa que idénticas. Por ejemplo, supóngase que una economía produjo y ofreció, hasta un determinado momento, bienes y servicios equivalentes a novecientos cincuenta y tres millones de pesos, los cuales fueron adquiridos e intercambiados (comercializados) por la puesta en circulación de un conjunto monetario cuyas nominaciones suman seiscientos treinta y siete millones de pesos; el valor de cada unidad monetaria será:

$$\delta = 953 / 637 = 1.4961$$

La cantidad de bienes y servicios dispuestos por una economía puede ser conocida mediante el indicador económico llamado Producto Interno Bruto (PIB), ya que éste mide la producción realizada por los agentes residentes en un país, independientemente de quién sea su propietario.

Con base en lo anterior y si se considera que los bienes y servicios idénticos, o similares, con calidad equivalente tienen la misma apreciación en cualquier economía, será posible determinar el valor de la moneda de una economía respecto de otra, tomando como punto de comparación el índice de poder adquisitivo que cada una posee. Supóngase la existencia de tres economías con las siguientes características:

Economía "A": PIB = 846 u.v. (unidades de valor).

Circulación monetaria de 756 u.m. (unidades monetarias).

Economía "B": PIB = 531 u.v. (unidades de valor).

Circulación monetaria de 567 u.m. (unidades monetarias).

Economía "C": PIB = 469 u.v. (unidades de valor).

Girculación monetaria de 254 u.m. (unidades monetarias).

Con estos datos será posible determinar el valor de cada moneda en las tres economías, así como la equivalencia entre ellas calculando los respectivos índices de poder adquisitivo y estableciendo la siguiente "matriz de tipo cambiario".

		$\delta_A = a$	$\delta_{B} = b$	$\delta_{\mathbf{c}} = \mathbf{c}$
1	$\delta_A = a$	$\delta_A / \delta_A$	$\delta_{\rm B}/\delta_{\rm A}$	δς / δΑ
2	$\delta_{B} = b$	δ <sub>A</sub> / δ <sub>B</sub>	$\delta_{\rm B}$ / $\delta_{\rm B}$	$\delta_{\text{C}}$ / $\delta_{\text{B}}$
3	$\delta_{\mathbf{C}} = \mathbf{C}$	δΑ / δς	$\delta_{\rm B}/\delta_{\rm C}$	δς / δς

Aplicando esta idea al caso planteado se tendrá que:

$$\delta_A = 846/756 = 1.1191$$

$$\delta_B = 531/567 = 0.9365$$
,

$$\delta_{\rm C}$$
 = 469/254 = 1 8465,

obteniendo la matriz de tipo cambiario que a continuación se muestra:

		$_{\Delta}$ = 1.1191	$\delta_{\rm B} = 0.9365$	$\delta_{\rm C}$ = 1.8465
1	$\delta_{A} = 1.1191$	1.1191/1.1191=1.0000	0.9365/1.1191=0.8368	1.8465/1.1191=1.6500
2	$\delta_{\rm B} = 0.9365$	1.1191/0.9365=1.1950	0.9365/0.9365=1.0000	1.8465/0.9365=1.9717
3	$\delta_{\rm C} = 1.8465$	1.1191/1.9465=0.5749	0.9365/1.8465=0.5072	1.8465/1.8465=1.0000

La matriz de tipo cambiario debe interpretarse en sentido horizontal, de modo que, para el ejemplo planteado, una unidad monetaria de la economía "A" se intercambiará por

0.8368 unidades monetarias de la economía "B" o por 1.6500 de la "C". Una unidad monetaria de la economía "B" equivaldrá a 1.1950 de la "A" y a 1.9717 unidades monetarias de la economía "C". Por último, una unidad monetaria de la economía "C" podrá cambiarse por 0.5749 de la economía "A" o por 0.5072 unidades monetarias de la "C".

Lo anterior refiere un punto de equilibrio que se deriva de los supuestos que fundamentan este modelo; sin embargo, las monedas también llegan a conformarse como bienes que ostentan un valor de cambio. Cuando llega ese momento, cambian éstas su valor partiendo de dicho punto de equilibrio y variándolo con base en las fuerzas de oferta y demanda que existan en un determinado momento en el mercado.

# VALOR SOCIAL DE LA PRODUCCIÓN

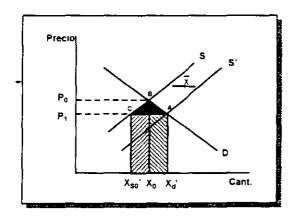
El valor social de la producción se puede definir como aquel que una nación le asigna a los bienes y servicios generados en por un proyecto. Este valor aporta el flujo de beneficios directos empleados para la evaluación social de un proyecto.

Los pasos a seguir para establecer el valor social de la producción es el siguiente:

- a) Establecer la situación de equilibrio sin proyecto,
- b) Agregar a la curva de oferta la producción del proyecto,
- c) Determinar los efectos y,
- d) Establecer el valor social de la producción.

#### **BIEN NO COMERCIABLE Y SIN DISTORSIONES**

En este caso se tiene una economía de mercado perfecta, es decir, con ausencia de distorsiones. Aquí el valor social del bien producido por el proyecto deberá ser muy similar a su valor de mercado. En ocasiones, como la que se presenta a continuación, será preciso hacer un ajuste para tomar en cuenta los cambios en el excedente del consumidor y del productor.



Con base en las curvas de oferta y demanda mostradas en la gráfica anterior, el precio del producto sin proyecto será " $P_0$ ". Si el proyecto produce "X", la curva de oferta se desplazará de "S" a "S", el precio del producto bajará a " $P_1$ ", la producción proveniente de otros productores del bien se reducirá hasta " $X_{S0}$ " y la disponibilidad total del bien "X" aumentará de " $X_0$ " a " $X_d$ ", lo que aporta un beneficio social por mayor consumo que puede calcularse valuando el área "AB $X_0$ X $_d$ ".

Por lado del productor, se han liberado recursos para usos alternativos, de este modo el beneficio total que obtiene la sociedad por la producción del proyecto es igual al valor de los recursos liberados más el valor para la sociedad del aumento en la disponibilidad del bien "X"; esto equivale al área "X<sub>S0</sub>'X<sub>d</sub>'ABC". En resumen se tienen los siguientes efectos:

Precio: Disminuye
 X<sub>d</sub> (Cantidad demandada): Aumenta
 X<sub>so</sub> (Cantidad ofrecida por otros): Disminuye

### DETERMINACIÓN DEL VALOR SOCIAL DE LA PRODUCCIÓN

El valor social de la producción será equivalente al valor del consumo adicional más el valor de los recursos liberados, determinándose su cuantía con la siguiente expresión:

$$VSP = [X_d' - X_0] [(P_0 + P_1)/2] + [X_0 - X_{S0}'] [(P_0 + P_1)/2]$$

$$VSP = [X_d' - X_{S0}'] [(P_0 + P_1) / 2]$$

Similarmente, el valor privado de la producción tendrá la siguiente equivalencia:

$$VPP = [X_d' - X_{S0}'] [P_1]$$

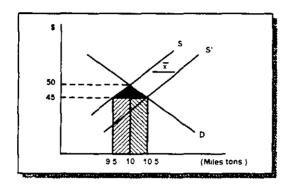
Se puede observar que los beneficios privados obtenidos por la venta de la producción de un proyecto subestiman el beneficio social en una cantidad igual al área "ABC", pero esta área será menor mientras menos importante sea el proyecto en el mercado del producto (el cambio en los precios como consecuencia del proyecto serán mínimos) y mientras más elásticas sean las curvas de la oferta y la demanda del bien.

### Ejemplo:

Determine el valor social de la producción de un proyecto consistente en producir 1,000 toneladas de trigo. Actualmente (sin proyecto), se producen y consumen un total de 10,000 toneladas a un precio de 50 u.m./ton. (unidades monetarias por tonelada), y se espera que como consecuencia del proyecto el precio del trigo disminuya a 45 u.m./ton., aumentando su consumo total de 10,000 a 10,500 toneladas. Supóngase que el trigo es

un bien no comerciable (no es importable ni exportable) y que además no existen distorsiones en el mercado.

Para proceder con la solución del caso planteado obsérvese la siguiente gráfica:



Efectos:

Precio:
Cantidad Demandada:
Cantidad Ofrecida por otros:

Disminuye Aumenta Disminuye

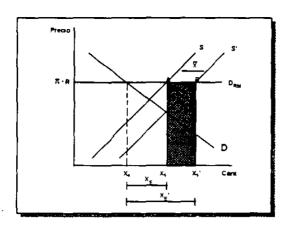
$$VSP = [X_d' - X_{S0}'] [(P_0 + P_1) / 2]$$
  
 $VSP = [10,500 - 9,500] [(50 + 45) / 2]$   
 $VSP = 47,000 \text{ u.m.}$  (unidades monetarias)

$$VPP = [X_d' - X_{S0}'] [P_1]$$
  
 $VPP = [10,500 - 9,500] [45]$   
 $VPP = 45,000 \text{ u.m.}$  (unidades monetarias)

#### **BIEN EXPORTABLE SIN DISTORSIONES**

En este punto se abordará el caso de un proyecto que producirá un bien comerciable internacionalmente, por lo que su precio no podrá verse afectado por la producción del proyecto y su demanda será entonces completamente elástica.

El proyecto permitirá aumentar la cantidad ofrecida en una cantidad igual a la del proyecto, sin que ello afecte la cantidad consumida nacionalmente y la cantidad producida por los otros productores; y esto se origina precisamente porque el precio se mantiene constante. Obsérvese el gráfico que a continuación se expone:



En este caso el valor social de la producción estará dado por el incremento de las exportaciones, lo cual representa un mayor ingreso de divisas al país  $(\pi)$ , que multiplicadas por el tipo de cambio social (R) genera un beneficio social indicado en la gráfica por el área "ABX<sub>S</sub>X<sub>S</sub>". Los efectos que se provocan son los siguientes:

P: No cambia
X<sub>E</sub>: Aumenta
X<sub>d</sub>: No cambia
X<sub>so</sub>: No cambia

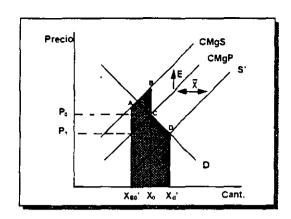
El valor social de la producción será igual al valor privado, y ambos serán equivalentes al valor de las divisas adicionales, es decir:

$$VSP = VPP = [X_S' - X_S] [\pi] [R].$$

El beneficio social coincide con el beneficio privado debido a que no existen distorsiones tales como aranceles o subsidios a las exportaciones, y a que el tipo de cambio social es igual al tipo de cambio de mercado. Si estos fueran diferentes, al calcular del valor social de la producción se debería utilizar el tipo de cambio social y para el cálculo del valor privado de la producción se utilizaría el tipo de cambio de mercado.

#### BIEN NO COMERCIABLE CON EXTERNALIDAD NEGATIVA EN LA PRODUCCIÓN

En los casos anteriores, al calcular los beneficios sociales del proyecto relacionados con la liberación de recursos hecha por los otros productores, se consideró que la curva de oferta reflejaba adecuadamente el costo social de producir un bien; sin embargo, esto puede no ser cierto en el caso de que los otros productores causen externalidades (positivas o negativas) al producir dicho bien, ocasionando con esto que el costo marginal social sea distinto del costo marginal privado. Obsérvese el siguiente gráfico:



Puede notarse que en la situación sin proyecto la cantidad ofrecida es igual a la cantidad demandada a un precio " $P_0$ ". Como consecuencia del proyecto el precio baja a " $P_1$ ", por lo que la cantidad demandada aumenta a  $X_d$ ' y los otros productores reducen su producción a  $X_{S0}$ '.

En este caso existen beneficios por aumento de consumo, lo cual es valorado con el área bajo la curva de demanda " $CDX_0X_d$ " y existe además una liberación de recursos representada por el área " $ABX_{S0}$ ' $X_0$ , que equivale al costo marginal privado más el monto de la externalidad. El valor social de la producción se determinará con la suma de las dos áreas ( $ABCDX_{S0}$ ' $X_d$ ').

Los efectos causados son los siguientes

Precio Disminuye
 X<sub>d</sub> (Cantidad demandada): Aumenta
 Xso (Cantidad ofrecida por otros): Disminuye

El valor social de la producción será:

$$VSP = [X_d' - X_0] [(P_0 + P_1)/2] + [X_0 - X_{S0}'] [\{(P_0 + P_1)/2\} + E].$$

El valor privado de la producción se determinará con la siguiente expresión:

$$VPP = [X_d' - X_{S0}'] [P_1]$$

En este caso, vuelve a ser cierto que el valor privado de la producción subestima el valor social, y la diferencia dependerá esencialmente del monto de la externalidad.

### • COSTO SOCIAL DE LOS INSUMOS

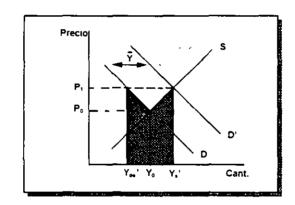
El concepto del costo social de los insumos se refiere al costo en que incurre un país al utilizar dichos insumos en la realización de un proyecto. El costo social de los insumos aporta el flujo de costos directos para la evaluación del proyecto.

Los pasos para establecer el costo social de los insumos a continuación se enuncian

- a) Se establecerá la situación de equilibrio sin proyecto,
- b) Se agregará a la curva de demanda la cantidad requerida por el proyecto,
- d) Se determinarán los efectos y,
- e) Se establecerá el costo social de los Insumos.

#### INSUMO NO COMERCIABLE Y SIN DISTORSIONES

En este caso se supondrá que la economía funciona perfectamente y no existen distorsiones, para que con estas condiciones el valor social del insumo sea muy similar a su valor de mercado. Obsérvese el siguiente gráfico:



Podemos observar que el proyecto aumentará la demanda total debido al insumo "Y", de "D" a "D", aumentando con ello el precio de "P<sub>0</sub>" a "P<sub>1</sub>", situación que provocará a su vez que los productores del bien estén dispuestos a incrementar su producción de "Y<sub>0</sub>" a "Y<sub>s</sub>" y que los otros demandantes del bien reduzcan su consumo de "Y<sub>0</sub>" a "Y<sub>d0</sub>".

Los efectos generados con esto son los siguientes:

Precio: Aumenta
 Y<sub>s</sub> (Cantidad ofrecida): Aumenta
 Y<sub>d0</sub> (Cantidad demandada por otros): Disminuye

El costo social de los insumos se determinará mediante la suma del costo de producción adicional y el costo debido al menor consumo de otros, obteniéndose de este razonamiento la siguiente expresión:

$$VSP = [Y_S' - Y_0] [(P_0 + P_1)/2] + [Y_0 - Y_{d0}'] [(P_0 + P_1)/2]$$

$$CSI = [Y_S' - Y_{d0}'] [(P_0 + P_1) / 2]$$

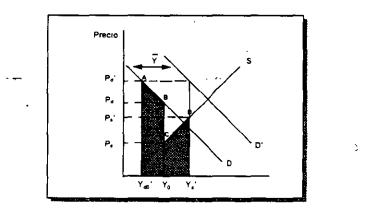
Similarmente, el costo privado de la producción tendrá la siguiente equivalencia:

$$CPI = [Y_S' - Y_{d0}'] [P_1]$$

En este caso el costo privado del insumo del proyecto es mayor que el costo social. Ambos deberán ser iguales en la medida en que los cambios en los precios debido al proyecto sean menores.

#### INSUMO NO COMERCIABLE CON IMPUESTO AL CONSUMO

La siguiente gráfica muestra una situación en la cual el insumo requerido por el proyecto está gravado con un impuesto al consumo y por lo tanto el precio pagado por el consumidor es mayor que el precio que recibe el productor.



Con base en estas curvas de oferta y demanda, el precio a pagar por el consumidor en la situación sin proyecto será de " $P_d$ "y el precio que recibirán los oferentes será " $P_s$ ". Si el proyecto consume una cantidad "Y" del insumo, la curva de demanda se desplazará de "D" a "D", los precios de demanda y de oferta se incrementarán a "Pd" y "Ps" respectivamente, ocasionando que el consumo de los otros compradores del bien disminuya hasta " $Y_{d0}$ " y la producción total del bien "Y" aumente desde " $Y_0$ " a " $Y_s$ ", lo que tiene un costo social por mayor uso de recursos que se puede calcular mediante el área "CD $Y_0Y_s$ ".

Por lado de los otros consumidores existe un costo por el menor consumo del bien, equivalente al área "ABY $_0$ Y $_{d0}$ ". De este modo, el costo total en el que incurre la sociedad por el uso de este insumo, es igual al costo adicional por los recursos utilizados más el costo por el menor consumo de otros compradores del bien "Y", y esto es equivalente al área "Y $_{d0}$ 'Y $_{S}$ 'ABCD".

En resumen, se tienen los siguientes efectos:

- Pd: Aumental
- Ps. Aumenta

Y<sub>S</sub>. Aumenta

• Y<sub>d0</sub>: Disminuye

El costo social de los insumos será igual al costo de producción adicional más el costo debido al menor consumo de otros, de donde se desprende la siguiente ecuación:

$$CSI = [Y_S' - Y_0] [(P_S + P_S') / 2] + [Y_0 - Y_{d0}'] [(P_d + P_d') / 2]$$

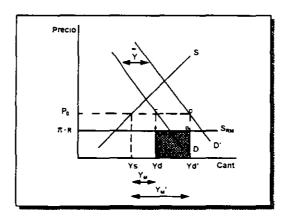
Por su parte, el costo privado de los insumos se calculará de la siguiente forma:

$$CP! = [Y_S' - Y_{d0}'] [P_d']$$

#### INSUMO IMPORTABLE CON IMPUESTO A LA IMPORTACIÓN

Este punto aborda el caso de un proyecto que consumirá un bien importable y su precio no se verá afectado por el proyecto. La oferta del producto se considerará como infinitamente elástica, es decir, se puede comprar cualquier cantidad al mismo precio

El proyecto aumentará la cantidad ofrecida total en una cantidad igual a la del proyecto, sin que ello afecte la cantidad consumida por los otros compradores ni la cantidad producida nacionalmente, esto debido a que el precio se mantiene constante. Examínese el gráfico siguiente:



En la gráfica anterior el producto " $\pi R$ " representa el precio internacional de "Y" convertido en moneda nacional y " $P_0$ " representa el precio al que se vende el producto en el mercado nacional debido al impuesto. En este caso, el costo social de los insumos será equivalente al incremento en las importaciones, lo cual implicará una disminución en las divisas del país ( $\pi$ ), que multiplicadas por el tipo de cambio social (R) determinarán su valor. Lo anterior está representado en la gráfica anterior por el área "ABY $_{\rm d}$ ".

Los efectos en los cuales se incurre son:

•	Precio.	No cambia
•	Y <sub>S</sub> (Cantidad ofrecida):	No cambia
•	Y <sub>d</sub> (Cantidad demandada por otros).	No cambia
•	Y <sub>M</sub> (Cantidad importada):	Aumenta

El costo social de los insumos se calculará con la siguiente expresión que incluye la pérdida de divisas, el tipo de cambio social y el diferencial en la cantidad demandada por otros:

$$CSI = [Y_d' - Y_d] [\pi] [R]$$

Por su lado, el costo privado de los insumos será:

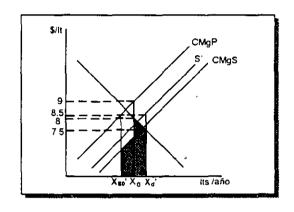
$$CPI = [Y_d' - Y_d] [P_0]$$

En resumen, esto deriva en que el costo social del insumo es la cantidad adicional de divisas gastadas como consecuencia del proyecto. En este caso el costo privado del insumo es mayor debido al monto del impuesto.

#### Ejemplo:

Se está analizando un proyecto consistente en producir 10,000 litros de leche al año Considere que la leche es un bien no comerciable, que el precio que pagan los consumidores por la leche es de 8 u.m./litro (unidades monetarias por litro) y que existe un subsidio de 1 u.m./litro consumido; además se conoce que los actuales productores ocasionan una externalidad positiva a los agricultores igual a 2 u.m./litro. Se espera que como consecuencia del proyecto aumente el consumo de leche en 6,000 litros por año y que el precio se modifique en 0.50 u.m. (unidades monetarias). Calcule el valor social y el valor privado de la producción.

Para resolver el caso planteado, primeramente se deberá realizar la siguiente gráfica

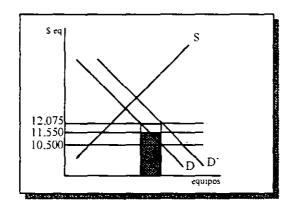


$$VPP = [X_d' - X_{S0}'] [P_1]$$
  
 $VPP = [10,000 - 0] [8.5]$ 

VPP = 85,000 u.m. (unidades monetarias)

Para producir esta cantidad de leche, es necesario invertir por una sola vez en 10 equipos refrigerantes, los cuales son bienes importables y su costo es de 1,500 dólares cada uno. El tipo de cambio de mercado es de 7 unidades monetarias por dólar y el tipo de cambio social es 10% mayor. Se sabe además que existe un arancel a la importación del 15%. Calcule el costo social y el costo privado de esta inversión.

Primeramente habrá que analizar la gráfica que a continuación se expone:



 $CSI = [Y_d' - Y_d] [\pi] [R]$  CSI = [10-0] [1,500] [(7) (1.10)]CSI = 115,500 u.m. (unidades monetarias)

 $CPI = [Y_d' - Y_d] [P_0]$  CPI = [10 - 0] [(1500) (7) (1.15)]CPI = 120,750 u.m. (unidades monetarias) Ahora, además de lo anterior, considérese que para producir leche se requieren otras inversiones que ascienden a 40,000 u.m. (unidades monetarias) que deben realizarse una sola vez. También se necesitan insumos por 50,000 u.m. al año y se sabe que el proyecto ocasionará efectos indirectos positivos 3,000 u.m. anuales. Considerando que los valores sociales de las otras inversiones y de los insumos coinciden con los privados, y que la vida del proyecto es infinita, calcule el flujo de beneficios y costos sociales y privados del proyecto

Flujo de beneficios y costos sociales:

	años			
Concepto	0	1	<b>x</b>	
Inversión				
Equipo	-115,500			
Otras	-40,000			
Leche		73,500	73,500	
Insumos		-50.000	-50.000	
Ef. Indirectos		3,000	3,000	
Flujo	-155,500	26,500	26,500	

Flujo de beneficiós y costos privados:

años			
Concepto	0	1	8
Inversión			
Equipo	-120,750		
Otras	-40,000		
Leche		85.000	85.000
Insumos		-50,000	-50,000
Ef. Indirectos		0	0
Flujo	-160,750	35,000	35,000

### • EFECTOS INDIRECTOS

Los efectos indirectos de los proyectos pueden ser positivos o negativos. Tales efectos ocurren en mercados sustitutos o complementarios al del proyecto y se pueden ocasionar cuando el proyecto provoca cambios en los precios de los bienes que produce o que utiliza, afectando, como consecuencia, las cantidades intercambiadas en dichos mercados.

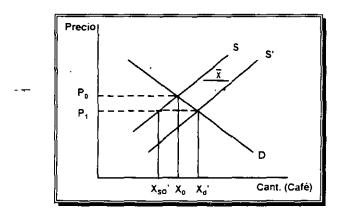
Para que se produzcan efectos indirectos deberán existir las siguientes condiciones:

- Cambio en el precio del bien ocasionado por la realización del proyecto,
- cambio en la cantidad transada en los mercados complementarios o sustitutos y,
- distorsiones en los mercados.

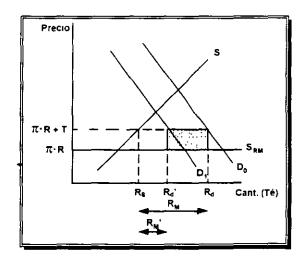
#### MERCADO DE BIENES O SERVICIOS SUSTITUTOS

Un mercado de bienes o servicios sustitutos es el que se integra por aquellos productos que pueden reemplazar a otros bienes o servicios en lo que refiere a su uso o consumo

Supóngase que un proyecto consiste en producir café (bien doméstico sin distorsiones) y que como consecuencia de éste el precio del café va a disminuir de "P<sub>0</sub>" a "P<sub>1</sub>" como se muestra en la siguiente gráfica:



Por otra parte, el té (bien importable y gravado con un impuesto a la importación), el cuál es un bien sustituto del café y como consecuencia de ello puede generar la baja en el precio del mismo, disminuirá su demanda desde "D<sub>0</sub>" a "D<sub>1</sub>" como se puede apreciar en el gráfico que a continuación se muestra:



En la gráfica anterior, el producto " $\pi R$ " representa el precio internacional del té convertido en moneda nacional y "T" representa el impuesto. En la situación sin proyecto, la cantidad producida nacionalmente es " $R_s$ ", la cantidad demandada es " $R_d$ " y la cantidad importada es " $R_m$ ".

Al bajar el precio del café la demanda por té disminuye, y como su precio se mantiene constante, la cantidad producida en el país no cambia, disminuyendo en consecuencia la cantidad importada.

Los efectos de lo anterior son los que a continuación se mencionan:

Precio: No cambia
 R<sub>d</sub> (Demanda): Disminuye
 R<sub>M</sub> (Cantidad importada): Disminuye

En este caso el efecto indirecto del proyecto será el ahorro en divisas debido a menores importaciones, menos el costo por menor consumo, obteniéndose en este caso un efecto indirecto negativo (costo indirecto). Este efecto indirecto podrá valuarse del siguiente modo:

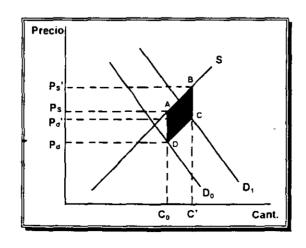
$$-EI = [R_d - R_{d'}] [\pi] [R] - [R_d - R_{d'}] [(\pi R) + T]$$

$$EI = [R_d - R_{d'}] [-T]$$

#### MERCADO DE BIENES O SERVICIOS COMPLEMENTARIOS

Un mercado de bienes o servicios complementarios es el que se integra por aquellos que son consumidos o empleados conjuntamente con otros bienes o servicios.

Analícese ahora el mercado del azúcar (bien doméstico con subsidio a la producción y complementario del café), que como consecuencia de la baja en el precio del café aumentará su demanda como a continuación se muestra en la gráfica:



En la situación sin proyecto, la cantidad ofrecida y la cantidad demandada es " $C_0$ ", y al bajar el precio del café, dichas cantidades aumentan a "C". En este caso se tiene un beneficio por consumo adicional representado por el área " $CDC_0C$ " y se tiene un costo por mayor uso de recursos equivalente al área " $ABC_0C$ ", por lo que se tiene un costo indirecto equivalente al área " $ABC_0$ ".

En resumen, se derivarán los siguientes efectos:

Precio: Aumenta
 Cs (Cantidad ofrecida): Aumenta
 Cd (Cantidad demandada): Aumenta

El efecto indirecto se valuará con la diferencia entre el consuma adicional y el uso de recursos, es decir:

EI = 
$$[C' - C_0][(P_d' + P_d) / 2] - [C' - C_0][(P_S' + P_S) / 2]$$
  
EI =  $[C' - C_0][\{(P_d' + P_d) / 2\} - \{(P_S' + P_S) / 2\}]$ 

#### EXTERNALIDADES -

Además de los efectos directos e indirectos, el proyecto que se analice puede producir externalidades, mismas que pueden ser positivas o negativas. Un ejemplo de ellas es el caso en el cual el proyecto, por el hecho mismo de producir, contamina el medio ambiente o deposita residuos en un río que se usa con fines recreativos. Evidentemente se ocasiona un perjuicio a la sociedad y por lo tanto existe un costo que se debe contabilizar al evaluar el proyecto.

Cabe mencionar que las externalidades causadas por el proyecto pueden ser similares o distintas a las ocasionadas por los otros productores, ya que, por ejemplo, la tecnología puede ser diferente.

Supóngase que un proyecto consistente en producir papel le ocasiona al país un daño por contaminación ambiental valuado en 1,000 u.m. (unidades monetarias) al año, donde el costo social de producir papel sin emitir contaminantes es de 300 u.m. anuales y de descontaminar el ambiente es de 200 u.m. anuales. Pues bien, el costo que al menos habrá de registrarse en la evaluación social como primer alternativa será las suma del primer factor y el último mencionados, es decir, 1,200 u.m. anuales, y como segunda alternativa, tan sólo 300 u.m. al año. Sin duda alguna se preferirá la segunda alternativa desde el punto de vista social, pero esta perspectiva podrá diferir de la que resulte de una evaluación financiera.



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM' DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

### **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### TEMA

INTRODUCCIÓN A LOS CONCEPTOS ECONÓMICOS RELACIONADOS CON LA VALUACIÓN

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002

## SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

#### INDICE

VALUACION INNUETETANTA NIVEE I	Pagin
TEORIA DE LA VALUACION	1
DEFINICIONES	3
MARCO JURIDICO DE LA VALUACION	6
METODOLOGIA FARA ESTIMAR VALORES	8
METODO TRADICIONAL	9
FORMULA PARA ENCONTRAR EL FACTOR DE EDAD	10
VALOR DE CAPITALIZACION DE RENTAS .	11
METODOLOGIA PARA ENCONTRAR EL PORCENTAJE DE DEDUCCIONES	12
ETAPAS DEL FROCESO VALUATORIO, METODOLOGIA	14
FACTORES QUE AFECTAN LA VALUACION	16
VALORES DE LA TIERRA	18
USOS DEL SUELO. PROGRAMAS PARCIALES DE DESARROLLO URBANO	21
METODOLOGIA DE LA INVESTIGACION	23
TECNICAS PARA INSPECCIONAR UNA PROPIEDAD	27
FACTORES DE DEFRECIACION DE LOS INMUEBLES	3:
ETICA PROFESIONAL	<b>33</b>
BIELIOGRAFIA .	34.
ANEXOS:	
DIRCULARES 1103 Y 1104 DE LA	
COMISION NACIONAL FANCARIA E	
INSTRUCTIVO FARA LA FORMULACION	
DE AVALUOS DE INMUEELES DE LA	
CIRCULAR 1104 -	

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

#### VALUACION INMOBILIARIA. NIVEL I.-

SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

#### I.-TEORIA DE LA VALUACION

#### LA PROFESION VALUATORIA

Originalmente un valuador podia ser cualquier persona que pudiera hablar de precios o emitir un valor y todas las personas decian que conocian de precios pero nadie sabia como encontrar un valor. Al paso del tiempo los individuos estudiosos que quisieron especializarse en la materia para tener un modo de vivir de ello, ya fuera parcialmente o completamente, fueron los precursores de la metodologia y procedimientos que actualmente conocemos y llevamos a la práctica en nuestra profesion especializada de Valuadores.

En Mexico podemos hablar de uno de los pioneros de la profesión de la valuación que mucho aportó con sus conocimientos y estudios. Inició su carrera profesional de Ingeniero en la Dirección General 🥙 Construccion de los Ferrocarriles Nacionales de la Secretaria do Comunicaciones y Obras Publicas y se inicia en la - valuacion en 1938 en el Banco Nacional Hipotecario Urbano y de Obras Fublicas, siendo el Jefe del Departamento de Avalúos en 1964 de donde se jubila en 1992. Seria muy largo enumerar, sus múltiples trabajos en diferentes dependencias oficiales como Comisionado, pero nos ha legado un sin número de documentos que son la base de nuestra valuación hoy en dia. Sobre todo siempre se caracterizó por su linea de conducta inflexible, de integridad absoluta que antepuso sobre cualquier influencia externa o interes personal.Me refiero al Sr.Ing.Rafaél Sánchez Juarez (OFD)y no podemos dejar de mencionar al igualmente maestro en valuación, el Sr.Ing.Benigno Carmona.

La valuación emerge, como en el caso de la medicina, la arquitectura, la ingeniería, contabilidad y leyes, de la necesidad de resolver problemas diarios en tada una de las especialidades antes mencionadas. Es más, los principios de la valuación como lahora los vemos, han sido producto de razonamientos profundos de parte de los práctimos en esta materia que han tenido que resolver problemas concretos.

Los libros de texte que encontramos sobre valuación han sido esemitos por autores extranjeros desde el siglo pasado en dende han ineflejado sus experiencias en este ramo. Pero es la práctico profesional la que hace al maestro a lo largo de los años y lo que le permite desarron-lar técnicas prácticas, destintas al denomis de los libros de texto y que transmite a los aprendices de esta especialización.

٠,

# SAVAC

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

#### V.I.101

La terminología y los conceptos son parto importante para la integración y aceptación en las distintas especialidades valuatorias, de los desarrollos de los trabajos y presentación do los mismos. Debemos conocer las diferencias entre lo que es costo, precio.estimación, valuación, evaluación, valor, etc.

Quizás el objetivo más importante es reestablecer el principio sobre las tres clases de propiedad que existen y que veremos más adelante, ya que cada una de ellas tiene su valor primario, se valúan de acuerdo al procedimiento correspondiente dentro de una metodología preestablecida y aceptada por las tres distintas Comisiones que existen en nuestro país; la Bancaria, la de Valores y la de Bienes Nacionales, es decir, para avalúos fiduciarios, bursátiles y gubernamentales.

Ahora bien, existen por lo menos cinco categorias para clasificar a un . Perito Valuador y son:

- 1.-Por las diferentes clases de avaluos, talos como Inmuobles, Maquinaria y Equipo, Industriales, Obras de Arte, etc.
  - 2.-Por los campos de aplicación, Males como Seguros. Euroatiles, Inmobiliarios, Gubernamentales, Financieros, Tribunales, etc.
  - 3.-Como Valuador para.Compañías de Seguros y Fianzas.de Tribunales, Elaboración de Proyectos.etc..como independiente.
  - 4.-Como Valuador en una Empresa, como Perito Valuador auxiliar.
  - 5.-Como valuador de tiempo completo independiente o como Empressario.

Frecuentemente se clasifica a un valuador por el tipo de trabajo que desarrolla:

Costos de coñstrucción
Bursatil,Bolsa de Valores,Certificados.etc.
Tribunales
Mercado inmobiliario
Seguros de todo género
Acervo cultural
Joyas y piedras preciosas
Obras de Arte,pinturas,etc.
Vehírulo, moritimos, armeos y terrostres
Agropecuario
Pecuario
Bienes Muebles de desecho y de activo fijo
Menajes de casa
Maquinaria y Equipos Industriales
Edificaciones Industriales

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

Recursos Naturales (petroleo,gas,electricidad,minas,etc.)
Utilidad Pública (luz,FFCC,autobuses,tranvias,aviones,etc.)
Negocios en marcha, de inversión,etc.

Evaluación de proyectos de arquitectura, y de ingeniería. De financiamientos, supervisiones y asesoramientos en general. Fiscales, de catastro y bancarios en general. Etc.

Ahora bien, qué diferencia existe entre un valuador y un Perito valuador?.Los podemos distinguir por lo siguiente:

- a).—Un valuador os una persona con poca o mucha experiencia en relación a determinar un valor, pero no puede firmar ofinicialmente un documento de valuación por carecer del Registro correspondiente. O bien, porque trabaja para una empresa que se dedica a la valuación y que colabora en ella llevando a cabo de esta manera, la práctica profesional que le hace falta para obtener su Registro.
- b).-Un Perito Valuador es aquêl que si puede firmar un documento oficial sobre el avalúo practicado, debido a que cuenta con todos los Registros necesarios. Además su práctica profesional es amplia y con años en el negocio, por lo que su opinión es Fé Pública.

Esta es una profesion especializada principalmente de la Arquitectura y la Ingenieria, sin embargo existen Feritos Valuadores que son Contadores, expertos en Finanzas. Actuarios, etc. que son profesiones afines, por lo que es difícil pensar que un Doctor, un Abogado, un Veterinario, un Filósofo, etc., pudieran ser expertos valuadores en un campo que fundamentalmente tiene que ver con las Matemáticas.

Ahora bien, debemos honrar en todo momento nuestra profesión ten lendo como Biblia la Etica Profesional en todos los momentos de nuestra vida, pensando siempre que lo mas hermoso que tiene un hombra es su integridad.

#### DEFINICIONES.

DE ACUERDO AL DICCIONARIO DE LA LENGUA CACTELLANA POR LA REAL ACADEMIA ESPANOLA.

CCHICEFIOS:

VALUACION

El acto de valuar estimando el valor o procio de un bien de acuerdo a los valores de mercado estudiados y valorados CON TECNICA Y ETICA.

**VALUADOR** 

La persona que lleva acabo la acción y efecto de valuar.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

VALORAR Señalar a una cosa el valor correspondiente a su

estimación; ponerle precue.

VALDR Grado de utilidad o aptitud de las cosas para sa-

tisfacer las necesidades o proporcionar deleite o bienestar. Cualidad de las cosas en cuya virtud se da en suma de dinero o equivalente. Lo que es apreciable en cuanto subsista el crédito y moresca confianza el sujeto, la corporación el gobierno o quien lo garantiza. Como valores fiduciarios

valores en especie, valores civicos.

PRECIO! Valor pecunario en que se estima una cosa. Ajus-

tar, concertar el valor que se ha de dar.

COSTO: Precio que tiene una cosa sin ganancia.(COSTE).

EVALUAR De valuar. Fijar por cálculo el valor de un bien c

conjunto de bienes.

ESTIMAR Poner precio y tasa a las cosas.

TASAR Regular o estimar el precio de las cosas vendi--

bles mediante método, regla o medida.

TASADOR El que ejerce el oficio público de tasar o

valuar.

AJUSTADOR . El que concierta el precio de una cosa. Ponerse

de acuerdo con otras personas en el ajuste del

precio.

PROPIEDAD Cosa que es objeto del dominio sobretodo si es inmueble o raix. Dominio o derecho que tenemos/

sobre una cosa que nos pertenece para usar y , disponer de ella con exclusión de otra persona.

RES ALICUJUS: Definición legal que se refiere a

bienes dé una sola persona o a un

grupo asociado de ellas.

RES ALIENAE: Definicion legal de los bienes que

pertenecen a otra persona.

·

Definición legal que se reficere a bienes o cosas que no pertencien a una persona pero que son usadas --

una persona pero que son usadas -- por la comunidad.Tales como la luz

el agua, el mar, el aire,etc.

RES COMMUNES:

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

V.I.101

EN CO-DOMINIUM: Se comparte con otros propietarios la propiedad en común. Fuede ser -también privada.

VALOR DE MERCADO:

Se entenderá como aquel valor que se encuentra sujeto a la ley de la oferta y la demanda :

VALOR CONTABLE:

Se entenderà como aquel valor en los libros de una empresa y que se sujeta a las depreciaciones fiscales y sus variantes!

VALOR DE LIQUIDACION:

Es el valor que contablemente se ha depreciado en su totalidad y el bien ya no puede seguir prestando servicios en términos económicos y de producción.

VALOR DE EXPROPIACION:

'Se entenderà como eT valor que encuadra en el marco juridico por causas de utilidad pública.

VALOR COMERCIAL:

Es el producto de un valor fisico de una propiedad.

VALOR DE CAPITALIZACION:

Se entenderà como el valor que le permite al propietario conocer la realidad de su inversión de acuerdo al 2 de descuentos y la tasa de capitalización calculada.

VALOR DE VENTA:

Se entenderà como el valor que se obtiene considerando la propiedadi como un "Negocio en Marcha" y que se considera aparte del obtenido en el avalúo físico.

VALDR DEPRECIADO:

Es aquel valor que se ha depreciado debido a su viva de producción agotada, a su obsolescencia económica y técnica y a su mantenimiento de producción.

VALDR FISCAL:

Se entenderà como el valor que se ha proporcionado para fines fiscat les, catastrales, impuestos,etc.:

VALOR FISICO:

Es el valor que puede ser naturale en su estado actual.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

VALOR DE REPOSICION NUEVO(V.R.N): Se entenderà como el valor obtenido por medio de cotizaciones o estima dos de bienes iguales o similares que se valuarán, o por medio de indices industriales prohibiéndose el uso de indices que publica el Banco de México. En caso de Inmuebles se obtiene membanto el estum

VALOR NETO DE REPOSICION(V.N.R):

Se entenderá como el valor que tienen los bienes a la fecha del avaluo y se determinará a partir del V.R.N corregido por los factores de depreciación.

dio de mercado en la zona.

#### MARCO JURIDICO DE LA VALUACION

#### NORMAS QUE REGULAN LA VALUACION:

- 1.- Código de Comercio
- 2.- Código de Procedimientos Civiles
- 3.- Ley de Expropiación
- 4.- Ley de Hacienda
- 5.- Ley del Impuesto sobre la Renta y su Reglamento
- 6.- Ley General de Bienes Nacionales y su Normatividad
- 7.- Ley General de Sociedades Mercantiles
- 8.- Ley Orgánica de la Administración Fública Federal
- 9.- Ley Orgánica de los Tribunales de Justicia
- 10.-Reglamento para las Instituciones Bancarias
- 11.-Ordenamientos de la Comisión Hacional Bancaria
- 12.-Reglamentos para las Sociedades con valores inscritos en el Registro Nacional de Valores e Intermediarios
- 13.-Ordenamientos de la Comisión Nacional de Valores
- 14.-Ley de Obra Pública y su Reglamento.

#### NORMAS URBANISTICAS QUE REGULAN LA VALUACION:

- 1.- Ley General de Asentamientos Humanos
- 2.- Leyes para el Desarrollo Urbano en el D.F. y Entidades Federativas. Catastros.
- 3.- Reglamentos de conificación
- 4.- Programas de Desarrollo Urbano
- 5.- Planes Municipales y Estatales de Desarrollo Urbano
- 6.- Declaratorias de Reservas Territoriales
- 7.- Declaratorias de Usos y Destinos
- 8.- Froyectos Urbanisticos. Turísticos, Industriales y de Servicios.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

Concluyendo esta primera parte, podemos decir que actualmente el ejercicio de la profesión valuatoria se encuadra en tres principales tipos de operaciones:

a) FIDUCIARIAS: (Son aquellas operaciones bancarias que requieren de conocer el valor de una propiedad raiz.para qarrantizar los créditos que las Instituciones de Banca Múltiple otorgan.?

Vigilancia: Comisión Nacional Bancaria

b) BURSATILES: Se refiere a las operaciones de las empresas registradas en la Bolsa de Valores por medio de acciones variables o de renta fija. Fara ello se valúan cada año sús activos fijos por medio de la Reexpresión de sus Estados Financieros.

Vigilancia: Comisión Nacional de Valores

c) GUBERNAMENTALES; Son, las que se refieren a los Inmuebles propiedad del Gobierno Fedéral, a los que renta por medio de las Justipreciaciones de Kenta, a los que decomisa por causa de utilidad pública y en general todo lo que compra y/o vende, así como las indemnizaciones.

Vigilancia: Comisión de Avalúos de Rienes Nacionales CAPIN ج

Por lo anterior podemos clasificar la Propiedad en tres grandes grupos que son:

- 1.-PERSONAL D PRIVADA :
- 2.-PROPIEDADES TANGIBLES E INTANGIBLES
- 3.-PROPIEDADES DE USO GUBERNAMENTAL

LA PROPIEDAD RAIZ: Il dominio sobre un bien como derecho original se inicia cuando el hombre inviente liempo y trabajo para obtener una cosa que puede usar.

#### SE PARTE DESDE:

Epoca frehistòrica Dabilonia Egipto RomamDore Tablias que contieno los fundamentos del Derecho RomamomEded MediamEl MembantiligimomLou FiniómichatasmLa Escuela Clásica de Admi Cmith.Milithus. Pavid Ricordo Basicat John Stuart. Von Tunnen y Marl Marxmlo Eleuela Austriaca con Banner y von WiesermLa Escuela de Equilibrio que se deriva de la obra de Alfre MenshallmLa Escuela Neoclásica y Ja Micro y Macroeconomia.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

#### II.-METODOLOGIA PARA ESTIMAR VALORES

#### PREMISAS BASICAS PARA ESTIMACION DE LOS VALORES

El conocimiento del valor físico o neto de reposición de un inmueble es importante para una operación de compra-venta o de arrendamiento en la medida en que permite incorporar a los activos ese importe.

El valor neto de reposición de un Inmueble permite evaluar la alternativa de inversión, en su caso, de un edificio o vivienda nueva, o fijar el valor para una compra-venta.

#### WALDR FISICO O DIRECTO:

a) - DEL TERREND:

En su caso se adoptarà el lote tipo predominante de la zona o en esa calle, Se asentarà el valor que resulte del análisis de la investigación del mercado inmobiliario ponderándolo con los datos estadisticos comparables. Se aplicarán los fáctores; correspondientes que comouzcan ai valor unitario aplicable al lote en estudio.

Existe una fórmula práctica PARA EL FACTOR RESULTIANTE DE TIERRA: 1

FRe = FZo x FUb x FFr x FSu +

De donde:

FRe = Factor resultante de tierra

FZo = Factor de zona

FUb = Factor de ubicación

FFr = Factor de frente

FSu = Factor de superficie=(RLm=SLo/SLm)

Los factores se obtienen:

TIPO	DESCRIPCION	FACTOR
FZo	Unico frente a la calle de moda. Ningun fronto a calle popercor, pero	1.00
	tiene frente a la calle de moda.	1.00
-	Al menos un frente a avenida.	1.00
	Sin frente a calle alguna.	1.00
	Al menos un frente a calle superior a	
	la calle de moda o a un parque o plaza.	1.20
	Unico frente o todos a calle inferior	·
	secundaria a la calle de moda.	0.80

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

FUb	Sin fronte a via de circulación. 0.70
	Con frente a una sola via de circulac. 1.00
	Con frente a 2 vias de circulación. 1.15
	Con frente a 3 vias de circulación. 1.25
	Con frente a 4 vias de circulación. 1.35
Fr	Frente igual o mayor de 7.00 mts. 1.00 Frente = 6 + de 4.00 y menor de 7.00 mts.0.80
	Frente menor a los 4.00 mts. 0.60

FSu RLm = Relación con el lute moda

SLo = Superficie del lote que se valúa

SLm = Superficie del lote moda

Formula:

RLm = SLo / SLm

#### TABLA:

RLm	F	Su · '	RLm	FSu
Hasta	2.00	1.00 De	11.01 a 12.00	0.80
De 2.10 a 3	00	0.98 De	12.01 a 13.00	0.78
De J.01 a 4	00	0.96 De	13.01 a 14.00	0.76
De 4.01 a 5	.00	0.94 De	14.01 a 15.00	0.74
De 5.01 a &	,,00	0.92 De	15.01 a 16.00	0.72
De 6.01 a 7	.00 (	0.90 De	16.01 a 17.00	0.70
De 7.01 a E	3.00	0.88 De	17.01 a 18.00	0.68
De 8.01 a 9	),QO (	0.86 De	18.01 a 19.00	0.66
De 9.01 a 1	0.0	D.84 De	19.01 a 20.00	Q.64
De 10.01a 1	1.0	0.82 En	adelante	0.62

TABLA FARA LA SUPERFICIE DE LOTE MODA:

CLAVE	TIPO	SUPERFICIE LOTE MODA M2
H5 .	Habitational hasta 50 hab/ha.	1,000
H1	Habitacional hasta 100 hab/ha.	500
H2	Habitacional hasta 200 hab/ha.	250
H4	Habitacional hasta 400 hab/ha.	125
۲ <u>6</u>	Habitacion Flurifamilian	600
HIS	Habitacional c/servicios hasta	v 200 h/ba. 250
H4S	Habitacional c/servicios masta	i 400 n/ha. 125
H2I,H4I	Hubitacional com industria med	clada 500
HDIS.H4IS	Papitacional industrie y servi	LC105 ಹಾಕ್ಷಕ. ಕೊಲೀಸಿ
ΙV	Industria vecinal	500
IA	industria aislada	2,000

NOTA: EL FACTOR RESULTANTE DE LA TIERRA NUNCA SERA MENOR DE 0.60

10 .

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

b).-DE LAS CONSTRUCCIONES:Para la valuación de las construcciones de ------ acuerdo a su descripción y clasificación.

y a los valores estudiados e investigados en el ramo de la Construcción, se deferminará el Valor de Reposición Muevo de cada uno de los tipos de construcción observado Este valor V.R.N es considerandolos nuevos y deberán actualizarse periódicamente.

El Valor Neto de Reposición V.N.R se obmtiene aplicando al V.R.N los factores de depreciación correspondientes por vida agotada y su vida útil remanente V.U.R.—

FORMULA PARA ENCONTRAR EL FACTOR DE EDAD:

 $FEd = [(0.100 \times VUT) + (0.900 \times VUR)]/VUT$ 

De donde:

FEd = Factor de edad de la construcción VUT = Vida útil lotal de una edific. nueva VUR = Vida útil remanente

Vidas Utiles Totales según sus acabados:

DA MB ME MA L

40 60 70 75 BO = Años de vida

Calidad de los acabados:

De donde: PA = Paja

MB ≃ Media Baja

ME = Media

MA = Media Alta o Semilujo

L = Lujo o Alto lujo

EJEMFLD:

Casa habitación con Edad = 30 años Vida Util Total = 80 años Vida Util Remanente= 30 años

For lo tanto:

FEB =  $((0.100 \times 60) + (0.900 \times 50)) / 30 = 0.6625$ 

En los casos en que existan factores de depreciación debido a cambios de estilo o moda de la edificación que se consideran agemás como factores de obsolescencia funcional y/o economicas, afectarán al Vario 1 físico en la construcción au como al terreno.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

#### c).-VALOR DE CAPITALIZACION DE RENTAS:

\_\_\_\_\_

El componente más importante para determinar el valor de capitalización es el Valor Comercial de la Rentas y éste se obtiene modiante una exhaustiva investigación de rentas en la zona para identificar las ofertas y demandas existentes en operaciones reales realizadas. Para ello se deberán lomar en cuenta los siguientes conceptos:

- a) Rentas reales y efectivas = Lo que produce el inmueble.
- b) Rentas estimadas de mercado = Resultado de la investigación.

Para determinar el Indice de Capitalización existen diversos procedimientos que los podemos expresar a continuación:

#### METODO TRADICIONAL:

Este método establece que el indice de capitalización de un bien raiz resulta de considerar los ingresos netos anuales que produce y se selecciona la tasa de capitalización que haga rentable el inmueble. Generalmente los Bancos establecen la siguiente Tabla:

CONCEPTO	% DESCTO.	TASA, CAPITALIZACION
Casa habitación Vivienda plurifamiliar	20 a 25	De 7.5 % a 9.00 %
sin elevador.	25 a 30	8.0 % a 10.0 %
Edificio con elevador	30 a 35	9.0 % a 12.0 %
Comercios	30 a 35	10.0 % a 12.0 %
Bodegas	15 a 20	12.0 % a 15.0 %
Estacionamientos	El 15	12.0 %
Terrenos baldios	E1 10	6.5 %

La expresión matemàtica aplicable es la siguiento:

Valor de Capitalización = Renta neta anual / Tasa de Capitalización.

EJEMPLO: M2 rentables = 1,200.00 m2 Renta estimada = \$50.000.00/m2

Renta bruta estimada = 1200 × \$50000 = - \$ 601000,000.00

Menos\_35 % descuentos= \$500000000 x .75 =\$ 21000,000.00

Renta meta mensual = 1 \$ 391000,000.00

Renta neta anual (por 12 meses)= \$4681000.000.00

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

V.I.101

For lo tanto:

Tasa de Capitalización el 12 %, \$468'000.000 / 0.12

\$3,900'000,000.**00** 

Valor de la Capitalización:

\$3,900,000,000.00

De donde:

\$3,900'000,000.00/ 1,200 M2 =

\$3,520,000.00 WZ.

Que representa el valor capitalizable por M2.

Ahora bien, si nuestro avalúo físico total nos representó la cantidad de \$ 3,6001000.000.000, quiere decir, que el inmueble es rentable.

METODOLOGIA PARA ENCONTRAR EL CORRECTO PORCENTAJE DE DEDUCCIONES:

Se estudian las deducciones que afectan al inmueble:

क्षे च .

1.-Por vacios. Se considera que el inmueble se desogupa un promedio cada año con 1, 2, 3 ó 4 meses:

1 mes / 12 meses = 0.083 sobre la renta bruta estimada 2 meses / 12 meses = 0.166 sobre la renta bruta estimada 3 meses / 12 meses = 0.250 sobre la renta bruta estimada etc.

Si son 2 años sería: 1 mes / 24 meses = 0.042 Si son 3 años sería: 1 mes / 36 meses = 0.028, etc.

Por el Impuesto Predial. El importe anual se divide entre los 12 meses y el resultado se divide entre la renta bruta mensual:

Ejemplo: Predial anual \$900,000.00 / 12 = \$75,000.00 mes Renta bruta mensual = \$11500.000.00 De dende \$75,000 / \$11500.000 = 0.05 de la renta bruta.

3.—Por Conservación y Mantenimiento.So considera para la constructución un valor del 5 % para este indice:

Conservación anual = 5% / 12 meses = 0.004% sobre el valor de la

Denservación anual = 5% / 12 meses = 0.004% sobre el valor de la edificación. Ño sabe que el ingreso bruto oscil- en un 0.000 % del valor de la construcción, tendremos entoncos:

0.0042 / 0.008 = 0.525 porcentaje de la conservación anual.

Conservación cada: 5%

Año 52.50 2 Años 26.04 3 Años 17.36

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

- 4.—Por Administración.Generalmente las empresas inmobiliarias cobran desde el 6 % hasta el 12 % mensual sobre los ingresos brutos que genera el inmueble ya que se paga el agua, luz, aseo, etc. El porcentaje a aplicar a la renta bruta mensual queda a criterio del perito valuador si no se conoce este gasto y se tiene que estimar.
- 5.—Pur Depreciaciones Fiscales: (0.0042 x 100 x 0.008) x 100 = 0.336 sobre la renta bruta monsual
- 6.-Por el Impuesto sobre la Renta De acuerdo a la tarifa del Art.90 de la Ley y adaptandola en función del salario minimo diario en el D.F., o en la Zona en su caso:

VECES EL S.M.D. DEL D.F.	% DEL I.S.R.
Hasta 13 veces	9.44
De 13 a 28 veces	11.90
Dé 28 a 54 veces	14.16
De 54 a 80 veces	18.88
De 80 a 106 veces	22.42 .
De 106 a 160 veces	29.50
De 160 a 1000veces	184.38
De 1000 a 5000 veces	921.88 etc.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

#### III.-ETAPAS DEL PROCESO VALUATORIO

#### METODOLOGIA

Normalmente llevamos a cabo un avalúo desarrollando las siguientes actividades:

- 1.-Definicion del problema. Motivo del avalúo.
- 2.-Estudio preliminar. Su problemática.
- 3.-Programa de datos.Recopilación de toda la información.
- 4.-Obtención de los datos.
- 5.-Clasificación y análisis de los datos.
- 6.-Estudio de los valores aplicables.
- 7.-Estudio de las deducciones a terreno y construcciones.
- -8.—Estudio de % de descuentos y tasas de capitalización para la Capitalización por Rentas.
- 9.-Estudios de mercado en valores de construcción, tierra y rentas. 10.Reporte final.
  - 1.-Los motivos del avalúo pueden ser:
    - 1.a.-Conocer el valor comercial del Inmueble
    - 1.b.-Para efectos fiscales (I.S.A.I.)
    - 1.c.-Pará reexpresión de los estados financioros
    - 1.d.-Para seguros
    - 1.e.-Para niputecas o créditos bancarios
    - 1.f.-Para peritajes en Tribunales:
    - 1.g.-Para peritajes Ecológicos
    - 1.h.-Para efectos Catastrales
    - 1.1.-Para Planes de Desarrollo Urbano. Turistiticos, etc.
    - 1.j.-Para menajes de casa, joyas y Obras de Arte.
    - 1.k.-Para la Administración Fública Federal, etc.-etc.
  - 2.—Se elabora el estudio preliminar con el fin de conocer el monto del trabajo solicitado, el motivo y su problemática determinando el metodo de avalúo que deba seguirse.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

- 4.-Se elabora la obtención de datos generales y específicos:
  - 4.1.-Antecedentes
  - 4.2.-Caracteristicas Urbanas
  - 4.3.-Caracteristicas del terreno
  - 4.4.-Elementos constructivos
    - 4.5.-Avalúo Fisico. Del terreno de las construcciones e Instalaciones Especiales
    - 4.6.-Valor fisico total
    - 4.7.-Capitalización por rentas
  - 4.8.-Reporte y Conclusiones
    - 4.7.-Estudios de mercado de valores de tierra, de constructiones y de rentas en la zona.
- 5.—Se clasifican los datos y se analizan para ponderar los métodos de avalúo para el caso:
  - 5.1.-Método de comparación y/o análisis de ventas
  - 5.2.-Método de ingresos,ganancias residuales o rentabilidades 🦂
  - 5.3.-Método del costo por sustitución.

La explicación de estos métodos lo veremos en el Capitulo de la metodología de la investigación y estudios de mercado.

- 6.-Para el estudio de valores podemos considerar lo siguiente:
  - 6.1.-Presupuesta detallado que es preciso y confiable
  - 6.2.-Costo combinado de costos indirectos y directos
    - 6.3.-Costo por M2 ó M3 según el tipo de edificación
    - 6.4.-Costos históricos que se calculan aplicando Indices para su actualización. Se proyecta el costo antiguo de adquisición a la fecha actual del avalúo
  - 6.5.-Por el sistema de clasificación ya que hay construcéciones en diseño y edificación que son similares con valores unitarios similares. Este sistema se aplica si tiene las características básicas siguientes:
    - 6.5.1.-Tipo de diseño y uso
    - 6.5.2.-Tipo de construcción
    - 6.5.3.-Clase y calidad de acabados y
    - 6.5.4.-Superficie construida.
    - 6.6.-El método de Ingreso se estima en términos de cantidad calidad y duración. Se convierte en un valor presente de mercado:
      - 6.6.1.-Se realiza una estimación del ingreso total
      - 6.6.2.-Se lleva acabo un analusis y una estimación de los gastos de operación
      - 6.6.3.-Se selecciona el método apropiado de capitalización con la estructura de los intereses
      - 6.6.4.-Se establece el cálculo del valor capitalizable

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

#### IV.-FACTORES QUE AFECTAN LA VALUACION.

#### ASPECTOS;

#### POLITICOS Y SOCIALES:

Cada vez más las comunidades adquieren conciencia de la necesidad de respetar los reglamentos de construcción y la normatividad de los desarrollos urbanos y/o usos del suelo. Cada día las Juntas de Vecinos adquieren mayor importancia en cuanto a las actividades que se desarrollan en los conjuntos habitacionales, edificios en construcción, edificación de los servicios en la zona, etc.

Ello hace que el factor de análisis del valor comercial de una edificación resulte difícil de expresar puesto que es un producto de una combinación de elementos variables en el tiempo y el espacio.

Sin embargo exiten peritos que las pueden identificar debido a que conocen muy bien su comunidad, lo que no es fácil en ciudades que se consideran grandes. Por ello se deben conocer los planes de desquerollo urbano de la zona que va a ser estudiada, trátese de proyectos municipales o privados que inciden en los valores comerciales de la zona. Ciertamente es necesario evaluar las posibilidades de que esos proyectos se lleven a cabo, pero el solo hecho de conocerios hace que se eleven los valores comerciales.

#### ASPECTOS JURIDICOS

Los antecedentes y condiciones actuales de la propiedad de un bien raiz son importantes para analizar el valor comercial. Existen fracitores que anulan los valores comerciales, y éstos son:

- 1.-Terrenos ejidales, comunales o del dominio público de la Federación que por su naturaleza no se encuentran en mercado.
- 2.-Terrenos anteriores que fueron expropiados/por causa de uti-, lidad publica; que un camente pueden ser vendidos en tanto se mantenga su uso compatible para la utilidad pública.
- 3.-Terrenos originalmente del dominio público o priyado de la Federación que se transmitibron en propiedad FERO, con resemptricciones en el uso del suelo
- 4.—Terrenos con uso del suelo restringido a reservas ecológicas espacios abiertos, uso agricola o forestal/y/o similares.
- 5.-Terrenos con limitaciones reglamentarias en densidad de la población o la intensidad de la construcción, o por el Re--glamento de Construcciones del lugar que se trate.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

#### V.I.101

- 6.-Por donaciones, áreas verdes, áreas de estacionamiento, etc.
- 7.-Por el cambio de uso del suelo o régimen de propiedad.
- B.-En general todas las disposiciones relacionadas con los re- glamentos municipales y/o estatales.

#### ASPECTOS ECOLOGICOS:

Adquieren mayor relevancia cada dia en el comportamiento del mercado inmobiliario en las ciudades grandes y medianas, ya que es un componente jurídico en el deserrollo urbano y que hay que vigilar ya que ello nos puede afectar semiamente el valor comercial.

La Comisión Nacional Bancaria hace hincapiéjen tomar en cuenta la — contaminación ambiental ya que cuando se cuenta con altos grados de ella, se requieren los servicios de técnico especializado para que indique en su dictamen el grado de contaminación. Esto se debe tomar muy en cuenta ya que es un aspecto que definitivamente nos afecta.

#### ASPECTOS URBANOS:

Debemos tomar muy en cuenta cómo nos afectan los valores aquellos elementos que forman parte de la urbanización y el entorno urbano, ya que sin ellos como servicios públicos, hace que se desplomen los valores:

- a)El aqua potable, red de distribución, tomas domiciliarias, etc., .
- b)Drenaje y alcantarillado, redes de recolección, fosas, etc.
- c)La electrificación, carencia de suministro/
- d)Alumbrado público, sistema de cableado, postería. etc.
- e)Paramentos de vialidades, guarniciones de concreto,
- f)Banquetas o aceras, su ancho es importante y su material
- g)Vialidades, and adores, calles, avenidas, su ancho y tipo,
- h)Pavimentos, su material o si son de terracerias
- i)Otros servicios, redes telefónicas de gas tratamiento de aguas recolección de basura, vigilancia, transportes, etc.
- j)Equipamiento urbano, mercados, pervicios, plazas, parques, etc.

#### ASPECTOS DE OPORTUNIDAD:

Este valor resulta del análisis de beneficios o perjuicios que reporta al comprador y/o vendedor de un inmueble en función del"--

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES.A.C.

V.I.101

tiempo, la ubicación y diseño.

Por lo tanto, estamos hablando de técnicas que nos permitan un equilibrio en la relación costo/beneficio aceptable, para el comprador o el vendedor, generando opciones con las diferentes componentes del tiempo, ubicación y diseño. Finalmente conduce al establecimiento de precios, mínimos convenientes para el propietario y máximos adecuados para el vendedor. Todo ello en función de estas variables mencionadas.

#### V.-VALORES DE LA TIERRA

#### LA VALUACION DEL TERRENO URBANO

El objetivo de este capitulo es el de presentar los aspectos genera les para la valuación de terrenos de propiedad privada o del dominio privado gubernamental, con propósitos urbanos.

Ahora bien, en la metodologia para valuar un terreno se deben de tomar en cuenta los siguientes conceptos:

- 1.-Usos del suelo.Planes parciales de desarrollo urbano
- 2.-La comparación directa de ventas
- 3.-La abstracción, que es el resultado de restar al valor total el costo de la construcción (En el caso anterior)
- 4.-La capitalización de renta del terreno
- 5.-El valor residual del terreno
- 6.-Ofertas en periódicos y/o archivo de valores de tierra

#### Para mejoras en el predio:

- a.-Por comparación directa en el que se debe tomar en cuenta la fecha, su localización y grado de conservación
- b.-Por multiplicador de la renta bruta el cuál se basa en que se renta a un precio constante sin desocupaciones. Es igual al resultado de dividir el precio de venta entre el ingreso bruto anual, es decir:

#### Mulfiplicador = Precio de venta / Renta bruta anual

Esta misma fórmula se puede aplicar utilizando montos de rentas al mes de algunos departamentos en un edificio, ya que no se tiene acceso a todas las rentas, realizando los ajustes respectivos.

Estos dos métodos se deben comparar con los valores observados en el estudio de mercado.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

#### V.I.101

- h).-Tipo de construcción existente, saturación y transformación de zona, sus aspectos climatológicos y ecológicos.
- -Valores comerciales en la zona, y verificación de los valores fiscales y/o catastrales del predio.
- j).-Aplicación de la fórmula para el resultante de la tierra y conocer su coeficiente de castigo o premio.
- k).-Fotografias del terreno en forma panoràmica

DETERMINACION DEL VALOR MAXIMO DE LA TIERRA:

Con el proyecto de aprovechamiento identificado y analizado, el perito deberá determinar lo siguiente:

- 1.-Los productos finales para los diferentes usos estudiados, con los valores por M2, su afectación y su valor real por M2.
- 2.-En su caso los costos directos e indirectos, su utilidad an -. tes de-los impuestos si se trata de una promotória y de acuer do a las tasas de rentabilidad.
- 3.-Conclusión del valor máximo que se puede pagar por la tierra utilizando el método "residual".
- 4.-Cabe hacer la aclaración que en casos de terrenos no se con sideran vidas totales ni vidas remanentes ni depreciaciones anuales y/o acumuladas. Su valor de Reposición Nuevo es igual a su Valor Neto de Reposición.

#### EJEMPLO:

Terreno baldio formando entrada a dos calles, con valores de calle según el estudio de mercado:

Calle principal a \$500,000 M2 Calle secundaria a \$200,000 M2 Ubicación: Superficie según escrituras: Densidad autorizada: Instensidad de construccion: Uso del suelo:

Ave.Morelos No.545,Col.Balbuena 750.00 M2 400 hab/ha. F.5 Haia hasta 1.5 veces área T. H4.-Habitacional hasta 400 Hab/ha con 125 M2 Lote Tipo

Fórmula para encontrar el valor medio: Un predio con dos frontes y dos valores diferentes de calle, sin estar en esquina:

 $Vm = [a \times (a / a+b)] + [b \times (1-(a/a+b))]$ 

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.1.101

De donde:  $(500,000 \times 500,000/500,000 + 200,000)$ 

 $(200,000 \times (1-500,000/500,000 + 200,000) = $413,000 M2$ 

Por lo tanto: Buscaremos el Factor resultante de la tierra

FRe = FZo x FUb x FFr x FSu

Hacemos aqui referencia al capitulo anterior II sobre la estimación de los valores:

FZo = 0.80 Por tener único frente a calle inferior a calle de moda

FUb = 1.15 Con frente a dos vias de circulación

FFr = 1.00 Por ser mayor de 7.00 Mts.

FSu = 0.92\* =======> Relación del Lote Moda y Lote a valuar: H4

Siendo el H4 = a 125.00 M2

RLm=SLo/SLm es igual a 750 M2/125 M2= 6.00

De donde:  $(1-((6.00 \times 10)/750 M2))=.0.92*$ 

- (\*)(1): Se puede obtener el factor de Superficie mediante esta fórmula, o bien, mediante la lectura correspondiente de su Tabla.
  - (2): En este caso existe castigo por tener una Superficie mayor que el Lote Moda H4 de 125.00 M2.

FRe =  $0.80 \times 1.15 \times 1.00 \times 0.92 = 0.85$  Coeficiente

AREA M2 VALOR M2 COEF. VALOR REAL M2 VALOR PARCIAL 750.00 \$413,000.00 0.85 \$351,050.00 \$263'287,500.00

VALOR PROPORCIONAL DEL TERRENO EN N.R.: \$263'288,000.00

#### USOS DEL SUELO:

En el D.F. se utilizar los Programas Parciales de Desarrollo Urbano correspondientes ta cada una de las 16 Delegaciones políticas, éstas son:

Alvaro Obregón Iztapalapa

Azcapotzalco Magdalena Contreras

Benito Juarez Miguel Hidalgo



### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

#### V.I.101

Coyoacán Milpa Alta

Cuajimalpa Tlahuac

Cuauhtemoc Tlalpan

Gustavo A. Madero Venustiano Carranza

Iztacalco Xochimilco

Estos son instrumentos de planeación que detallan las condicionantes del uso del suelo en cada una de las Delegaciones, el número de vi — viendas que se pueden construir y la cantidad de M2 de construcción que pueden alojar los predios tanto particulares como públicos.

El Uso del Suelo es la actividad a que podrán dedicarse los predios que se encuentran identificados en la Tabla de Usos.

La Densidad de Vivienda es el número de viviendas que podrán construirse en un predro dependiente de su superficie. Esta norma se contem - pla en la Gráfica para el Cálculo de Vivienda y en las fórmulas para cuantificación.

La Intensidad de Construcción es el número de M2 de construcción no habitacional que puede construirse en un predio dependiendo de su superficie. Esta norma se encuentra señalada en las fórmulas para el «cálculo de M2 por predio»

#### Estos Programas permiten:

- a).-Imprimir a la propiedad privada la modalidad que dicte el interés público con el fin de lograr **el desarrollo adecuado** de la ciuda**d.**
- b).-Determinar las reservas territoriales para satisfacer las necesidades de la población por medio de su uso o destino y lás etapas para su desarrollos.
- c).-Proteger los sitios patrimoniales, históricos y naturales.
- d).-Detener el crecimiento horizontal de la ciudad favoreciendo el --crecimiento vertical en zonas en que las conduciones lo permiten.
- e).-Apoyar la redistribución de los servicios públicos y del equipa-miento.
- f).-Definir los derechos de via necesarios para la vialidad, el transporte, los servicios y la infraestructura.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

V.I.101

#### VI.-METODOLOGIA DE LA INVESTIGACION.

#### ESTUDIOS DE MERCADO

Este estudio lo podemos clasificar en dos grandes rubros:

- a).-Estudio de mercado para valuación de Inmuebles urbanos?
- b).-Estudio de mercado para valuación Industrial

ESTUDIO DE MERCADO PARA INMUEBLES URBANOS

1)Se investigan los valores comerciales de los terrenos en la zona, y se elabora la siguiente [abla:

.UBICACION DESCRIPCION SUPERFICIE EN M2 VALOR FOR M2

- 2)Se investiga el valor fiscal indicando el importe (\$) y la fuente de información.
- 3)Para el diseño del proyecto el tamaño de la población (%),en su caso y la fuente de información en relación a la ciudad o zona.
- 4)Evaluación de proyectos de inversión, disponibilidad de crédito. zonas prioritarias y tiempo de oferta generado por los promotores y los compradores finales.
- 5)Conclusiones del perito valuador. Reporte final.

Es necesario reconocer la existencia de diferentes mercados que influyen en la determinación del precio al que se puede comprar o vender un terreno, una construcción, un condominio, etc., éstos se definen por diferentes motivaciones:

MERCADO DE COMPRA-VENTA.Es elímercado abierto de la oferta y la journation de demanda.(a) Se elabora un avalúo para conocer el valor comercial del inmueble para su venta y/o (b)Se elabora un avalúo fiscal para el Impuesto sobre adquisición de Inmueble llamado I.S.A.I. y lo manejan los Notarios.

MERCADO DE ARRENDAMIENTOS:Es el mercado de rentas en casas o edifirmitios.En este caso se elabora un avalún pará justipreciar una renta.Debido a la dificul tad para determinar las deducciones que debe hacerse a la renta bruta para que se convier ta en renta neta liquida.muchos valuadoros para evitarse el trabajo de realmente calcularla, hacan sus estimaciones en % que van desde el 20% hasta el 35% y posteriormente

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

Ó

aplican tasas de capitalización que van dosde el 8.0% hasta el 10 % con el fin de iqualar el valor de capitalización con el valor físico del inmueble. Anteriormente hemos visto cómo se obtienen las tasas de productividad y los descuentos.

Conociendo el valor físico total del inmueble, podemos estimar la renta bruta mensual aplicando cualquiera de las siguientes formulas:

2) Renta mensual = Vf / N

De donde:

Vf = Valor fisico del inmueble N = Factor de productividad

Analizando:

/N°= 12 (1- d)]/ ⊈ u = ueducciones i = tasa de interés anual

Con ello podemos elaborar una Tabla "N":

ipo interés	5	deduccio	nes globa	les		
anual	15%	20%	25%	30%	35%	40%
5%	204	192	180	168	156	144
5.5%	185.45	174.54	165.65	152.73	141.82	170.91
6%	170	160	150	140	130	120
7%	145.71	137.14	128.57	120	111.42	102.85
7.5%	136	128	120	112	104	96
8%	127.50	120	112.50	105	97.50	90
9%	113.33	106.67	100	93.73	86.67	<b>8</b> 0
9.5%	107.17	101.05	94.73	B5.42	82.11	75.79
10%	102	96	90	84	78 .	72
tc.						

EJEMPLO: Rm = Vf / N = Entonces tenemos C= \$2501000,000 y N= 90

Rm = \$250'000,000 / 90 = \$2'777,777.78 renta bruta mensual

 $Rm = (VFisico \times 10%)/12 \times (1-0.25)$ 



## SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

 $Rm = (\$250'000,000 \times .10) / (12 \times .75)$ 

Rm = \$2'777.777.78 RENTA BRUTA MENSUAL.

MERCADO DE COMPRA PARA VIVIENDA:O en su caso para que el comprador instale\_su negocio y le produzca beneficios:1

MERCADO DE COMPRA PARA RENTA:

Se destina a arrendamientos o para vender con algún valor agregado y obtener un rendimiento del capital invertido en la compra del inmueble.

MERCADO DE INVERSION DE CAPITALES:Es un abanico de opciones de colocación de capitales capaces de producir beneficios con distintas rentabilidades compatibles con condi -ciones de riesgo.

En cualquiera de los mercados descritos anteriormente, el factor de disponibilidad inmediata o diferida influye sensiblemente en los — precios por los efectos en los beneficios esperados en la operación. Por todo lo anteriormente descrito, el "Método de Mercado" se fundamenta en el concepto subjetivo del "valor de cambio"; aplica una comparación entre la propiedad que se va a valuar y aquellas similares que han sido vendidas en fechas recientes. Para este método se sigue con los siguientes pasos:

- a).-RECOPILACION Y ANALISIS DE DATOS:
  - La información escencial hemos visto que se divide en dos partes
  - a.1.-Récopilación de opciones.ofertas.ventas. valoros fiscáles. investigaciones directas, rentas y precios reales de venta.
  - a.2.-Fuentes de información tales como periódicos, publicaciones, avalúes bancarios, información de corredores, de vendedores, anuncios directos, informaciones catastrales, etc.
- b).-SELECCION DE UNIDADES DE COMPARACION:
  - Se toman en cuenta elementos de comparación apropiados, como:
  - b.1.-Para la tierra el M2 o M1 del frente
  - b.2.-Para la mejora el M2 tratàndose de edificaciones industria les o utilizando alguna otra unidad
  - b.3.-El multiplicador de renta total o sea la relación entre la renta bruta y el valor

- N D

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

b.4.-Ajustes razonables de los datos anteriores basados en el mercado y se ajustarán a la propiedad en cuestión.

El Método de Mercado puede realizarse mediante la comparación directa de ventas, así como a través de la comparación directa y factor tiempo de ventas, siempre estableciendo una comparación con las observationes llevadas a cabo en el mercado para tener como resultado, en ambos casos, el valor indicado y llegar finalmente al Valor Estimado.

EJEMPLO DE UN AVALUO POR VALORES DE MERCADO:

Se propone valuar un departamento en condominio sin tener que valuar todo el edificio. Necesitamos conocer el valor por M2 de construcción en la fecha en que se adquirió el departamento y obtener el indice actual para su valor actualizado:

Datos: Precio de venta en el año de 1983 fué de \$3'500,000.00

Terreno: 750 M2 con indiviso de 0.1566 = 117.50 M2

Superficie construida de

105 M2

Valor de la tierra promedio en la zona = \$4,000.00 M2

Valor de Mercado de la construcción = Incógnita X

Ecuación:  $PV = (T \times \$N2) + (M2 \times VMc)$ 

 $$3'500,000 = (117.50 \times $4,000) + (105 \times VMc)$ 

\$470,000 + 105 x VMc

VMc = ( \$3.500,000 - \$470,000 ) / 105 = \$28.857.00 M2

Analizando: a).-Si se conoce que el valor actualizado de construcción y terreno tiene un promedio de \$1'250,000.00 para un inmueble similar por M2.

Entonces \$1'250,000 / (\$28,857 + \$4,000) = 38.043643668 indice

Por lo tanto:  $(105m2 \times 28.857 + 470,000) \times 38.044 = $133'153,429.00$ 

Valor actualizado a la fecha.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

### VII.-TECNICAS PARA INSPECCIONAR UNA PROPIEDAD

#### APLICACION DE TECNICAS ADECUADAS

En nuestros días el hombre requiere de técnicas y procedimientos cada vez más ágiles, precisos y confiables no sólo para servirse a si mismo sino también, y fundamentalmente, para servir a los demás.

En el ámbito de la economia urbana, la valuación de un Inmueble se ha convertido en un mecanismo relevante que permite delimitar y determinar, tanto las incidencias cuanto los cambios de valor del suelo y la edificación. Contar con métodos de valuación analíticos que facilitem la aplicación objetiva de las diversas técnicas en esta materia, es e de suma importancia conceptual y práctica en el marco social de la exparticipación privada y la acción pública.

Por ello el papel que debe asumir el valuador en lo esencial como es el saber inspeccionar una propiedad, es de importancia relevante. Los elementos que constituyen un avalúo sabemos que son:

#### Antecedentes

Caracteristicas Urbanas

Características del Fredio

Uso y descripción del Inmueble

Elementos de la Construcción

Valor Fisico

Capitalización de Rentas

#### Conclusiones.

En los antecedentes es indispensable conocer el Objeto del Avalúo, ya que en esta etapa el valuador debe obtener del cliente la mayor información posible con el fin de llegar al Inmueble a verificaria.

Estos datos se obtienen mediante una encuesta preguntado por rentas características especiales, instalaciones impeciales que tenga la edificación, bolotas prediales y escrituraciónes.

TECNICA DEL "EXFRESO":Desgraciadamente muchos valuadores utilizan esta "técnica" llamada asi,porque pasan por la obra, materia del avalúo,como un Expreso sin fijarse en todo lo que la rodea y sus materia-

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

les de construcción.

V.I.101

Todo lo dejan al "ojo"y a su buena memoria. Lungo tienen que regresar porque ya no recuerdan lo que vieron. Su pretexto es simple, "tienen demasiado trabajo y no les alcanza el tiempo".Sus peritajes, si así se le pueden llamar, son resúmenes que originan que otro valuador los vuelva a hacer.

TECNICA DEL GRADUADO: Aquellos pseudo-valuadores que por haber tomado un curso sobre la materia, pero carecen de los más elementales conocimientos técnicos. "revisan" el Inmueble de que se trata y se -equivocan en las áreas de construcción y los valores que estiman para el avalúo no corresponden a la realidad del mercado Inmobiliario

> Consecuencia de ello, por no tener práctica. --el cliente tiene que pagar a un perito valua-dor por un estudio que esté correcto.De esta clase de valuadores "graduados" hay muchos en el medio.

Lo mismo podemos decir de varias empresas -que están surgiendo en esta especialización pero carecen de lo más elemental, como es el contar entre su personal a valuadores con experiencia y que cuenten con Registro.

#### LA TECNICA DEL PERITO VALUADOR:

Abora bien, en este capitulo debemos ver lo que un verdadero perito valuador hace al llegar a valuar fisicamente un Inmueble:

 Reconocer en un diâmetro de 500 mts. a la redonda la zonà en donde se ubica el Inmueble. Ver si exiten letreros de Renta o Venka de inmuebles, departamentos, tiendas, servicios en general, etc.

VER la zona en cuanto a la edificación dominante.Si os habitacio-nal unifamiliar o plurifamiliar, de la., 2a clase, cuántos niveles existen en las edificaciones, si hay parques,plazas,cines, etc. Investigar si hay planes de desarrollo urbano en esa cona y quel es lo que más afectará nuestro valor do la tierra y/o edificación su uso del suelo,dencidad e intensidad permitida.

- 2. Deberà Joman fotografies del inmueble, sus fachadas e interiores.
- 3.-Se fijará hacia dóndo queda la acera que forma el frente principal, en su orientación y anotará el nombro de las calles limitrofes al predio,el nombre de la colonia y su codido postal.Todo para una identificación completa de ubicación del predio.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

#### V.I.101

- 4.-Si existiera duda razonable en materia de la superficie del terreno debido a que la escritura indica una medida (o no la indica,se han dado casos) y el propietario otra. Deberà medir externamente el predio y anotarlo en el avalúo, que fué "por medición".
- 5.-Lo mismo deberá hacer en caso de la construcción, ya que en muchos casos no se proporcionan los M2 construidos, descontándo las áreas libres tales como pozos de luz, patios, cubos libres, etc. No así --- aquellos que se encuentren cubiertos.
- 6.-En caso de condominios, se deberá anotar las colindancias que aparen en las escrituras así como el indiviso correspondiente.
- 7.-Hacia el interior del inmueble, se anotará su descripción arquitectónica y su uso se deberá tomar en cuenta todos los elementos que conforman los acabados, ya que éstos nos fijarán el valor respectivo de la construcción. Se anotará en qué consiste su comentación su estructura, sus muros, sus plafones, sus techos, sus losas, etc.
- B.-En el trabajo de gabinete se vaciará toda la información de campo y se aplicarán las técnicas para las depreciaciones al valor correspondiente, y así llegar al valor del avalúo y conclusiones.

#### TECNICA FARA VALUACIONES INDUSTRIALES:

Aún cuando este Tema es materia especial de otro curso, es conveniente conocer en términos muy generales lo que debe de emplearse al llevar a cabo este tipo de avalúos.

Generalmente se hacen estos avalúos para la Reexpresión de los Esta-dos Financieros de las empresas, aquellas que cotizan en Bolsa y las
que no lo hacen, pero por Ley, deben llevar a cabo un avalúo anual.

La Comisión Nacional de Valores permite que cada dos años se practique un "Avalúo Base" y en los años intermedios se utilizen indices llamados Industriales. Frohíbe el empleo de los indices que publica el Banco de México, ya que éstos se refieren a Precios al Consumidor. La valuación de los bienes de activo fijo tienen como base el desarrollo de las siguientes actividades:

- 1.-Revisión do las factoras y documentos que amparan los biunes del activo fijo, conocer su fecha de adquisición y so valor hastómico
  - 2.-Cualos dueron dados de baja y cuales fueron sus Altas en el amo.

### SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

- 3.-De lo más importante, es llevar a cabo loa inspección ocular y el levantamiento del inventario del cada uno de los bienes con el fin de conocer su mantenimiento, su obsolescencias técnicas y económicas y su vida agotada.
- 4.-Obtención de cotizaciones de los equipos y propiedades nuevas para tener el Valor de Reposición Nuevo, determinando las depreciaciones correspondientes, los derechos aduanales, de importación fletes intalaciones de diseño, etc. con el fin de llegar al Valor Neto de Reposición, que es el valor del avalúo.
- 5.-Otorgar el Certificado de Valores indispensable.

Por último, los avalúos industriales se iniciaron en México en la dé mada de los sesenta, mientras que en los Estados Unidos se comenzaror a practicar hace 90 años. Nuestros avalúos eran orientados básicamente hacia la compra-venta y se realizaban en forma independiente por valuadores individuales.

Actualmente las empresas que a ésto se dedican, muchas de ellas per tenecen a la Asociación Mexicana de Valuadores de Empresas, requieren de técnicos especializados en los campos de la ingeniería mecánica, eléctrica, química, etc., ya que generalmente están organizadas en truisiones tales como industrial, financiera, servicios de actualizatión, control de activos, catálogos, indices industriales, etc.

Los avalúos industriales se deben llevar a cabo de acuerdo a las instrucciones que aparecen en la Circular II-6 de la Comisión Nacional de Valores (Bursátiles) y que fué elaborada por una Comisión Triparetita formada por la propia Conisión Nacional de Valores, la Asocia---ción Mexicana de Valuadores de Empresas y la Sociedad de Arquitectos Valuadores, A.C.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

V.I.101

#### VIII.-FACTORES DE DEPRECIACION

#### DE LOS INMUEBLES.

#### VIDA AGOTADA, DBSOLESCENCIAS.

#### DEFINICIONES

VIDA UTIL TOTAL!

Representa la vida que razonablemente se esporá de una propiedad nueva con pase en experiencias promedio tomando en consideración el desgaste la unsolescencia funcional y económica y los riesgos normales

35 años,50 años, 70 años, 75 años para inmuebles.

7 años,10 años,15 años, 25 años, 30 años, etc. para bienes muebles y/o maquinaria y equipos.etc.

VIDA FISICA:

El pumero de años de un bien que durara fisicar mente lites que el deterioro o fatiga lo lleven a a una condición inoperante, sin tomar en cuenta la obsolescencia funcional o económica:

VIDA TOTAL:

Es el número de años para propiedades cuya vida - ha expirado desde la fecha de construcción o adquisición, hasta la fecha declarada como inoperante. En inmuebles es la vida expirada o edad -- cronológica más la vida remanente.

Las vidas útiles de los bienes no pueden aplicarse a todas las industrias ni a todo tipo de inmuebles, se muestran que ellas no son definitivas y deben considerarse como un promedio razonable y normal.

DBSOLESCENCIA:

Es un proceso continuo que tiene lugar en toda propiedad física como perdida técnica y de valor, que puede deberse a la fluctuación de precios en comparación de una propiedad nueva, como resultado del deteriore, modificación de diseño, filla de uso, disminución de su utilidad o pór edad.

DETERIORO FISICO!

To la pérdida de valor derivada del desgaste/desintegración, uso y la influencia climatológica.

DEPRECIACION TEORICA:Es la pérdida de valor estimada por fórmulas, teóricas; tar como el Método de Depreciación Lipneal; sin el exámen físico de la propiedad.

## SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES.A.C.

V.I.101

DEPRECIACION OBSERVADA: Es la pérdida estimada en la inspección fisica y juicio personal de las condiciones comparada con una propiedad nueva.

La depreciación como se considera normalmente por el valuador, es medida a través de la inspección física personal y la observación del inmueble.

La vida útil total se basa en calificaciones de durabilidad de la --propiedad debido a sus acabados y basadas en juicios de propiedades similares.

LA VIDA AGOTADA:

Fuede ser o nó equivalente a la edad actual. Una propiedad puede tener 30 años de edad cronológica y tener realmente 15 años debido a su mantenimien to o porque acaba de ser remodelada.La vida útil remanente puede ser de X años ya que no ha agotado el diferencial de sus años. Si es con una vida total de 70 años, no necesariamente su vida rerma nente será de 40 años, sino quizás de 55 años.

#### DEPRECIACION MATEMATICA DE LA VIDA AGOTADA

Para valuación inmobiliaria generalmente utilizamos la siguiente expresión matemática:

De donde:

FEd = Factor de edad o vida agotada o de depreciación VUt = Vida útil total VUr = Vida útil remanente

EJEMPLD: Un edificio construido en 750 M2

VUt = 70 años

Edad= 25 años

VUr = 45 años

FEd = .100  $\times$  70 + .900  $\times$  45 = 0.6785714226 Factor de depreciación.

70

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

8)Horst Marl Dobner E.:La Valuación de Fredios Urbanos.México1983. 9)Instituto Mexicano de Valuación.Seminarios de 1970. México 1970. 10)Roitman S.:The education, training and experience needed when you receive an assignment for an Appraisal.A.S.A

SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES.A.C.

ARO. LUIS MEZA ACHIRICA PRESIDENTE DEL CONSEJO DIRECTIVO NACIONAL.

ARQ.EDUARDO DEL PORTILLO B. VICEPRESIDENTE DE SUPERACION PROFESIONAL.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES,A.C.

#### V.I.101

Por lo tanto en esta ejemplo:

AREA M2	VALOR MZ V.R.N.	VALOR V.R.N.	FACTOR	VALOR V.N.R.
750	\$1,300,000	\$9751000,000	0.68	\$663,000,000
V.U.R.	(1) D.A.	(2) D.ACUM.	(3)VALOR	PARCIAL M2
45	\$14'733,333	\$3121000,000	\$894	,000.00

- (1)La Depreciación Anual es el cociente de dividir el valor neto de reposicion entre la vida útil remanente.
- (2)La Depreciación Acumulada es el resultado de restar el valor neto de reposición al valor de reposición nuevo.
- (3)El Valor Parcial por M2 es el resultado de dividir el valor neto de reposición entre los M2 construidos. Se obtiche como resultado de aplicar el factor de vida agotada de la edificación al valor de reposición nuevo.

1X.-AVALUO BANCARIO DE ACUERDO A LA CIRCULAR 1104 DE LA C.N.B.

SE ANEXA.

### X.-ETICA PROFESIONAL

#### PRINCIPIOS

Etica es la parte de la filosofia que trata de la moral, así pues, la ética profesional es el desempeño de la actividad profesional sin apartarse de las normas morales. Y normas morales son aquellas cuyo ejercicio preserva de malicia las acciones humanas.

En todas las profesiones existen diversos códigos de ética profesional, esos códigos no son otra cosa que la enumeración y enunciado de una serie de acdtos cuya ejecución queda prohibida por las normas morales. En todos los ordenes profesionales existe el Código de Ética Profesional.

En toda profesión pueden existir un sinnúmero de faltas y detalles de la mara divensa categoría, que no es polable hacerli, caber en un rigido y escueto código, sino que quedan biro la vigilancia de nuestra propia conciencia.

Toda infraccion a la etica profesional tres como consequencia; targe o temprano, una pena o un castigo, pero la sena mas amarga, la pena inmediata e inaplazable, es el constante reproche de nuestra conciencia.

# SOCIEDAD DE ARQUITECTOS VALUADORES, A.C.

V.I.101

Debemos hacer un esfuerzo para depurar al máximo nuestra conducta y evitar que la aplicación escueta de nuestros códigos, nos permitan cometer infinidad de faltas no catalogadas que mancharian nuestro trabajo frente a nosotros mismos.

El ejercicio de la profesión dentro del marco de la más pura ética, nos deberá servir de gula para dar en justicia, lo que a nuestros semejantes les corresponde.

#### RESPONSABILIDADES DE UN PERITO VALUADOR:

- Ser objetivo y competitivo en su trabajo profesional
- 2.-Su principal obligación y responsabilidad es con el cliente:
  - 2.1.-Sus trabajos deben ser confidenciales y competentes
  - 2.2.-Su trabajo debe ser veraz, sin falsedades
  - 2.3.-No debe servir a dos clientes sobre un mismo trabajo
  - 2.4.-Nunca debe variar sus resultados numéricos finales a conveniencia del cliente
  - 2.5.-Deberá en todo momento, proteger la reputación de otros peritos valuadores, cuando se trate de un mismo cliente.
- 3.-Debe visitar flaicamente el lugar del trabajo encomendado
- 4.-Debe investigar, analizar y obtener los valores adecuados
- 5.-Al contratar un trabajo por porcentaje, debe de cuidar que ello no afecte su resultado final, ya que al estar prejuiciado, el avalúo si se modifica el resultado final, no es válido.No es ético.
- 6.-Nunca deberá favorecer a terceras personas modificando sus avaluos con este fin, suprimiendo datos, falseando testificaciones.etc. Esto no es ético ni es profesional y se expone a una denuncia y a la cancelación de su Registro.
- 7.-Cuando una empresa valuatoria asiste a un valuador en un trabajo y la firma registrada es de la empresa, el valuador que elaboró el dictamen valuatorio. DEHE firmar junto con la firma registrada
- 8.-Un Perito Valuador debe regirse siempre con Etica Profesional.

#### BIBLICGRAFIA

- 1)Akerson 5.C.:Capitalization Theory and Thechniques. A.S.A
- 2) Alexander H.: Measuring Depreciation in the Markot.A.S.A
- 3)Alico J.: The Appraisal of Machinery and Equipment. A.S.A.
- 4) Babcock H.: Appraisal Procedures and Principles. A.S. A
- 5)Comisión do Avalúos do Rienes Nacionales.Manual de Valuación.
- 6)Comission Nacional Bancaria.Circulares 1103 y 1104.
- 7)Comisión Macional de Valores.Circular 11-6 y E-10,



#### FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

### **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

**TEMA** 

**CONTABILIDAD** 

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002

#### CONTABILIDAD

#### Teoría contable

La contabilidad es una técnica que produce información estructura rada y sistemáticamente, en forma cuantitativa y en términos mon netarios de las operaciones que efectúa una empresa y de ciertos eventos económicos que la afectan con objeto de facilitar a los interesados la toma de decisiones.

Para que los interesados puedan tomar decisiones, la información que se les presenta necesita haber pasado por un proceso de organización de datos que les facilite el análisis de las cifras presentadas.

Este proceso de organización se basa en la técnica contable, la cual se comenta a continuación.

Una empresa desde el punto de vista financiero es una integra - ción de recursos económicos, humanos, naturales y tecnológicos que se manejan con el propósito de alcanzar un objetivo por el cual es creado.

Los objetivos de la empresa son el obtener utilidades, el ser - una fuente de empleo seguro para los trabajadores, el brindar -

l Boletín reórico Contable Comisión de Principios de Contabilidad I M C P

satisfactores a la comunidad y el brindar un servicio social.

A las empresas que nos referiremos en este curso son las lucrativas o sea aquéllas que pretenden obtener una utilidad por el capital que invierten como un pago al riesgo que los accionistas están corriendo.

Ahora bien, vamos a enumerar una serie de hechos que deben rea lizarse para que una empresa pueda iniciar sus operaciones.

lo.- Se reúnen cinco personas y deciden constituir una sociedad para comprar y vender un artículo X entregando cada uno para -- que se pueda hacer esta actividad \$ 1'000,000.00 los cuales depositan en una cuenta de cheques.

20. - Asisten con un notario con objeto de que legalice la constitución de la sociedad y les expida el acta constitutiva co - rrespondiente por lo cual les cobra \$ 40,000.00 que le pagan - con un cheque.

30.- Se contrata a un Despacho de Contadores Públicos para que realice la organización de la empresa, establezca los planes y estrategias y elabore el sistema de información por lo cual nos cobra \$ 150,000.00 que pagamos con un cheque.

40.- Se compra a una inmobiliaria un terreno y un edificio en \$ 400,000.00 y \$ 600,000.00 respectivamente que pagamos con un

50. Se compra a una casa de muebles, mobiliario para las oficinas por \$ 100,000.00 que se pagan con un cheque.

60. Se efectúa el acondicionamiento de oficinas que incluye instalación de cancelería, alfombras, cortinas, persianas, etc. y pagamos \$ 50,000.00 con un cheque.

70. Se compra el artículo X a un proveedor por \$ 400,000.00 los cuales convenimos que serían pagados dentro de 60 días.

80. De la mercancia que compramos vendemos la totalidad y cobra mos por la venta \$ 800,000.00.

Ahora bien, todas estas decisiones que originaron un cambio en el manejo de los recursos de la empresa, pueden ser organizados en la forma siguiente:

### la. Operación

### Aportación del capital:

Efectivo en bancos

\$ 5,000,000.00

Capital inicial

\$ 5'000,000.00

### 2a. Operación

### Pago al notario por escritura constitutiva.

Efectivo en bancos

\$ 4'960,000,00

Pago al notario por escritura

40,000.00

Capital inicial

\$ 5.000,000.00

#### 3a. Operación

# Pago al Despacho de Contadores Públicos por la organización de la empresa.

Efectivo en bancos \$ 4'810,000.00

Pago al notario 40,000.00

Pago al Desp. de Cont. Pub. 150,000.00

\$ 5'000,000.00

Si se considera el pago al notario y al despacho de Contadores Públicos como gastos efectuados para la organización de la empresa, tendremos.

 Pago al notario
 \$ 40,000.00

 Pago al Desp. de Cont. Pub.
 150,000.00

 Gastos de organización
 \$ 190,000.00 (1)

### 4a. Operación

### Adquisición del terreno y el edificio.

### 5a. Operación

# Adquisición del mobiliario de oficina.

(1) Ver la operación anterior

Efectivo en bancos	\$ 3'710,000.00
Gastos de organización	190,000.00
Terreno	400,000.00
Edificio	600,000.00
Mobiliario	100,000.00
Capital inicial	\$ 5'000,000.00

### 6a. Operación

Acondicionamiento de oficina	(Gastos de Inst.)
Efectivo en bancos	\$ 3.660,000.00
Gastos de organización	190,000.00
Terreno	400,000.00
Edificio	600,000.00
Mobiliario de oficina	100,000.00
Gastos de instalación	50,000.00
Capital inicial	\$ <u>5'000,000.00</u>

### 7a. Operación

Esta operación se efectúa para que la empresa - pueda cumplir una parte de su objetivo que es la compra del -- producto X para después venderlo y obtener una utilidad.

Addutsicion de mercancia a	un proveedor.
Efectivo en bancos	\$ 3'660,000.00
Gastos de organización	190,000.00

	Terreno	400,000.00
•	Edificio	600,000.00
	Mobiliario de oficina	100,000.00
	Gastos de instalación	50,000.00
	Adquisición de mercancía	400,000.00
	SUMA	\$ 5'400,000.00
Menos:	Adeudo a proveedores	400,000.00
	Capital inicial	\$ <u>5'000,000.00</u>

Se observa que con esta operación hubo un cambio en relación a los anteriores. Como la adquisición se hace a crédito a pagar en 60 días nuestra cuenta bancaria no se ve afectada. La suma de los nuevos valores da \$ 5'400,000.00 y obedece a que adquirimos de terceras personas más recursos para ser invertidos en la empresa, sin embargo, esos recursos los adeudamos, por lotanto la cantidad la reducimos para poder determinar nuevamente el capital de \$ 5'000,000.00.

#### 8a. Operación

En esta operación la empresa vende en \$ 800,000.00 la mercan - cía que adquirió en \$ 400,000.00, por lo tanto obtiene una utilidad de \$ 400,000.00 que pasa a formar parte del capital inicial que a ortaron los accionistas.

#### VENTA DE MERCANCIA

CIA. X, S.A.

Efectivo en bancos	\$ 4'460,000.00
Gastos de organización	190,000.00
Terreno	400,000.00
Edificio	600,000.00
Mobiliario de oficina	100,000.00
Gastos de instalación	50,000.00
Adquisición de mercancía	0
SUMA EL ACTIVO	\$ 5'800,000.00
Menos: Adeudo a Proveedores (PASIVO)	400,000.00

Capital Inicial

5'000,000.00

Utilidad derivada de

la venta:

Venta efectuada

800,000.00

Costo de adquisi-

ción de la merca<u>n</u> cía vendida

400,000.00

400,000.00 (1)

CAPITAL CONTABLE

\$ 5'400,000.00

En la presentación de esta última operación se observan varios cambios.

lo.- A todos los valores que hemos manejado se les denomina balance general, ya que nos muestra la situación financiera de - la empresa en un momento dado.

20.- A la suma de los valores iniciales que manejamos se les - denomina ACTIVO y se definen como el conjunto de bienes, dere-

30.- Al adeudo que teníamos con los proveedores se les denomina PASIVO y se define como el conjunto de obligaciones que debe pagar : empresa.

<sup>(1)</sup> Utilidad = Venta Efectuada - Costo de Venta.

40.- La utilidad que obtuvimos por la operación efectuada la - determinamos por una diferencia: por el monto de lo que vendimos contra lo que nos costó comprar lo que vendimos (costo de venta). Esa diferencia pasa a formar parte del capital inicial de los accionistas.

50.- El término de capital contable lo definimos como el capital que aportaron los socios inicialmente más las utilidades (o menos las pérdidas) que haya obtenido.la empresa como resultado de sus operaciones.

Ahora bien, si indicamos el resultado de las operaciones anteriores en notación quedarían:

- 1) Activo = Efectivo en + Gastos de Org. + Terreno + Edificio
  Bancos
  - + Mobiliario de + Gastos de Instalación Oficina

En notación quedaría

$$A = EB + GO + T + E + MyEO + GI$$

2) Pasivo = Proveedores

3) Capital Capital So-Contable = cial Inicial + Ventas - Costo de Ventas En notación quedaría

CC = CSI + (V - CV)

Si como dijimos antes:

Ventas - Costo Ventas = Utilidad

Tendremos:

CC = CSI + Utilidad

Ahora si observamos otra forma de determinar el capital contable tenemos:

Activo 5'800,000

menos Pasivo \_\_\_400,000

== Capital Contable 5'400,000

Capital Contable = Capital So- + Ventas - Costo de cial Inicial Ventas

5'400,000 = 5'000,000 + 800,000 - 400,000

Por lo tanto

$$A - P = CC \tag{1}$$

$$CC = CSI + V - CV (2)$$

Sustituyendo (2) en (1) tenemos

$$A - P = CSI + V - CV (3)$$

Si despejamos el Activo tenemos

$$A = P + CSI + V - CV$$

Si ahora a V - CV la igualamos con la R de resultados tenemos:

$$A = P + CSI + R$$
 Ecuación Contable

Esta fórmula es fundamental para comprender la forma como se organizan los datos con la técnica contable.

El resultado del ejercicio puede tener dos situaciones

La de utilidad si:

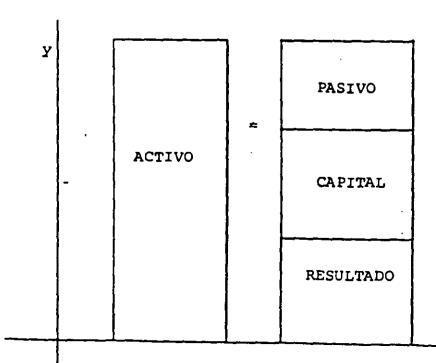
$$\underset{(1)}{\cancel{\xi}}$$
 I  $\underset{(2)}{\cancel{\xi}}$  C +  $\underset{(2)}{\cancel{\xi}}$  Gastos

La de pérdida si:

$$\angle$$
 I  $\angle$  C +  $\angle$  Gastos

- (1) LEASE SUMATORIA
- (2) > MAYOR QUE
- (3) < MENOR QUE

Si hacemos un histograma de esta ecuación obtendremos lo siguiente.



En la ecuación 4 obtuvimos

$$A = P + CSI + R$$

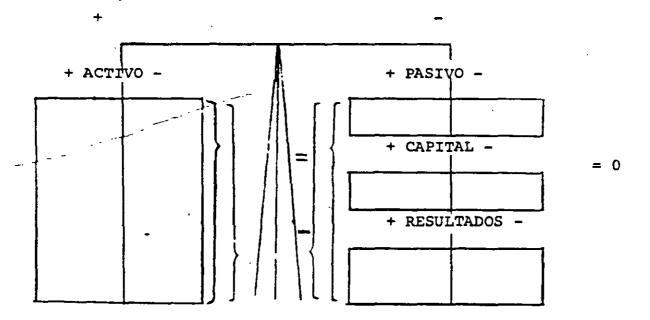
Si pasamos los términos de la derecha al término de la izquierda obtendremos;

$$A - P - CSI - R = 0 \qquad (5)$$

Como el activo, pasivo, capital y resultados van a tener aumentos y disminuciones vamos a representar estos en notación en la ecuación número (5)

$$+ (^{\pm} A) - (^{\pm} P) - (^{\pm} CSI) - (^{\pm} R) = 0$$
 (6)

Observe como el Activo tiene un símbolo general positivo y el Pasivo, Capital y Resultado tiene un símbolo general negativo.
Si representamos en una gráfica estas notaciones tendremos:



Obsérvense varios símbolos en esta balanza.

- lo. Para que pueda estar en equilibrio el activo tiene que ser igual a la suma del pasivo, capital y resultados, o el activo menos el pasivo, capital y resultados es igual a cero, ya que de no ser así la fórmula que veníamos manejando sería inoperante y romperíamos la igualdad.
- 20. Al activo le asignamos un signo general positivo (Ecuación 6) para todos los valores que lo forman, y al pasivo, capatal y resultados un signo general negativo.
- 30. El casillero del activo lo dividimos en dos partes, la del lado izquierdo con un nuevo signo positivo y la del lado derecho con un signo negativo. Esto va a significar que to das las cantidades que anotemos en el activo del lado iz quierdo del casillero, van a originar que los valores que lo integran sean mayores, ya que si multiplicamos el signo general de más por el signo del casillero del lado izquier do, el resultado nos dará positivo ( (+) (+) = (+) y en -- consecuencia todas las cantidades que anotemos del lado de reche del casillero del activo, van a originar que los valor que lo integran disminuyan, ya que si multiplicamos el signo general de más por el signo del casillero del la-

do derecho, el resultado que nos da es negativo ( (+) (-) = (-) )

40. El efecto que tiene esta organización de datos del otro - lado de la Balanza (Pasivo + Capital + Resultados) es el contrario ya que todas las cantidades que anotemos del lado derecho de la división de los casilleros que tienen el Pasivo, el Capital y los Resultados, van a originar que los valores de cada uno de estos conceptos se aumenten, ya que si multiplicamos el signo general de menos que tiene el Pasivo, Capital y Resultados por el signo de-menos de la división de los casilleros, tendremos que nos da positivo -- ( (-) (-) = (+).

Ahora bien, como da uno de estos conceptos de Activo, Pasivo, - Capital y Resultados tienen diferentes valores que los integran, subdividiremos cada uno de estos casilleros (poniendo el mismo caso que hemos manejado) para conocer adecuadamente cómo van su friendo modificaciones como resultado de las operaciones afec - tadas. La subdivisión quedaría como sigue:

	<del></del> -			
	+ACTIVO ·	-	+ PASIVO -	
BANCOS				PROVEEDORES
GASTOS DE ORGA- NIZACION			CAPITAL	
GASTOS DE INSTA LACION				CAP. INICIAL
MOBILIARIO Y EQUIPO			RESULTADOS	
MAQUINARIA Y EQUIPO	.			VENTAS COSTO DE VENTA
EQUIPO DE TRANS PORTE				•
ALMACEN DE MER- CANCIA			•	
		[		

Los casilleros para cada uno de los valores nos van a permitir ir controlando los cambios que van teniendo éstos como resultado de las operaciones. Vamos entonces a hacer el registro de las operaciones.

				, 	1	
		+ ACTIVO	-	+ PASIV	þ	
EFECTIVO EN BANCOS	(1)	5,000 000 800,000	40,000 (2) 150,000 (3) 1,000,000 (4) 100,000 (5) 50,000 (6)		400,000	PROVEEDOR:
GASTOS DE ORGANIZA CION	; ; (2) (3)	40,000 150,000	-			
TERRENO	(4)	400,000			5,000.000	(1) CAPITAL COCIAL
EDIFICIO	(5)	- 600,000			1	
MOBILIARIO DE OFICINA	· (5) ·	100,000			800,000	(9) VENTAS
MERCANCIAS	(7)	400,000	400,000 (8)	(8) 400,000		
					1	COSTO DE VENTAS
		-				

Obsérvese matemáticamente que fue lo que hicimos en esta forme de ouganiza de la forse

+ 5 Organi- + - Organi- +	'000.000 ( 40.000 ( 40.000 (	2)		+	5'000.000		
Organi- + - Organi-	40.000 (	2)					
+ - Organi-							
Organi-							
-		-					
-							
	150.000 (	2)			•		
-	150.000 (	1)					
+	400.000 (	3)	•				
+	600.000 (	4)		·			
- 1	'000.000 (	1)					
ficina +	100.000 (	5)			•		
_	100.000 (	1)					
Insta-							
+	50.000 (	6)	•				
-	50.000 (	1)					
s +	400.000 (	7)					
es		+	400.000	(8)			
+	800.000 (	1)	•				
Ventas				1		•	400.000 (9
						+ 800.000 (10)	
s -	400.000 (	7)					
V	+ entas -	+ 800.000 ( entas	+ 800.000 (1) entas - 400.000 (7)	+ 800.000 (1) entas - 400.000 (7)	+ 800.000 (1) entas - 400.000 (7)	+ 800.000 (1) entas - 400.000 (7)	+ 800.000 (1) entas - 400.000 (7)

En la balanza nótese que las cifras que anotamos del lado iz - quierdo de los casilleros del ACTIVO aumentan los valores y los anotados del lado derecho lo disminuyen.

El efecto es contrario en el PASIVO, CAPITAL Y RESULTADOS ya - que las cifras anotadas del lado derecho aumentan los valores y las del lado izquierdo las disminuyen.

Este movimiento aritmético es importante para comprender la mecánica contable.

La forma de organizar estos datos, aparentemente es complicada, sin embargo, haremos un análisis más detallado para comprende: mejor su mecánica.

Analicemos los movimientos que tuvo la cuenta de bancos que -nos permita conocer cuál es la cantidad de efectivo con la gua
disponemos.

#### Movimiento de este valor

			\ <u></u>		
(1) (8)	5'000 800		150 1'000 100	000 ( 000 ( 000 ( 000 (	3) 4) 5)
	5 800	000	1'340	000	

Lo que tenemos disponible en bancos para ser utilizado es la - cantidad de \$ 4'460,000.00.

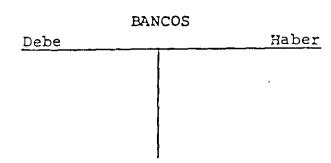
Tenemos, antes de seguir adelante, que hacer una pausa para in troducir un nuevo concepto de la técnica contable. Este concepto de se el de la cuenta, la cual se define como "el registro que se establece a cada uno de los valores del activo, pasivo, capital y resultados, con objeto de conocer los cambios que su fren estos valores como consecuencia de las operaciones que realiza la empresa". Distinguimos en esta Definición varios — conceptos.

El registro viene a ser cada uno de los casilleros que noso -tros, en nuestra balanza, asignamos a cada uno de los valores.

La forma como vamos a manejar estos registros va a ser en forma de tes.



La denominación del valor al que hagamos referencia se indicará en l. arte superior de cada cuenta te. del HABER. Gráficamente tenemos:

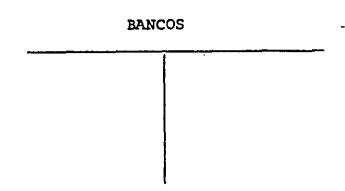


Ahora bien, en nuestra misma cuenta de bancos tenemos:

			BANCOS				
	Deb	e		<u> </u>	Habe	er	•
CARGOS O DEBITOS -	(1)	5'000 800	000	150 1'000 100		(3) (4) (5)	ABONOS O CREDITOS
MOVIMIENTO DEUDOR		5'800	000	ī'340	000		MOVIMIENTO ACREEDOR
SALDO DEUDOR		4'460	000				

A la suma de los cargos se le denomina movimiento deudor. A la suma de los créditos se le denomina movimiento acreedor. A la diferencia de movimientos se le denomina saldo deudor o saldo acreedor. El saldo será deudor si en la diferencia de movimientos el movimiento deudor es mayor que el movimiento acreedor - como en el caso de Bancos.

En el , aso de PROVEEDORES, como se muestra a continuación:



La te, repetimos la idea, nos va a representar una cuenta. Ahora bien, las tes tienen una estructura particular que se presenta a continuación, tomando el ejemplo de la cuenta de bancos:

			PAINCÓS			
(1	•	'000 800		150 1'000 100	000 000 000 000 000	(3) (4) (5)

Las cantidades que nosotros anotamos del lado izquierdo de la te se denominan cargos o débitos. Las cantidades que nosotros anotamos del lado derecho de la cuenta se llaman abonos o créditos. El área donde nosotros anotamos los cargos o débitos de le llama área del DEBE (esta denominación no tiene relación com que nos deban, es un tecnicismo y es importante no olvidar que no tiene relación o representación de algún derecho a nuestro favor).

El área donde anotamos los abonos o créditos se denomina área

	PROVEE	<u> </u>		
MOVIMIENTO DEUDOR		. 400 00		OVIMIENTO CREEDOR
		400 00	0 S	ALDO ACREEDOR

El movimiento acreedor es superior al movimiento 
deudor, por lo tanto el saldo de la cuenta es ACREEDOR.

Una cuenta puede tener una de estas tres situaciones:

Movimiento Deudor > Movimiento Acreedor > Saldo es Deudor

Movimiento Deudor < Movimiento Acreedor > Saldo es Acreedor

Movimiento Deudor = Movimiento Acreedor > La cuenta está -
saldada

Una vez establecidas estas definiciones, vamos a empezar un -nuevo concepto que es importante en Contabilidad y se denomina
"partida doble".

Este nuevo concepto se relaciona con la ley de la causalidad - la cual indica que a toda causa corresponde un efecto. En con tabilidad se establece que a todo cargo corresponde un abono - y/o a todo abono corresponde un cargo (los cuales deben ser por la misma cantidad).

Sin embargo esta ley de la partida doble tiene mú\_tiples moda-

lidades que vamos a comentar a continuación:

Reglas de la partida doble relacionadas con los valores que integran el activo:

- a) A todo aumento de activos corresponde: un aumento de pasivo.
- b) A todo aumento de activos corresponde: un aumento de capital.
- c) A todo aumento de activos corresponde: un aumento en los resultados.
- d) A una disminución del activo corresponde: un aumento del propio activo.

De estas reglas relacionadas con los valores que integran el activo se pueden deducir otras reglas para los demás conceptos
que por su sencillez sólo las enumeramos.

- e) A toda disminución de activo Un aumento de activo. corresponde:
  - Una disminución de pasivo.
  - Una disminución de capital.
  - Una dismirución de resultados.
- f) A todo aumento de pasivo corresponde
- Un aumento de activo.
- Una disminución del -propio pasivo.

- Una disminución de capital.
- Una disminución de re sultado.
- g) A toda disminución de pasivo corresponde
- Un aumento en el cap<u>i</u> tal.
- Un aumento en los resultados.
- Un aumento en el propio pasivo.
- Una disminución de activo.
- h) A todo aumento de capital corresponde
- Un aumento en el acti vo.
- Una disminución de pa sivo.
- Una disminución de ca pital.
- Una disminución de r<u>e</u> sultados.
- i) A todo aumento en los resultados corresponde
- Un aumento de activo.
- Una disminución en los propios resultados.
- Una disminución en el pasivo.
- Una disminución en el capital.
- j) A toda disminución en los resultados corresponde
- Un aumento en los pro pios resultados.
- Un aumthto en el capi tal.

- Un aumento en el pasivo.
- Una disminución de activos:

Ya con este conocimiento vamos a hacer el registro de las opera ciones que hemos manejado desde el principio en cuentas tes.

BANC	os	CAPITA	L SOCIAL
(1) 5'000 000 (8) 800 000	150 000 (3) 1'000 000 (4) 100 000 (5) 50 000 (6)	-	5'000 000(1) 5'000 000(s)
(M) 5'800 000 (S) 4'460 000 GASTOS DE ORG		TE	RRENO
(2) 40 000 (3) 150 000 (S) 190 000		(4) 400 000 (S) 400 000	1
EDI	FICIO	MOBILIARIO	DE OFICINA
(4) 600 000 (S) 600 000		(5) 100 000 (S) 100 000	
		c)	

GTO	S. DE INST	ALACION		ALMACEN	DE MERCANCIAS
(6)	50 000		(7)	400 000	400 000 (8)
(s)	50 000		(M)	400 000	400 000 (M)
			(S)	-0-	
	PROVEE	DORES		VE	INTAS
	<del></del>	400 000 (7)			800 000 (8)
	· <del></del>	400 000 (s)		1-	800 000 (S)
	-	COSTO DE VEN	TAS		
	,	(8) 400 000			
		(S) 400 000			. 1

Una forma de verificar si las operaciones anteriores se registraron correctamente es formulando un documento que se denomina
"balanza de comprobación", en la cual si la suma de los saldos
deudores es igual a la suma de los saldos acreedores se presume que los asientos contables se registraron correctamente.

# BALANZA DE COMPROBACION

CONCEPTO	DEBE	HABER
Bancos	4'460,000	
Capital Social	•	5'000,000
Gastos de Organización	190,000	
Terreno	400,000	
Edificio	600,000	
Mobiliario de Oficina	100,000	-
Gastos de Instalación	50,000	
Almacén de Mercancías	~	
Proveedores		400,000
Ventas Costo de Ventas	400,00	800,000
	\$ 6'200,000	\$ 6'200,000
	=======================================	

Como se señaló anteriormente existen diferentes valores que in tegran el activo, pasivo, capital y resultados, estos valores se enumeran en el catálogo de cuentas y sus movimientos y naturaleza se explican en la guía de contabilización que se presenta a continuación.

# CATALOGO DE CUENTAS Y GUIA DE CONTABILIZACION.

# Grupos de cuentas

7	- 36	000	-++
<b>_</b>	A	CT3	LVU

- 2. PASIVO
- 3. CAPITAL CONTABLE
- 4. INGRESOS
- 5. COSTOS Y GASTOS
- 6. MEMORANDO

### 1. CUENTAS DE ACTIVO

# 11. Efectivo en caja y bancos

110 Fondo fijo de caja

111 Bancos

11101

11102

112 Inversiones en valores de realización inmediata

# 12. Documentos y cuentas por cobrar

120	Documentos	por	cobrar
-----	------------	-----	--------

- 121 Documentos descontados
- 122 <u>Clientes</u>
- 123 Adeudos
- 124 Deudores diversos
- 125 Intereses e IVA X cobrar a deudores y clientes
- 126 Estimación para adeudos de cobro dudoso
- 127 IVA acreditable o IVA X cobrar

# 13. <u>Inventarios</u>

- 130 Almacén de mercancías
- 131 Estimación para ajustes de inventarios
- 132 Mercancías en tránsito

	133	Anticipos a proveedores
	134	Inventario inicial
	135	Compras Totales
	136	Gastos sobre compras
	•	13601 Fletes
		13602 Acarreos
		13603 Almacenaje
	137	Devoluciones y rebajas sobre compras
		13701 Devoluciones sobre compras
		13702 Rebajas sobre compras
	138	Compras netas
	139	Inventario final
14.	Otros Ac	tivos
	140	Inversiones en acciones en cías. sub- sidiarias
	141	Depósitos en garantía
15.	<u>Fijo</u>	
	150	Terrenos
	151	Edificios
	152	Maquinaria y Equipo
	153	Equipo de Transporte
	154	Mobiliario y Equipo de Oficina
	155	Depreciación Acumulada de Edificio
	156	Depreciación Acumulada de Maquinaria y Equipo
	157	Depreciación Acumulada de Equipo de
		Transporte
	158	Depreciación Adumulada de Mobiliario
	•	y Equipo de Oficina
	159	Construcciones en Proceso
16.	Pagos an	ticipados
	160	Impuesto sobre la renta pag. x antic.
	161	Seguros y fianzas pagados x anticipado
	162	Intereses pagados por anticipado

# 17. Gastos por amortizar

1/0	Gastos de organización
171	Amortización acumulada de gastos de
	organización
	<del>-</del>
172	Gastos de instalación
173	Amortización acumulada de gastos de
	instalación
	Instatacion
CUENTAS D	E PASIVO
21. Docum	entos y cuentas por pagar a corto plazo
210	Documentos por pagar
211	Proveedores
212	Acreedores diversos
213	Intereses e IVA x pagar a acreedores
214	Impuestos y derechos por pagar
	21401 Sobre la renta sobre productos
	<del>-</del>
	del trabajo
	21402 Del 1% sobre remuneraciones
	21403 Del 5% INFONAVIT
	21404 Cuotas obrero patronales al IMSS.
215	****
	IVA por pagar
216	Anticipos de clientes
217	Gratificaciones por pagar
218	Participación de utilidades a favor
	del personal por pagar
210	
219	Impuesto sobre la renta al ingreso
	global de las empresas por pagar
22. <u>A</u> lar	qo plazo
<del> </del>	
220	Degunantes non nagar
220	Documentos por pagar
_	
23. <u>Crédi</u>	tos diferidos
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
230	Intereses cobrados por anticipado
	inecreses contados por anticipado
CUENTAS D	E CAPITAL CONTABLE
300	Capital social suscrito
301	Capital social no exhibido
	1
302	Reserva legal
303	Resultados de ejercicios anteriore
304	Resultados del ejercicio
	<b>→</b> · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

2.

3.

# 4. CUENTAS DE INGRESOS

5.

400 Ventas
401 Devoluciones sobre ventas
402 Productos financieros

40201 Intereses cobrados
40202 Descuentos, bonificaciones
y rebajas sobre compras

403 Otros ingresos

40301 Utilidades en venta de activo fijo

# CUENTAS DE COSTOS Y GASTOS

50122

50123

50124

50125

40302 Diversos

Costo de ventas 500\_ 501 Gastos de ventas 50101 Amortización 50102 Depreciación 50103 Sueldos y salarios 50104 Tiempo extraordinario 50105 Gratificaciones 50106 Indemnizaciones 50107 : Viáticos acumulables 50108 Comisiones a empleados 50109 Gastos de representación acumalables 50110 Honorarios 50111 Previsión social 50112 Donativos 50113 Renta 50114 Seguros y fianzas 50115 Fletes y acarreos 50116 Publicidad 50117 IVA Costo 50118 Del 1% sobre remuneraciones 50119 Del 5% INFONAVIT 50120 Impuesto predial 50121 Derechos por servicios de agua

50126 Transportes locales

Otros impuestos y derechos

Correo, teléfono y telégrafo

Papelería y artículos de escritorio

Comisiones a independientes o agentes

```
50127 Cuotas y suscripciones
 50128 Luz y Fuerza
 50129 Aseo, conservación y mantenimiento
 50130 Mantenimiento y reparación de mobiliario y equipo
 50131 Reparación de mercancía
 50132 Gastos de cobranza
 50133 Gastos no deducibles
 50134 Diversos
Gastos de Administración
 50201 Amortización
 50202 Depreciación
 50203 Sueldos y salarios
 50204 Tiempo extraordinario
 50205 Gratificaciones
 50206 Indemnizaciones
 50207 - Viáticos acumulables
 50208 Comisiones a empleados
 50209 Gastos de representación acumulables
 50210 Honorarios
 50211 Previsión social
 50212 Donativos
 50213 Renta
 50214 Seguros y fianzas
 50215 Fletes y acarreos
 50216 Publicidad
 50217
        IVA Costo
 50218 Del 1% sobre remuneraciones
 50219
        Impuesto predial
 50220 Derechos por servicio de agua
 50221
        Otros impuestos y derechos
 50222 Papelería y artículos de escritorio
 50223
        Correo, teléfono y telégrafo
 50224 Comisiones a independientes o agentes
 50225
        Transportes locales
 50226
        Cuotas y suscripciones
 50227
        Luz y Fuerza
 50228
        Aseo, conservación y mantenimiento
 50229
        Mantenimiento y reparación de mobiliario y equipo
 50230
        Reparación de mercancía
 50231
        Gastos de cobranza
        _ stos no deducibles
 50232
 50223
         versos
```

502

503

504

Gastos financieros

Otros gastos

- 50401 Pérdidas en ventas de activo fijo 50402 Diversos
- 505 Provisión para el impuesto sobre la renta al ingreso global de las empresas
- 506 Provisión para la participación de utilidades al personal.

# CLASIFICACION DE CUENTAS EN EL CAPITAL CONTABLE

DEUDOR	ACREEDOR
- Capital Social no exhibido - Pérdidas Acumuladas	- Capital Social Suscrito
- Pérdida del ejercicio	- Utilidades acumuladas - Utilidad del ejercicio.

# CLASIFICACION DE CUENTAS EN EL PASIVO

A CORTO PLAZO (ACREEDOR)	CONTINGENTE (ACREEDOR)	A LARGO PLAZO (ACREEDOR)
	E (	**************************************
- Documentos por pagar	Deudores cuantificados en	Documentos por pagar por
- Proveedores	contra de la empresa por	créditos refaccionarios,
- Acreedores	juicios.	hipotecarios u otros.
- Intereses e IVA por pagar a acreedores	- Civiles	
<ul> <li>Impuestos y derechos por pagar</li> </ul>	- Mercantiles	
- IVA por pagar	- Laborales	
- Anticipos de clientes	_ Fiscales	
- Gratificaciones por pagar		
- Participación de utilidades a favor del personal por pagar.	1	
- Impuestς sobre la Renta al ingreso global de las empr <u>e</u> sas por pagar.		

# GUIA DE CONTABILIZACION Y CATALOGO DE CUENTAS

# CUENTAS DE ACTIVO.

# 110. FONDO FIJO DE CAJA

### CARGOS:

- Importe de la dotación inicial para integrar el fondo fijo
- 2. Incremento al fondo fijo.

### CREDITOS:

- 1. Disminución del fondo fijo
- 2. Cancelación del fondo fijo.

# SALDO:

Deudor. Representa el monto del fondo fijo existente.

### NOTAS:

- 1. El fondo fijo se establecerá exclusivamente para gastos menores, cuya cuantía deberá ser fijada por la dirección de la empresa a base de un lími te. Por ejemplo menores de \$ 100.00.
- 2. Deberá conservarse físicamente separado de la cobranza del día.
- 3. Dicho fondo será repuesto periódicamente mediante la expedición de un cheque nominativo, cargum do a las diferentes cuentas que corresponda con crédito a bancos.

# 111. BANCOS

### CARGOS:

 Depósitos que se hagan en las cuentas bancarias en efectivo y documentos de cobro inmediato.

- 2. Notas de crédito de los bancos por cobro efectuados por su conducto y por descuento de documentos.
- 3. Transferencia de fondos de un banco a otro.

# CREDITOS:

- 1. Importe de cheques expedidos
- Cargos bancarios por comisiones, descuentos, falsos cobros, etc.

# SALDO:

Deudor. Representa el saldo disponible en las -- cuentas corrientes bancarias.

### NOTAS:

- Deberá abrirse un auxiliar para cada cuenta ban caria.
- 2. La expedición de cheques será siempre en forma no minativa evitándose los cheques "al portador", a "nosotros mismos", a "nombre de la empresa". To das las cobranzas deberán depositarse integramente al día siguiente hábil a su recepción.
- 112. Inversiones en Valores de Realización Inmediata.

# CARGOS:

- Importe de los Valores adquiridos (Acciones o Preesta blecidos) por la empresa que son negociables a la venta
  o a plazo. Venta con vencimiento menor de un año.
- 2. Capitalización de intereses con menos valores.

# Ar...OS:

1. Venta de valores

Deudor. Representa el monto de inversiones en valores a corto plazo que tiene la empresa.

# 120. <u>DOCUMENTOS POR COBRAR</u>

### CARGOS:

Importe de los documentos aceptados por los deudores a favor de la empresa.

#### CREDITOS:

- 1. Pagos de documentos, ya sea en forma parcial o  $t\underline{o}$  tal.
- Importe de documentos cancelados.

### SALDO:

Deudor. Representa los documentos a favor de deudores.

# 121. DOCUMENTOS DESCONTADOS

# CARGOS:

 Importe de documentos descontados cobrados por las instituciones de crédito, según aviso de la misma.

Contracuenta 120. Documentos por cobrar.

 Importe del documento devuelto por las instituciones de crédito por falta de cobro, con crédito a to cuenta 112, Bancos.

### CREDITOS:

Importe del descuento de documentos con cargo a la cuenta 112, Bancos.

### SALDO:

Acreedor. Representa el pasivo de contingencia por el valor nominal de los documentos descontados pon dientes de cobro por las instituciones en que se -

llevó a cabo el descuento.

# NOTA:

1. Los documentos deberán mandarse a la institución de crédito de que se trate, acompañados en una carta en que se relacionen y la copia de la cual deberá archivarse junto con la co pia de la póliza correspondiente. El objeto de anexar la copia de la carta relación a la copia de la póliza es para facilitar el registro de dichos documentos en for
ma detallada en sus auxiliares respectivos,
ya que por un lado en la póliza se redactará
el concepto en forma global y por otro, la finalidad de las copias de las pólizas es ha
cer con ellas los registros contables.

 Deberá establecerse una subcuenta para cada institución de crédito donde se descuenten los documentos.

# 122. CLIENTES:

#### CARGOS:

- Importe de las facturas por ventas de con tado comercial a 30 días y a crédito.
- 2. Importe de gastos hechos por cuenta de clientes, mediante la nota de cargo correspondiente a la que se le anexarán los documentos originales de la operación.
- Cargos por intereses u otros conceptos median te nota de cargo.

## CREDITOS:

- 1. Pagos que hagan los clientes
- 2. Bonificaciones y descuentos concedido de los clientes mediante nota de cródito.
- Cancelación de los saldos que se consideran incobrables.

#### SALDO:

Deudor: Representa los adeudos a cargo de -- clientes de contado comercial y a crédito.

# NOTA:

Deberá establecerse una tarjeta auxiliar pa-

# 123. FUNCIONARIOS Y EMPLEADOS

### CARGOS:

- Importe de préstamos que se hagan al personal de la empresa.
- 2. Cargos por otros conceptos mediante nota de cargo.
- 3. Entregas que se hagan al personal de la empresa, por concepto de anticipos a cuenta de participa -- ción de utilidades.

### CREDITOS:

- 1. Pagos que haga el personal de la empresa por préstamos y otros conceptos.
- -2. Aplicación de la participación de utilidades al -personal, determinada sobre las utilidades obtenidas por la compañía.

### SALDO:

Deudor. Representa los adeudos mencionados a cargo del personal de la empresa y los anticipos a cuenta de participación de utilidades, pendientes de - aplicación.

### NOTA:

Deberá establecerse una tarjeta auxiliar para caca funcionario y empleado.

# 124. <u>DEUDORES DIVERSOS</u>

### CARGOS:

Importe de adeudos por cualquier concepto distinto al ingreso normal del giro del negocio.

#### CREDITOS:

Pago o cancelación de adeudos que s∈ registraron en esta cuenta.

### SALDO:

Deudor, Representa los adoudos mencionados an los

### NOTA:

Debe establecerse una tarjeta auxiliar para cada deudor.

# 125. INTERESES E IVA POR COBRAR A DEUDORES Y/O CLIENTES

### CARGOS:

- Importe de los intereses devengados a favor de la empresa no incluidos en el documento. El cálculo se hará de la fecha de la operación a la fecha de presentación de la información.
- 2. Importe del IVA generado por los intereses deven gados que el cliente o el deudor nos adeuda.

#### CREDITOS:

Cobro a los clientes de los intereses e IVA, a favor de la empresa al vencimiento del documento, ya sea en forma parcial o total.

## SALDO:

Deudor. Representa el importe de los intereses devengados. A favor de la empresa a la fecha de presentación.

# 126. ESTIMACION PARA ADEUDOS DE COBRO DUDOSO

## CREDITOS:

Cantidades asignadas para cubrir posibles pérdidas por adeudos incobrables debidamente comprobados.

### CARGOS:

- Adeudos cancelados por incobrables, debidamente autorizados y comprobados por la dirección de la empresa con crédito a las cuentas por cobrar co rrespondientes.
- 2. Disminución o cancelación del saldo de esta cuenta.

### SALDO:

Acreedor. Representa la estimación acumulada para cubrir posibles adeudos incobrables.

### NOTAS:

- 1.- Las cuentas canceladas deberán inutilizarse me -diante un sello y permanecer en un expediente especial.
- 2.- Esta estimación deberá crearse mediante un estu dio individual de las cuentas por cobrar.
- 3.- Las pérdidas por cuentas incobrables cargadas a esta cuenta, podrán ser deducibles para efectos de impuestos sobre la renta.

# 127. IVA ACREDITABLE O IVA POR COBRAR

#### CARGOS:

1.- Importe del IVA pagado por la empresa a terceros por la compra de bienes y/o servicios.

#### ABONOS:

- 1.- Aplicación mensual del IVA a favor de la empresa contra la cuenta IVA por pagar.
- Aplicación del IVA a resultados que no será compensable.

### SALDO:

Deudor. Representa el monto de IVA pagado por la empresa que será compensado o aplicado a resultados.

# 130. ALMACEN DE MERCANCIAS

### CARGOS:

- 1 Costo de adquisición de mercancías.
- 2.- Costo de mercancías recibidas de los clientes por concepto de devoluciones.

c.

#### ABONOS:

- 1. Costo de las mercancías vendidas
- Costo de las mercancías devueltas a los proveedo res
- 3. Costo de las mercancías dadas de baja.

### SALDO:

Deudor. Representa el costo de la mercancía en e - xistencia.

### NOTA:

 Debe establecerse un auxiliar para cada artículo o mercancía.

# 131. ESTIMACION PARA AJUSTE DE INVENTARIOS

### CARGOS:

Importe de los artículos anticuados o fuera de uso por estar dañados o en mal estado que por ------ consiguiente hayan bajado de valor o sean dados de baja.

#### CREDITOS:

Cantidades destinadas para cubrir posibles pérdidas por el deterioro u obsolescencia de los artículos.

### SALDO:

Acreedor. Representa la estimación para cubrir posibles pérdidas por el deterioro u obsolescencia de los artículos.

# 132. MERCANCIAS EN TRANSITO

# CARGOS:

1.- Costo de adquisición de mercancías que aún no lle gan a la empresa.  Fletes y acarreos que originan el traslado de la mercancía comprada.

### CREDITOS:

- Costo de las mercancías recibidas de los provee dores.
- Costo de los artículos extraviados o dañados ya sea que proceda la reclamación o bien que la em presa absorba dicho costo.

### SALDO:

Deudor. Representa el importe de las mercancías en tránsito aún no recibidas.

### NOTA:

Deberá establecerse un auxiliar para cada concepto.

# 133. ANTICIPOS A PROVEEDORES

### CARGOS:

Entrega a cuentas de pedidos de mercancía y materiales.

### CREDITOS:

Traspaso a la cuenta 212. Proveedores por la aplicación del anticipo efectuado, una vez recibida - la mercancía.

Devolución de los anticipos efectuados.

# SALDO:

Deudor. Representa los anticipos pendientes de -- aplicación a cargo de proveedores.

NOTA:

Deberá establecerse una tarjeta auxiliar para ca - da proveedor.

### 134. INVENTARIO INICIAL

(Sistema Pormenorizado)

# CARGOS: '

- Importe del inventario de mercancía con el que ini cia las operaciones una empresa.
- 2. Traspaso del saldo de la cuenta 140 Inventario Final al principio del período. (Ejercicio Social).

### CREDITOS:

Traspaso del saldo a la cuenta 501 Costo de Ventas al final del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. En el ejercicio representa lo indicado en los cargos.

# 135. <u>COMPRAS TOTALES</u>

(Sistema Pormenorizado)

### CARGOS:

Importe de las compras efectuadas por la empresa para su posterior venta.

### CREDITOS:

Traspaso del saldo al final del ejercicio a la -- cuenta 139 Compras Netas.

### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa lo indica do en los cargos.

### NOTA:

Deberán establecerse tarjetas auxiliares para cada mercancía.

# 136. GASTOS SOBRE COMPRAS

(Sistema Pormenorizado)

#### CARGOS:

Importe de los gastos efectuados por la adquisi - ción de mercancías como: fletes, acarreos y alma-cenaje que será vendida posteriormente.

### CREDITOS:

Traspaso del saldo al final del ejercicio a la -- cuenta 139 Compras Netas.

# SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa lo indicado en los cargos.

#### NOTA:

Deberán establecerse tarjetas auxiliares para cada tipo de gasto.

### 137. DEVOLUCIONES Y REBAJAS SOBRE COMPRAS

(Sistema Pormenorizado)

### CREDITOS:

- 1. Importe de la mercancía que se devuelve al provee dor por estar defectuosa.
- Importe de las rebajas que nos conceden los proveedores.

### CARGOS:

Traspaso del saldo al final del ejercicio a la -- cuenta 139 Compras Netas.

# SALDO:

Acreedor. Durante el ejercicio representa lo indido en los créditos.

#### NOTA:

Deberán establecerse tarjetas auxiliares para controlar las devoluciones y rebajas.

# 138. COMPRAS NETAS

(Sistema Pormenorizado)

### CARGOS:

- 1. Traspaso de la cuenta 136. Compras totales
- 2. Traspaso de la cuenta 137. Gastos sobre Compras.

### CREDITOS:

- Traspaso de la cuenta-138. Devoluciones y Rebajas sobre Compras.
- Traspaso del saldo de esta cuenta a la cuenta 501.
   Costo de Ventas al final del Ejercicio.

### SALDO:

Deudor. Ala fecha de cierre representa el monto - de las compras netas efectuadas en el ejercicio.

# 139. <u>INVENTARIO FINAL</u>

# CARGOS:

Al final del ejercicio de las mercancías que quedan en existencia según recuento físico. Contra cuenta 501. Costo de Ventas.

### CREDITOS:

Traspaso del saldo de la cuenta al iniciar el ejercicio a la cuenta 135. Inventario In cial.

### SALDO:

Deudor. Al final del ejercicio representa la existencia final de mercancía en nuestros almacenes.

# 140. INVERSIONES EN ACCIONES DE CIAS. SUBSIDIARIAS

### CARGOS:

Costo de adquisición de acciones que compre la empresa de otras empresas.

#### CREDITOS:

Costo de adquisición de las acciones dados de baja por la empresa por venta.

### SALDO:

Deudor. Representa la inversión en acciones a su costo de adquisición.

### NOTA:

Deberá establecerse un registro auxiliar para el control de los valores.

# 141. <u>DEPOSITOS EN GARANTIA</u>

### CARGOS:

Importe de las cantidades depositadas por la em - presa en garantía de cumplimiento de contratos.

### CREDITOS:

- 1. Recuperación de los depósitos
- Aplicación de los depósitos o parte de los mismos a la liquidación del contrato que garantizan.

# SATTO:

Deudor. Representa los depósitos en garantía efectuados por la empresa en cumplimiento de contra - tos.

# 150. TERRENOS

### CARGOS:

Costo de adquisición de los terrenos propiedad de la - empresa.

#### CREDITOS:

Costo de adquisición de los terrenos que se venden.

### SALDO:

Deudor. Representa el costo de adquisición de los te - rrenos propiedad de la empresa.

# 151. EDIFICIOS

### CARGOS:

Costo de adquisición de los activos propiedad de la  $\underline{\mathsf{em}}$  presa.

Del valor de los materiales, mano de obra y gastos que se cubran por la construcción de edificios. Contracuen ta obras en proceso.

### · CREDITOS:

Del costo de adquisición de los edificios que se vendan.

### SALDO:

Deudor. Representa el costo de adquisición de los edificios propiedad de la empresa.

# 152. MAQUINARIA Y EQUIPO

#### CARGOS:

Costo de adquisición de la maquinaria y equipo propi $\underline{e}$  dad de la empresa.

Del valor de los materiales, mano de obræ y gastos que se cubran por la construcción de maquinaria. Contracuen ta. Construcciones en proceso.

### CREDITOS:

Del costo de adquisición de la maquinaria que se venda o se dé de baja por inservible u obsoleta.

### SALDO:

Deudor. Representa el costo de adquisición de la maquinaria y equipo propiedad de la empresa.

# 153. EQUIPO DE TRANSPORTE

### CARGOS:

Costo de adquisición de unidades de transporte propiedad de la empresa.

Adiciones importantes que se efectúan a las unidades - como chasises y carrocerías.

### CREDITOS:

Costo de adquisición más valores adicionados en su caso de unidades de transporte que se den de baja por -- venta, obsolescencia o inservibles.

### SALDO:

Deudor. Representa el costo de adquisición de las unidades de transporte propiedad de la empresa.

# 154. MOBILIARIO Y EQUIPO DE OFICINA

### CARGOS:

Costo de adquisición de muebles y otro tipo de equipo de oficina tales como escritorios, sillones, archive - ros, máquinas de escribir, sumadoras, etc.

### CREDITOS:

Costo de adquisición de muebles y otro equipo de oficina vendido o desechado.

# SALDO:

Deudor. Representa el costo de adquisición de las in -

)

versiones tanto en muebles como en equipo de oficina propiedad de la empresa.

### NOTA:

Los artículos que adquiera la empresa para el mobiliario y equipo coficina que no excedan de ---\$ 100.00 deberán llevarse directamente a gastos, en la inteligencia de que si se consideran valio sos, se llevará un inventario de los mismos.

# 155. DEPRECIACION ACUMULADA DE EDIFICIOS

### CREDITOS:

Por el porcentaje previamente establecido por la -

dirección para la recuperación de la inversión he cha por la empresa, a través de los gastos o costos.

### CARGOS:

Importe de la acumulación de la depreciación hasta la fecha de la baja del edificio por venta. El cómputo se hará tomando como base la fecha de adquisición.

#### SALDO:

Acreedor. Representa la depreciación acumulada del edificio de la empresa.

# 156. DEPRECIACION ACUMULADA DE MAQUINARIA Y EQUIPO

### CREDITOS:

Por el porcentaje previamente establecido por la dirección para la recuperación de la inversión he cha por la empresa, a través de los gastos o costos.

#### CARGOS:

Importe de la acumulación de la depreciación hasta la fecha de la baja de la maquinaria y equipo por venta o desecho. El cómputo se hará tomando como base la fecha de adquisición.

### SALDO:

Acreedor. Representa la depreciación acumulada de la maquinaria y equipo de la empresa.

# 157. DEPRECIACION ACUMULADA DE EQUIPO DE TRANSPORTE

### CREDITOS:

Por el porcentaje previamente establecido por la dirección para la recuperación de la inversión he cha por la empresa, a través de los gastos o costos.

٢,

CARCOS.

Importe de la acumulación de la depreciación hasta la fecha de la baja del equipo de transporte por - venta o desecho. El cómputo se hará tomando como - base la fecha de adquisición.

### SALDO:

Acreedor. Representa la depreciación acumulada del equipo de transporte de la empresa.

# 158. DEPRECIACION ACUMULADA DE MOBILIARIO Y EQUIPO

### CREDITOS:

Por el porcentaje previamente establecido por la - dirección para la recuperación de la inversión he- cha por la empresa, a través de los gastos o cos - tos.

# CARGOS:

Importe de la acumulación de la depreciación hasta la fecha de la baja del mobiliario y equipo por venta o desecho. El cómputo se hará tomando como base la fecha de adquisición.

### SALDO:

Acreedor. Representa la depreciación acumulada del mobiliario y equipo de la empresa.

# .59. CONSTRUCCIONES EN PROCESO

### CARG % :

Importe de los materiales, anticipos por acomo de obra, mano de obra, honorarios, mefaccios s, partes, equipo, accesorios, etc. que se utilicen en la construcción de Activo Fijo.

### CREDITOS:

Traspaso de las construcciones terminadas a las - cuentas de Activo Fijo que correspondan al costo.

### SALDO:

Representa el costo de las obras que se encuentran en proceso de construcción que no han sido termina das.

### NOTA:

Debe establecerse un auxiliar para cada uno de los valores de Activo Fijo.

# 160. IMPUESTO SOBRE LA RENTA PAGADO POR ANTICIPADO.

### CARGOS:

Importe de los pagos provisionales de impuestos sobre la renta, que deberán enterarse en los meses - 50.,90. y 120. del ejercicio social.

#### CREDITOS:

Aplicación a fin de ejercicio, por el impuesto final determinado. Contracuenta 214. Impuestos y derechos por pagar, subcuenta 2145. Sobre la renta.

### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa el importe de los anticipos a cuenta de impuesto. En caso de que exista un saldo a favor de la empresa en relación al impuesto final, podrán seguirse dos procedimientos: primero, dejarlo en la propia cuenta - como gasto anticipado o bien, traspasarlo a la --124. Deudores diversos, subcuenta Secretaría de - Hacienda y Crédito Público.

# 161. SEGUROS Y FIANZAS PAGADAS POR ANTICIPADO

#### CARGOS:

Importe de las primas y endosos de los contratos de seguros y fianzas que ha tomado la compañía.

### CE . ITOS:

 Aplicación periódica a resultados de dichas primas y endosos contratados.

# SALDOS:

Deudor. Importe total de las primas y endosos paga dos pendientes de aplicación.

### NOTA:

Deberá llevarse un registro auxiliar para el control de las primas que amparan los seguros y fianzas contratados.

### 162. INTERESES PAGADOS POR ANTICIPADO

### CARGOS:

Importe de los intereses pagados por anticipado:

# CREDITOS

Aplicación periódica a resultados de los intereses devengados.

### SALDO:

Deudor. Representa el importe de intereses pagados no devengados.

### NOTA:

Conviene establecer un registro auxiliar para ol control de los intereses.

# 170. GASTOS DE ORGANIZACION

#### CARGOS:

Importe de las erogaciones por concepto de organización o reorganización de la empresa.

### CREDITOS:

Sólo en caso de disolución de la sociedad, se can celará contra la cuenta 171. Amortización acumulada de gastos de organización y si no hubiere al canzado el 100% de los gastos de organización, la diferencia se llevará a resultados.

### SALDO:

Deudor. Representará el importe de las erogaciones efectuadas en la organización o reorganización de la empresa.

# 171. AMORTIZACION ACUMULADA DE GASTOS DE ORGANIZACION

# CREDITOS:

Deberá fijarse una cuota anual o mensual, para la amortización de estos gastos de acuerdo con el criterio que dicte la dirección de la empresa.

### CARGOS:

Cancelación de la cuenta al momento-de practicar - la liquidación de la empresa. Contracuenta 171. -- Gastos de organización.

### SALDO:

Acreedor. Representa la amortización acumulada de los gastos efectuados en la organización de la em presa.

# 172. GASTOS DE INSTALACION

#### CARGOS:

Valor de adquisición de las instalaciones efectua das (canceles, alfombras, mostradores, adaptaciones).

### CREDITOS:

Sólo en caso de disolución de la sociedad, o bien en caso de cambio de domicilio, se cancelará contra la cuenta 174. Amortización acumulada de gastos de instalación y si ésta no hubiera alcanzado el 100% de los gastos de instalación, la diferencia se llevará a resultados.

### SALDO:

Deudor. Representa el importe de los gastos de --

instalación efectuados por la empresa en activos - fijos que no sean de su propiedad.

# 173. AMORTIZACION ACUMULADA DE GASTOS DE INSTALACION

### CREDITOS:

Deberá fijarse una cuota anual o mensual, para la amortización de estos gastos de acuerdo con el criterio que dicte la dirección de la empresa.

### CARGOS:

Cancelación de la cuenta por disolución de la empresa, o bien por cambio de domicilio. Contracuen ta 173. Gastos de instalación.

### SALDOS:

Acreedor. Representa la amortización acumulada de los gastos de instalación efectuados por la empresa.

## 2.- CUENTAS DE PASIVO

# 210. DOCUMENTOS POR PAGAR A CORTO PLAZO

### CREDITOS:

Importe de los documentos por pagar aceptados por la empresa, cuyo vencimiento sea a plazo menor de un año.

# CARGOS:

Importe de los documentos liquidados total o parcialmente.

## SALDO:

4

Acreedor. Representa el pasivo documentado a cargo de la empresa pendiente de liquidar.

### NOTA:

Deberá establecerse una tarjeta auxiliar para cada acreedor.

### 211. PROVEEDORES

### CREDITOS:

Importe de todas las compras efectuadas a crédito, así como los gastos relacionados con las mismas.

# CARGOS:

- Importe de pagos hechos a proveedores por concepto de adeudos por compras a crédito.
- Importe de las rebajas sobre compras a crédito, concedidas por los proveedores.
- Importe de las devoluciones sobre compras a cré dito.

- Por traspaso de los anticipos efectuados, al formalizar la operación. Contracuenta 134. Anticipos a proveedores.
- 5. Importe de los adeudos que se documenten. Contra cuenta 211. Documentos por pagar a corto plazo.

### SALDO:

Acreedor. Representa los adeudos no documentados a favor de proveedores por concepto de compras efectuadas a crédito.

#### NOTA:

Debe establecerse una tarjeta auxiliar para cada proveedor.

# 212. ACREEDORES DIVERSOS

### CREDITOS:

Importe de adeudos a favor de terceros, provenien tes de operaciones ajenas a la adquisición de mer cancías.

### CARGOS:

Pagos o cancelación de adeudos que se registran - en esta cuenta.

### SALDO:

Acreedor. Representa el total de los adeudos mencionados en los créditos.

#### NOTA: -

Deberá abrirse un auxiliar para cada acreedor.

# 213. INTERESES E IVA POR PAGAR

### CREDITOS:

1. Importe de los intereses devengados or créditos recibidos contracuenta. Gastos Financieros.

2. Importe del IVA generado por los intereses devengados que adeudamos a acreedores.

#### CARGOS:

Pago parcial o total de los intereses y del IVA.

#### SALDO:

Representa el monto de los intereses e IVA deven - gados a la fecha de presentación por créditos que recibió la empresa. Y por IVA que adeudamos a acree dores.

#### NOTA:

Debe establecerse una tarjeta auxiliar para cada - acreedor.

# 214. IMPUESTOS Y DERECHOS POR PAGAR

# CREDITOS:

Importe de los impuestos y derechos causados, pendientes de pago, como: impuesto sobre la renta sobre productos del trabajo, impuesto del 1% sobre - remuneraciones pagadas, aportaciones del 5% del -- INFONAVIT y cuotas obrero patronales al Instituto Mexicano del Seguro Social.

#### CARGOS:

Pagos o cancelación de adeudos registrados en esta cuenta.

#### SALDO:

Acreedor. Importe de los impuestos y derechos causados pendientes de pago, que debe de pagar la empresa.

#### NOT::

Debe establecerse una tarjeta auxiliar por cada - impuesto.

#### CARGOS:

- 1. Aplicación mensual del IVA por Cobrar o acreditable
- Pago del IVA mensual

#### ABONOS:

1. Cobros que efectúa la empresa a terceros por la venta de bienes y/o servicios.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el monto del IVA que debe de - pagar la empresa.

# 216. ANTICIPOS DE CLIENTES

#### CREDITOS:

Cantidades recibidas de los clientes por concepto de anticipos a cuenta de entregas de mercancías.

#### CARGOS:

Aplicación de los anticipos de clientes. Contracuenta 122. Clientes.

#### SALDO: .

Acreedor. Representa el importe de las cantidades entregadas por los clientes en calidad de anticipos.

#### NOTA:

Deberá establecerse una tarjeta auxiliar para cada cliente.

# 217. GRATIFICACIONES POR PAGAR

# CREDITOS:

Incremento periódico de la cuenta con cargo a gastos con base en el estudio técnico qua se haga. Di cha base podrá ser el importe proporcional de la nómina mensual.

#### CARGOS:

Importe real de las gratificaciones pagadas al personal, siempre y cuando el saldo de la cuenta sea suficiente, en caso contrario, se aplicará hasta agotar totalmente el pasivo y la diferencia se cargará a gastos.

#### SALDOS:

Acreedor. Representa la provisión acumulada que -- servirá para el pago de las gratificaciones al personal.

# 218. PARTICIPACION DE UTILIDADES A FAVOR DEL PERSONAL POR PAGAR

#### CREDITOS:

Creación del pasivo a cargo de la empresa por de - terminación de la participación de utilidades a fa vor del personal. Contracuenta. Provisión para la participación de utilidades al personal.

#### CARGOS:

Pago o aplicación de las participaciones de util<u>i</u> dades al personal.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el importe de la participa -- ción de utilidades a favor del personal, pendiente de distribuir o aplicar.

# 219. IMPUESTO SOBRE LA RENTA AL INGRESO GLOBAL DE LAS EMPRESAS POR PAGAR

#### CREDITOS:

Por el importe total del impuesto definitivo a car go de la empresa contracuenta 506.- Provisión para el impuesto sobre la renta al ingreso global de las empresas.

#### CARGOS:

Tracpace del -- 11 1

bre la Renta pagado por anticipado. Si el saldo de esta cuenta es superior, la diferencia se aplica a la cuenta 124. Deudores Diversos.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el impuesto sobre la renta al Ingreso Global a cargo de la empresa pendiente de pago a la fecha de cierre del ejercicio.

#### 220. DOCUMENTOS POR PAGAR A LARGO PLAZO

#### CREDITOS:

Importe de los documentos por pagar aceptados por la empresa cuyo vencimiento sea a plazo mayor de un año.

# CARGOS:

- Importe de los documentos liquidados parcial o totalmente.
- Traspaso a documentos por pagar a plazo menor de un año.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el importe de los documentos a cargo de la empresa con plazo mayor de un año -- pendientes de liquidar.

#### NOTA:

Debe establecerse una tarjeta auxiliar para cada acreedor.

# 230. INTERESES COBRADOS POR ANTICIPADO

### CREDITOS:

Importe de los intereses cobrados por anticipado.

#### CARGOS:

Aplicación periódica a las cuentas Le resultados

de los intereses devengados.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el importe de los intereses - cobrados por anticipado pendientes de devengar.

# 3. - CUENTAS DE CAPITAL

# 300. CAPITAL SOCIAL SUSCRITO

#### CREDITOS:

- 1. Valor nominal de las acciones suscritas.
- 2. Valor nominal de las acciones que de acuerdo con la Asamblea General Extraordinaria de Accionistas se suscriban para aumento de capital.

#### CARGOS:

Valor nominal de las acciones que de acuerdo con la Asamblea General Extraordinaria de Accionistas se retiren por disminución de capital o por disolución de la sociedad.

#### SALDO:

Acreedor. Representa el importe de las acciones a valor nominal.

# 301. CAPITAL SOCIAL NO EXHIBIDO

#### CARGOS:

Importe de las acciones suscritas por los accionis tas. Contracuenta 300. Capital Social.

#### CREDITOS:

Pagos realizados por los accionistas.

. 1

#### SALDO:

Deudor. Representa el capital pendiente de exhibir se.

#### NOTA:

El saldo de esta cuenta deberá presentarse en elbalance como complementario del saldo de la cuenta 30D. Capital Social.

# 302. RESERVA LEGAL

#### CREDITOS:

Por ciento anual de las utilidades de cada ejercisicio según estipule la escritura constitutiva de la sociedad. - Contracuenta 304. Resultados del -- ejercicio.

#### CARGOS:

- 1. Por absorber pérdidas a las que no pueda hacerse frente con las utilidades acumuladas.
- 2. Por capitalización.

#### SALDO:

Acreedor. Representa la separación acumulada de utilidades para absorber posibles pérdidas futu - ras y también de acuerdo con la Ley, una mayor garantía para terceros.

# 303. RESULTADOS DE EJERCICIOS ANTERIORES

# CREDITOS:

Traspaso de la cuenta 304. Resultado del ejercicio por las utilidades del ejercicio que la Asamblea General de Accionistas decida no aplicar en forma concreta a alguna otra cuenta.

#### CARGOS:

Traspaso de la cuenta 304. Resultados del ejercicio por las pérdidas sufridas en el ejercicio.

#### SALDO:

Acreedor. Representa las utilidades netas acumuladas.

Deudor. Representa las pérdidas netas acumuladas.

# 304. RESULTADOS DEL EJERCICIO

#### CREDITOS:

- Al cierre del ejercicio social de todos los saldos de las cuentas de resultados acreedoras.
- Traspaso a la cuenta 303. Resultados de ejercicios anteriores cuando se trate de pérdidas.

#### CARGOS:

- 1. Al cierre del ejercicio social de todos los saldos de las cuentas de resultados deudoras.
- 2. Traspaso a las diferentes cuentas de capital conta ble que correspondan, de acuerdo con la distribu ción de utilidades que apruebe la Asamblea General de Accionistas.

#### SALDO:

Acreedor. Representa las utilidades obtenidas en - el ejercicio.

Deudor. Representa la pérdida del ejercicio.

#### NOTA:

El traspaso de esta cuenta a la 304. Resultados de ejercicios anteriores, se efectúa al principiar el nuevo ejercicio social.

# 4.- CUENTAS DE INGRESOS

# 400. VENTAS

# CR\_\_ITOS:

Importe de las ventas de los artículos propios del

giro del negocio.

#### CARGOS:

Traspaso del saldo de esta cuenta a la cuenta 305. Resultados del ejercicio al final del ejercicio.

#### SALDO:

Acreedor. Durante el ejercicio representa las ventas conforme al párrafo primero.

### 401. DEVOLUCIONES SOBRE VENTAS

#### CARGOS:

Importe de las devoluciones sobre ventas.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo de esta cuenta a la cuenta 305. Resultados del ejercicio, al final del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Representa durante el ejercicio las devo - luciones de clientes por ventas.

# 402. PRODUCTOS FINANCIEROS

#### CREDITOS:

- Intereses moratorios
- Importe de los descuentos obtenidos en la compra de mercancía y materiales.
- Importe de las utilidades en cambio.

#### CARGOS:

Traspaso del saldo al finalizar el ejercicio a la cuenta 305. Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Acreedor Duranto ol --

gresos obtenidos por los conceptos señalados en - los créditos.

### 403. OTROS INGRESOS

#### CREDITOS:

Importe de los productos derivados de operaciones que no son normales en el negocio, tales como utilidades en venta de activo fijo, ventas de desperdicio, recuperaciones, productos de inversiones en valores, etc.

#### CARGOS:

Traspaso del saldo de esta cuenta a la 305. Resultados del ejercicio, al finalizar el ejercicio.

#### SALDO:

Acreedor. Durante el ejercicio, representa los ingresos obtenidos por operaciones que no son normales en la empresa.

#### 5.- CUENTAS DE COSTOS Y GASTOS

# 500. COSTO DE VENTAS

#### CARGOS:

- Importe del costo de la mercancía vendida (Sistema: de Inventarios Perpetuos).
- 2. Correcciones al costo por equivocaciones en la va luación. (Sistema de Inventarios Perpetuos).
- 3. Traspaso del saldo de la cuenta 135. Inventario -Inicial

(Sistema Pormenorizado).

4. Traspaso del saldo de la cuenta 139. Compras Netas (Sistema Pormenorizado).

# CREDITOS:

Costo real de la mercancia devuelta por los clientes.

- Importe del Inventario al final del ejercicio, -Contracuenta 140. Inventario Final al momento de cierre del ejercicio. (Sistema Pormenorizado).
- 3. Traspaso del saldo de la cuenta al final del ejercicio a la cuenta 305. Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa el costo - de la mercancía vendida.

# 501. GASTOS DE VENTA

#### CARGOS:

Esta cuenta se cargará del importe de todos aquellos gastos (Ver análisis de subcuentas de la 50 201 a la 50 234) que se eroguen con motivo de las ventas, así como de aquellos que son necesarios pa ra hacer llegar el producto a manos del consumidor y lograr el cobro total de los mismos.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo al finalizar el ejercicio. Contracuenta 305. Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio, representa el importe acumulado de las erogaciones que se indican en los cargos.

# 502. GASTOS DE ADMINISTRACION

#### CARGOS:

Esta cuenta se cargará del importe de todos aquellos gastos (Ver análisis de subcuentas de la 50 201 a la 50 234) que se eroguen con motivo de la administración del negocio.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo al finalizar el ejercicio. Con tracuenta 305. Resultados del ejercicio.

Deudor. Durante el ejercicio, representa el importe acumulado de las erogaciones que se indican en los cargos.

# 503. GASTOS FINANCIEROS

#### CARGOS:

Importe de los intereses devengados y/o pagados a terceros o cargos efectuados por concepto de préstamos.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo al finalizar el ejercicio, Contracuenta 304. Resultados del sejercicio.

j.

Ma &

#### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa el importe acumulado de las erogaciones que se indican en los cargos.

#### 504. OTROS GASTOS

#### CARGOS:

Importe de los gastos derivados de operaciones que no son normales en la empresa, tales como pérdidas en ventas de activo fijo, etc.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo al finalizar el ejercicio, a la cuenta 304. Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Durante el ejercicio representa los gastos originados por operaciones que no constituyen el - giro normal de la empresa.

# 505. PROVISION PARA EL IMPUESTO SOBRE LA RENTA AL INGRESO GLO-BAL DE LAS EMPRESAS.

#### CARGOS:

Por el impuesto de acuerdo con el ingreso global - gravable que se obtenga cada mes. Contracuenta Impuesto sobre la Renta al Ingreso Global de las Empresas.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo de esta cuenta al finalizar el ejercicio a la cuenta .. Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Representa durante el ejercicio, las acumu laciones mensuales de las estimaciones en el cálcu lo del impuesto.

#### NOTA:

Esta cuenta deberá cargarse o acreditarse al finalizar el ejercicio, en función del impuesto final que se determine, para efectos de ajustar la estimación correspondiente.

# 506. PROVISION PARA LA PARTICIPACION DE UTILIDADES AL PERSONAL

#### CARGOS:

Importe de la participación de utilidades a favor del personal, correspondiente a la utilidad obte - nida en el ejercicio. Contracuenta. Participación de utilidades al personal.

#### CREDITOS:

Traspaso del saldo de la cuenta al finalizar el -- ejercicio a la . Resultados del ejercicio.

#### SALDO:

Deudor. Representa al finalizar el ejercicio el importe de la participación de utilidades a favor - del personal.



# FACULTAD DE INGENIERÍA UNAM DIVISIÓN DE EDUCACIÓN CONTINUA

"Tres décadas de orgullosa excelencia" 1971 - 2001

# **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA INDUSTRIAL Y DE NEGOCIOS

MODULO I: APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

# TEMA

MATEMÁTICAS FINANCIERAS: TEORIA E PRAXIS

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA ENERO DEL 2002



M. en I. Ennque Augusto Hernandez-Ruiz.

# • INTRODUCCIÓN: Valor Presente y Valor Futuro de una cuantía de valor

Los movimientos económicos existentes en la sociedad en general, han creado, desde hace mucho tiempo, el concepto de préstamo. Un préstamo es la facilitación que una persona con excedentes de recursos económicos hace a otra para quien esos recursos son escasos, a cambio de la reintegración de ese mismo recurso económico más un "interés" en un momento posterior.

El "interes" es la cantidad o cuantía monetaria que se debe pagar, en el momento establecido por el uso del recurso económico ajeno referido, sin menoscabo de su reintegración a quien lo prestó. A este recurso económico prestado se le denomina "suerte principal"

Como es lógico de pensar, un préstamo es regido por usos y costumbres de índole comercial por lo que será necesario definir fundamentos que servirán de principio para el desarrollo de la "teoría del interés" y de la "teoría del descuento"

Se comenzará por denominar al recurso económico prestado como "suerte principal se llamará "plazo" al tiempo total en que debe ser reintegrado el prestamo y su interes generado, y "periodo" al tiempo que transcurre entre el pago de un interés y otro. Debe tenerse presente que el plazo y el periodo no necesariamente son equivalentes es más puede decirse que el plazo es el conjunto de periodos que transcurren para la reintegración de la suerte principal y su interes generado.

Sin embargo existen lapsos menores al periodo en que suele calcularse el interés i que corresponde para integrario a la suerte principal de tal manera que esta será mayor la siguiente vez que vuelva a calcularse el interés respectivo. A esta forma de generación de intereses se le conoce como interés compuesto", y a los lapsos referidos en esta idea se le conocen como subperiodos. Habrá que entender que un conjunto de subperiodos formaran un periodo, y como anteriormente se dijo, un conjunto de periodos formarán el plazo.

Para efectos de nomenclatura se designará a cada subperiodo con la literal "m", a cada periodo con la literal "n" y el plazo quedará referido consecuentemente con el producto "mn". La suerte principal se denotará con la sigla " $C_0$ ", y el monto que se debe reintegrar en un momento determinado se entenderá como " $C_1$ .  $C_2$ ,  $C_3$  .  $C_{mn}$ " el cual será equivalente a la suerte principal original, más los

intereses generados al momento; lo anterior significa que "m" se variará desde la unidad y hasta el número total de subperiodos que tenga cada periodo, y de manera análoga, "n" se variará también desde la unidad y hasta el número total de periodos que tenga el plazo

Con lo anterior se deduce que, siempre y cuando el interés sea diferente de cero los cantidades en el tiempo serán diferentes entre si, es decir que.

$$C_0 \neq C_1 = C_2 = C_3 = ... = C_{mo}$$

y por esta razón se afirma que un recurso económico tiene valor en el tiempo, denominando a la cantidad de la extrema izquierda como "valor presente" respecto de los valores a su derecha, y a la cantidad de la extrema derecha como valor futuro respecto de los que están a su izquierda

# • TEORÍA DEL INTERÉS

El interés que se pacta pagar por el préstamo en cada subperiodo se establecerá como una proporción de la suerte principal es decir, se calculará mediante el producto de la misma por una "tasa" expresada en términos porcentuales y denotada como "i", con lo cual se obtiene que

$$T = C_0(i)$$

y si se desea conocer la "tasa de interés nomina" del periodo", entonces bastará con multiplicar el número total de subperiodos de cada periodo por la tasa de cada subperiodo es decir

donde 'm' es el número de subperiodos que tiene cada periodo, "i" es la tasa de interés aplicable en cada subperiodo para el calculo del interés, y la tasa de interes nominal del periodo 'i,...' se conocera simplemente con el nombre de "tasa nominal de interes"

Con esto, es posible definir la tasa de interes aplicable en cada subperiodo de la siguiente manera.

$$i' = i_{(m)} / m$$
.

Ahora bien, si nos referimos a los montos " $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ , ...,  $C_{mn}$ " indicados anteriormente, esta tasa tiene la siguiente equivalencia

$$I = (C_{k+1} - C_k) / C_k$$

donde el subíndice "k" señala el monto de un subperiodo específico, y variará desde cero, haciendo referencia a la suerte principal, hasta el valor del producto "mn"

La teoría del interés parte de esta última expresión, en la cual la tasa de interes es vista como un cociente o razón de cambio de la diferencia entre el monto siguiente y el anterior, respecto del monto anterior.

Anora se puede deducir otra expresion que calcule el siguiente monto a pagar con fundamento en lo anterior de la siguiente manera

$$C_k(i') = C_{k+1} - C_k$$
  
 $C_{k+1} = C_k + C_k(i')$   
 $C_{k+1} = C_k(1+i')$ 

Sin empargo habrá que considerar la idea del interés compuesto introducida , anteriormente, pues cuando un interes no es pagado en el subperiodo correspondiente, es costumbre que éste se adicione a la suerte principal, y con este nuevo monto incrementado se calculará el interés del siguiente subperiodo.

Si esta situación se repite, aplicando la misma tasa en cada subperiodo se aplicará la misma mecánica generalizandola de la siguiente manera

$$C_{\cdot} = C_{0} (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{0} (1 + i') (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{0} (1 + i') (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{2} (1 + i')^{2}$$

$$C_{3} = C_{2} (1 + i)^{2}$$

$$C_{3} = C_{0} (1 + i)^{3} (1 + i)$$

$$C_{4} = C_{0} (1 + i')^{3} (1 + i)$$

$$C_{5} = C_{4} (1 + i')$$

$$C_{5} = C_{0} (1 + i')^{4}$$

$$C_{5} = C_{0} (1 + i')^{5}$$

$$C_{k} = C_{k-1} (1 + i')$$

$$C_{k} = C_{0} (1 + i')^{k-1} (1 + i')$$

$$C_{k} = C_{0} (1 + i')^{k}$$

$$C_{k-1} = C_{k} (1 + i')$$

$$C_{k-1} = C_{0} (1 + i')^{k} (1 + i')$$

$$C_{k-1} = C_{0} (1 + i')^{k-1}$$

con lo cual se da lugar a la expresión general del interés compuesto

$$C_k = C_0 (1 + i')^k$$

Si se restringe el valor del subíndice "k" desde cero hasta el número de subperiodos que tiene cada periodo, la diferencia entre " $C_k$ " y " $C_0$ " es el interes total que "efectivamente" se generó durante los "m" subperiodos por el préstamo del recurso ajeno desprendiendose de esta situación el concepto de "tasa efectiva de interes del periodo", que será distinguida con la literal simple  $\frac{1}{2}$ " y que tendrá la siguiente equivalencia

$$I = (C_m - C_0) / C_0$$

de donae se aesprende que

$$C_{\infty} = C_0 + C_0(t)$$

Sustituyendo el valor de "C<sub>m</sub>" en la expresión general del interés compuesto y teniendo presente que "k" tomará el valor de "m", se llega a que

$$C_c + C_0(i) = C_0(1+i)^m$$

Si se divide lo anterior entre el termino " $C_c$ " se obtiene la expresión que relaciona a la tasa efectiva con la tasa de interes aplicable en cada subperiodo, que es la siguiente

$$1 + i = (1 + i')^{m}$$

$$i = (1 + i')^{m} - 1$$

El valor de "i y de "im" son referidos a una misma amplitud de tiempo: el periodo; pero la primera es de índole efectivo y la otra de índole nominal.

Para obtener la relación de la tasa efectiva de interés con la tasa nominal de interés ambas referidas al periodo como se ha mencionado, se sustituye el valor de la tasa de interés aplicable a cada subperiodo por la equivalencia correspondiente quedando

$$_{i} = (1 + i_{(m)}/m)^{m} - 1$$

Despejando de lo anterior a la tasa nominal de interés se obtiene que

$$i_{(m)} = m \{ (1 + i)^{1/m} - 1 \}$$

En terminos de la tasa de interés aplicable en cada subperiodo, esta expresion se transforma a lo siguiente

$$i' = (1 + i)^{1/m} - 1$$

Tomando la expresión general del interes compuesto, y considerando que ki puede ser variada desde cero hasta el valor del producto "mn", se tendra lo siguiente

$$C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$$

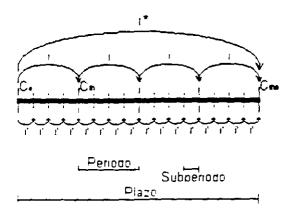
o bien, si se considera la tasa efectiva del periodo

$$C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, y "n" el numero de periodos que tiene el plazo

Por ejemplo con las bases ya pianteadas si deseamos en un plazo de cinco años generar intereses doce veces al año (seran cinco periodos con duración cada uno de un año y se tendrán en cada periodo doce subperiodos con duración cada uno de un mes) el exponente al que habra que elevar el binomio "(1 + i')" será igual a sesenta cantidad proveniente de multiplicar doce por cinco, es decir, el valor aplicable de "m" en este caso es de doce y el de "n" igual a cinco. Cabe mencionar con este ejemplo que al proceso de generar intereses en cada subperiodo se le denomina como capitalización de la tasa".

Con base en lo hasta anora explicado es posible realizar un esquema con los conceptos planteados de tasas efectivas referidas a los subperiodos, periodos y plazo de la operación, así como las cuantías de valor involucradas en cada punto de la barra del tiempo mediante la siguiente figura



donde "i" es la tasa efectiva del subperiodo y servirá como base para determinar el valor de "i" misma que es la tasa efectiva del periodo y que se empleara para determinar a "i\*", que es la tasa efectiva del plazo. Estas tres tasas están relacionadas entre si mediante las siguientes expresiones matemáticas.

$$i = (1 + i')^{m} - 1$$

$$i' = (1 + i)^{n} - 1$$

$$i' = (1 + i')^{mn} - 1$$

Consecuentemente, las relaciones de capital serán las siguientes:

$$C_m = C_0 (1 + i^2)^m$$
 $C_{mn} = C_0 (1 + i^2)^m$ 
 $C_{mn} = C_0 (1 + i^2)^m$ 

Es muy importante destacar que no obstante todo lo anterior, el producto "mn" puede inclusive ser definido en el campo de los número reales, es decir, puede tener valores numéricos con cifras decimales sin embargo, esta idea será discutida más adelante.

Es prudente aclarar que "i" es la tasa de interés que será pagada al transcurrir todo el tiempo que durará la operación comercial y puede ser calculada también de la siguiente manera.

$$i' = (C_{mn} - C_0) / C_0$$

Pero enfoquemos ahora nuestra atención en la fórmula antes vista que relaciona una tasa efectiva de interés con una nominal

$$I_{(m)} = m \{ (1 + i)^{1/m} - 1 \},$$

ambas tasas son referidas a una misma amplitud de tiempo como se ha venido reiterando es decir si una es expresada en términos anuales, la otra será referida también a un año, por ejemplo

Planteado este caso ¿qué ocurriría si, manteniendo constante el valor de la tasa efectiva de interes esta proviniera de la capitalización semestral de una tasa nominal de interés? La respuesta es la siguiente

$$i_{(2)} = 2 \{ (1 + i)^{1/2} - 1 \}$$

Si proviniera de una capitalización trimestral, se tendría que

$$i_{i4} = 4 \{ (1+i)^{1/4} - 1 \}.$$

si se tratara de una capitalización bimestral, procedería lo siguiente.

$$I_{6} = 6 \{ (1 + i)^{1/6} - 1 \}.$$

si la capitalización se realizara de forma mensual, se llegaría a que

$$t_{t12} = 12 \{ (1 + i)^{t/12} - 1 \};$$

si existiese una capitalización diaria la expresión aplicable sería la indicada a continuación

$$i_{(365)} = 365 \{ (1 + i)^{1.365} - 1 \}.$$

y así les factible proseguir, hasta llegar al caso de tratar con una "capitalización instantanea" les decir, una en la que "m" tuviera un valor sumamente grande

Continuando con la emulación de este procedimiento, se definirá el concepto, denominado 'fuerza de interés' el cual es representado con la sigla "δ'. Este valor puede ser definido con los principios de límite expresados por el cálculo diferencial como a continuación se muestra.

$$\bar{o} = \lim_{m \to \infty} \lim_{m \to \infty} m \left\{ (1 + i)^{1m} - 1 \right\}$$

Para encontrar este limite, es necesario hacer el siguiente cambio de variable:

Si x = 1/m  

$$\delta = \lim_{i_{rm}} \lim_{i_{rm}} \{ (1+i)^{*} - 1 \} / x$$
  
 $x \to 0$   $x \to 0$ 

Aplicando el Teorema de L'hopital nos queda

$$\delta = \lim_{i_{(m)}} = \lim_{i_{(m)}} (1+i)^{x} \operatorname{Ln}(1+i)$$

$$\delta = Ln(1 + i)$$

Si se desea despejar de aquí la tasa efectiva de interés del período, queda lo siguiente

$$e^{c} = 1 + 1$$

$$i = e^{\delta} - 1$$

Como ya fue expresado, existe la siguiente relación entre la tasa efectiva de interés y la tasa de interés aplicable a cada subperiodo.

$$1 + i = (1 + i')^m$$

por lo que es válida la siguiente expresión

$$e^{r} = (1 + i^{r})^{m}$$

$$e^{-r} = (1 + i^{r})^{mn}$$

lo cual significa que la expresión del Interes Compuesto antes vista

$$C_{mr} = C_c (1 + i)^{mr}$$

puede escribirse también como

$$C_{mn} = C_0 e^{(nn)}$$

Para ejemplificar lo anterior supongamos que deseamos determinar la tasa nominal de interés que corresponde a una efectiva de interés del 13.8%, para distintos subperiodos de capitalización

Si m=1

$$= i_{ct} = 1 \{ (1 + 0.138)^{t/2} - 1 \}$$

$$i_{ct} = 13.8\%$$

Si m=2

$$I_{i2}$$
 = 2 {  $(1 + 0.138)^{12} - 1$ }  
 $I_{i2}$  = 13.3542%

Si m=3 
$$I_{(3)} = 3 \{ (1 + 0.138)^{1.3} - 1 \}$$
$$I_{(3)} = 13.2098\%$$

Si m=4 
$$I_{(4)} = 4 \{ (1 + 0.138)^{1/4} - 1 \}$$
$$I_{(m)} = 13.1384\%$$

Si m=6 
$$I_{16} = 6 \{ (1 + 0.138)^{1/6} - 1 \}$$
  $I_{16} = 13.0675\%$ 

Si m=12 
$$I_{(12)} = 12 \{ (1 + 0.138)^{1/12} - 1 \}$$
$$I_{(12)} = 12.9971\%$$

Si m=24  

$$i_{(24)} = 24 \{ (1 + 0.138)^{1/24} - 1 \}$$
  
 $i_{(24)} = 12.9621\%$ 

Si m=52 
$$I_{(52)} = 52 \{ (1 + 0.138)^{1.52} - 1 \}$$

$$I_{(52)} = 12.9433\%$$

Si m=365  

$$I_{(365)} = 365 \{ (1 + 0.138)^{1.365} - 1 \}$$
 $I_{(365)} = 12.9295\%$ 

Si m=8 760  

$$I_{18 760}$$
 = 8 760 {  $(1 + 0.138)^{1.8 760}$  - 1}  
 $I_{1.8 760}$  = 12 9273%

Si m=525.600  

$$I_{1525 600} = 525.600\{(1+0.138)^{1.525 600}-1\}$$
  
 $I_{18.760} = 12.9272\%$ 

Como puede observarse la medida que crece "m" "i<sub>im</sub>" concurre a un valor que puede determinarse mediante la expresion de la "fuerza del interes"

Esto quiere decir que " $\delta$ " equivale a una idealización: " $i_{(\tau)}$ "; con lo cual se concluye que, dada una tasa efectiva de interés, no existirá tasa nominal de interés alguna que sea menor que la efectiva, ni mayor que la fuerza del interés, es decir:

$$\delta \leq i_{(m)} \leq i$$
.

Por otro lado en materia de comprobación la validez de la expresión general del interes compuesto puede verificarse, para el conjunto de los número naturales por el método de Inducción Matemática de la siguiente manera

$$C_{c} = C_{0} (1 + i')^{0}$$

$$C_{0} = C_{0}$$
Si mn = 1
$$C_{1} = C_{0} (1 + i')$$

$$C_{1} = C_{0} (1 + i')$$
Si mn = k
$$C_{k} = C_{0} (1 + i')^{k}$$
Si mn = k+1
$$C_{k+1} = C_{0} (1 + i')^{k+1}$$

 $C_{n+1} = C_0 (1 + i')^n (1 + i')$  $C_{n+1} = C_0 (1 + i')^{n+1}$ 

 $S_1 mn = 0$ 

o bien

El ser las dos expresiones identicas y equivalentes, queda demostrada la validez de la expresion general para el conjunto de los números naturales.

Así mismo la expresión puede verificarse tambien para el conjunto de los números reales, como fue mencionado con anterioridad, pero hay que considerar que el incremento en "C<sub>x</sub>" estara dado por el número real "1/m", el cual representa a cada subperiodo en que es capitalizada la tasa, situación que dirige al siguiente análisis.

$$i' = i_{im} / m = (C_{k+1,m} - C_k) / C_k$$

Si "m" tiende al infinito, puede observarse que la diferencia de " $C_{k+1/m}$ " y " $C_k$ " es tendiente a cero por su parte, lo que es equivalente a tener:

$$\lim_{m\to\infty} 1 = \lim_{n\to\infty} 1_{(m)} / m = \delta / m$$

$$\tilde{o}$$
 /  $m = \lim_{\kappa \to 1/m} - C_{\kappa}$  /  $C_{\kappa}$ 

m→×

Haciendo el siguiente cambio de variable se tiene.

 $S_1 \Delta m \simeq 1/m$ 

$$i' = (C_{k+1m} - C_k) / C_k = (\Delta m) I_{(m)}$$

v despejando "i<sub>m</sub>" se obtienė

$$I_{cm} = (1 / C_{\kappa}) (C_{\kappa + \lambda m} - C_{\kappa}) / \Delta m.$$

El límite de esta función cuando "m" tiende al infinito, es equivalente a aplicar el límite de la función cuando "\(\Delta\mu\)" tiende a cero, pero, si se observa el segundo cociente de la expresión se notará que al aplicar este límite se tratará con el teorema fundamental del cálculo diferencial, por lo que se obtiene que

$$\delta = \lim_{L_{(m)}} \lim_{L_{(m)}} = \lim_{L_{(m)}} (1/C_{\kappa}) (C_{\kappa+\Delta m} - C_{\kappa})/\Delta m$$

$$\Delta m \to 0 \qquad \Delta m \to 0$$

$$\hat{c} = C_{\kappa}^{-1}/C_{\kappa}$$

La sigla 'C," representa la derivada de la funcion "C,"

No obstante lo anterior se necesita conocer el valor de la función y no el de su derivada por lo que debe integrarse la afirmación anterior, y para ello es necesario nacer lo siguiente

S1 C. = C.

Multiplicando ambos términos por liditi se obtendra que

$$\hat{o}(at) = (C. / C.) at$$

Se debe tener presente que se ha partido de la expresión fundamentada en la tasa efectiva de interés al hacer tender a la literal "m" al infinito, es decir. La amplitud del subperiodo es equivalente a la del periodo, y consecuentemente ambos resultan ser iguales (cada periodo solamente tendrá un subperiodo), por lo que sólo en este caso bajo esa condición se tiene que

Al integrar definidamente la última expresión, donde se obtuvo la relación de " $\delta(d\tau)$ ", desde "0" hasta "n", que es el intervalo de interés en virtud de lo anterior, y recordando el principio del cálculo integral que afirma que la integración del cociente de la derivada de una función entre dicha función es equivalente al logaritmo natural de la misma más una constante de integración, se tiene:

$$\int_{0}^{n} \delta(d\tau) = \int_{0}^{n} (C_{\tau}' / C_{\tau}) d\tau$$

$$\delta n = Ln C_{mn} - Ln C_{0}$$

$$\delta n = Ln (C_{mn} / C_{0})$$

$$e^{(\alpha n)} = C_{mn} / C_{0}$$

$$C_{mn} = C_{0} e^{(\alpha n)}$$

pero se sabe que

$$e^{ar} = (1 + i')^{mn}$$
 $C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$ 

Con lo cual queda demostrado que la expresión es válida también para el « conjunto de los números reales.

Habrá que nacer notar que al efectuar la integral de la demostración anterior el termino " $C_{mc}$ " aparece debido a que la amplitud del subperiodo es equivalente a la del periodo como se menciono y se trató con una expresión donde se involucra la tasa efectiva de interés i", por lo que " $C_{c}$ " en realidad equivale a " $C_{mc}$ ", que al integrarse genera a " $C_{mc}$ ".

# • EJEMPLOS: Teoria del interés

1 Encontrar el valor presente "C₀" de 1,500 00 U M (Unidades Monetarias), si la tasa de interes es del 8% anual efectiva y el plazo es de 5 años Solución:

$$C_0 = 1.500 00 (1 + 0.08)^{.5}$$
  
 $C_0 = 1.020.87 \text{ U M}$ 

2 Encontrar el monto "C<sub>mn</sub>" de 100 000 00 U M , acumuladas durante 20 años a una tasa efectiva de interés del 10% durante 20 años **Solución**:

$$C_{20} = 100.000.00 (1 + 0.10)^{20}$$

$$C_{20} = 672.750.00 \text{ U M}$$

3 Encontrar el valor presente de 5.000 00 U.M pagaderas dentro de 4 años, cuando el interés es del 5%, capitalizable semestralmente.

#### Solución:

$$C_c = 5.000\ 00\ (1 + 0.05/2)^{-(2)(4)}$$
  
 $C_c = 4.103\ 73\ U\ M.$ 

4. Encontrar el monto de 300 00 U M , acumuladas durante 30 años a una tasa nominal de interés del 6% anual convertible trimestralmente.

#### Solución:

$$C_{120} = 300.00(1 + 0.06/4)^{(4)(30)}$$
  
 $C_{120} = 1.790.80 \text{ U M}$ 

5 Encontrar el valor presente de 5,000 00 U M pagaderas dentro de 4 años cuando la fuerza del interés es del 5% anual

# Solución:

$$C_c = 5\,000\,00\,e^{-(0.05)(4)}$$
  
 $C_c = 4.093\,65\,U.M$ 

6 Encontrar el monto de 300 000 00 U M acumuladas durante 30 años a una fuerza efectiva de interés del 6% anual

#### Solución:

$$C_{30} = 300,000 \ 00 \ e^{10.063/30}$$
  
 $C_{30} = 1.814.894.24 \ U \ M$ 

To Dado que  $C_0 = 1,000,00$  U Moy que el monto que le corresponderá dentro de 1 año sera  $C_{m^2} = 1,100,00$ , determinar el interes y la tasa efectiva de interés respectivos

### Solución:

El interes estara dado por la diferencia entre el monto y su valor presente les decir

La tasa efectiva de interés, estara definida de la siguiente manera

8 Encontrar la tasa efectiva anual equivalente a una tasa nominal anual del 6% capitalizable semestralmente

# Solución:

$$1 + i = (1 + 0.06/2)^{2}$$
$$i = 6.09\%$$

9. Encontrar la tasa nominal anual convertible trimestralmente, equivalente a una tasa efectiva anual del 4%

Solución:

$$1 + 0.04 = (1 + i_{4}/4)^{4}$$

$$i_{40} = 3.94\%$$

10 Encontrar la tasa efectiva anual equivalente a una fuerza del interés del 5% anual.

Solución:

$$1 + 1 = e^{0.05}$$
  
 $1 = 5.13\%$ 

11. Encontrar la fuerza de interés anual equivalente a una tasa efectiva de interés del 5% anual

Solución:

$$1 + 0.05 = e^{\circ}$$
  
 $\delta = 4.88\%$ 

12 Encontrar la tasa nominal anual de interés convertible mensualmente equivalente a una fuerza de interés del 10% anual

Solución:

$$(1 + I_{112}/12)^{12} = e^{0.10}$$
  
 $I_{112} = 10.04\%$ 

13 Encontrar la fuerza de interés anual equivalente a una tasa nominal anual convertible cuatrimestralmente del 9%

Solución:

$$(1 + 0.09/3)^3 = e^6$$
  
 $\delta = 8.87\%$ 

# • TEORÍA DEL DESCUENTO

El descuento es una cantidad equivalente en monto al interes, pero la determinación de la tasa aplicable en cada subperiodo se obtiene con la siguiente ecuación.

$$d = (C_{k+1} - C_k) / C_{k+1}$$

donde el subindice "k", al igual que lo visto bajo la teoría del interés, señala el monto de un subperiodo específico y variará desde cero, haciendo referencia a la suerte principal hasta el valor del producto "mn". También se hará referencia a los montos " $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ , ...,  $C_{mn}$  ya indicados anteriormente

La teoria del descuento sostiene que la tasa de descuento es un cociente o razón de cambio de la diferencia entre el monto siguiente y el anterior, respecto del monto siguiente

El descuento se calculará mediante el producto del valo: futuro de la suerte principal por una "tasa" expresada en términos porcentuales, y denotada como "d" con lo cual se obtiene que

$$D = C_{mn}(d').$$

y si se desea conocer la "tasa de descuento del periodo", entonces bastara con multiplicar el numero total de subperiodos de cada periodo por la tasa de cada subperiodo es decir

$$d_{(m)} = m d$$

donde 'm' es el número de subperiodos que tiene cada periodo, "d" es la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo para el cálculo del descuento, y la tasa de descuento del periodo "d<sub>imi</sub>" se conocerá con el nombre de "tasa nominal de descuento"

Con esto les posible definir la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo de la siguiente manera

$$d = d_{im} / m$$

De manera análoga a lo hecho en la teoría del interes, se puede deducir una expresión que calcule el siguiente monto a pagar del modo siguiente.

$$C...(d) = C...-C.$$

$$C_{...}(1-d)=C_{.}$$

$$C_{...} = C_{.}(1 - d)^{-1}$$

y con este razonamiento se puede llegar a la expresion general del descuento compuesto

$$C_k = C_0 (1 - d')^{-k}$$

Si se restringe el valor del subindice "k" desde cero hasta el número de subperiodos que tiene cada periodo la diferencia entre " $C_k$ " y " $C_0$ " es el descuento total que efectivamente se genero durante los "m" subperiodos por el préstamo de un recurso ajeno desprendiendose así el concepto de "tasa efectiva de

descuento", que será distinguida con la literal simple "d", y que tendrá la siguiente equivalencia:

$$d = (C_m - C_0) / C_m$$

de donde se desprende que:

$$C_m = C_0 (1 - d)^{-1}$$

Sustituyendo el valor de " $C_m$ " en la expresión general del descuento compuesto y teniendo presente que "k" tomará el valor de "m", se llega a que:

$$C_0 (1 - d)^{-1} = C_0 (1 - d')^{-m}$$

Si se divide lo anterior entre el término " $C_0$ " se obtiene la expresión que relaciona a la tasa efectiva de descuento con la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo, que es la siguiente:

$$1 - d = (1 - d')^{m}$$

$$d = 1 - (1 - d')^m$$

Para obtener la relación de la tasa efectiva de descuento con la tasa nominal de descuento, se sustituye el valor de la tasa de descuento aplicable a cada subperiodo por la equivalencia correspondiente quedando.

$$d = 1 - (1 - d_{(m)}/m)^m$$

Despejando de lo anterior a la tasa nominal de descuento se obtiene que

$$d_{(m)} = m \{ 1 - (1 - d)^{1/m} \}$$

En términos de la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo, esta expresión se transforma a lo siguiente

$$d' = 1 - (1 - d)^{1/m}$$

Tomando la expresión general del descuento compuesto, y considerando que "k" puede ser variada desde cero hasta el valor del producto "mn", se tendrá lo siguiente

$$C_{mn} = C_0 (1 - d')^{-mn}$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, y "n" el número de periodos que tiene el plazo

En términos de la tasa de descuento efectiva, la relación anterior queda de la siguiente forma

$$-C_{mn} = C_0 (1 - d)^{-n}$$

De manera análoga a lo tratado bajo la teoría del interés, a continuación se definira el concepto denominado "fuerza de descuento" representado con la sigia "6". Este valor puede ser definido con el concepto de limite, formulado en el cálculo diferencial como a continuación se muestra.

$$\delta = \lim_{m \to \infty} d_{(m)} = \lim_{m \to \infty} m \left\{ 1 - (1 - d)^{1/m} \right\}$$

Para encontrar este límite es necesario hacer el siguiente cambio de variable

Six = 1/m

$$\delta' = \lim_{x \to 0} d_{(m)} = \lim_{x \to 0} \{ 1 - (1 - d)^x \} / x$$

Aplicando el Teorema de L'hopital nos queda

$$\delta' = \lim_{x \to 0} d_{(m)} = \lim_{x \to 0} (1 - d)^{x} Ln(1 - d)$$

$$\delta' = - Ln(1 - d)$$

Si se desea despejar de aquí la tasa efectiva de descuento del periodo, queda lo siguiente.

$$e = 1 - a$$

Como ya fue expresado existe la siguiente relacion entre la tasa efectiva de descuento y la tasa de descuento aplicable a cada supperiodo

$$1 - d = (1 - d)^m$$

por lo que es válida la siguiente expresion

$$e^{-1} = (1 - d^{-1})^m$$

$$e^{-} = (1 - d)^{-mn}$$

lo cual significa que la expresión del descuento compuesto antes vista

$$C_{mn} = C_0 (1 - d')^{-mn}$$

puede escribirse también como

$$C_{mn} = C_0 e^{(\delta'n)}$$

Esta última expresión es equivalente a la análoga determinado bajo los concepto de la teoria del interés, es decir

$$C_0 e^{(\delta'n)} = C_0 e^{(\delta n)}$$

por tal motivo, puede afirmarse que la fuerza de interés es equivalente en valor a la fuerza de descuento

La validez de la expresión general del descuento compuesto puede ser verificada para el conjunto de los número naturales y para el conjunto de los números reales, de maneras análogas a las desarrolladas en la teoría del interés, razon por la cual las demostraciones respectivas se omitirán en este apartado.

# • EJEMPLOS: Teoría del descuento

1 Encontrar el valor presente "C<sub>c</sub>" de 4,500 00 U M (Unidades Monetarias) si la tasa efectiva de descuento es del 7,50% anual, y el plazo es de 6 años Solución:

$$C_c = 4.500 00 (1 - 0.075)^6$$
  
 $C_c = 4.162 50 U M$ 

2 Determinar el monto de 1 000 00 U M acumuladas durante 15 años a una tasa efectiva de descuento del 8% anual

Solución:

$$C_{15} = 1\ 000\ 00\ (1-0\ 08)^{-15}$$
  
 $C_{15} = 3\ 492\ 87\ U\ M$ 

3 Encontrar el valor presente de 5,000 00 pagaderos dentro de 4 años, cuando la tasa nominal de descuento es del 4 50% anual convertible semestralmente
 Solución:

$$C_0 = 5\ 000\ 00\ (1 - 0\ 045/2)^{(2)(4)}$$
  
 $C_0 = 4\ 167\ 77\ U\ M$ 

4 Encontrar el monto de 300 00 U M acumuladas durante 30 años a una tasa nominal de descuento del 6% anual convertible bimestralmente

Solución:

$$C_{180} = 300.00 (1 - 0.06/6)^{-(6)(30)}$$
  
 $C_{180} = 1.831 41.00$ 

5 Dado que  $C_c$  = 1,000 00 U M , y que el monto que le corresponderá dentro de 1 año será  $C_{mn}$  = 1,100.00 determinar el descuento y la tasa efectiva de descuento respectivos

### Solución:

El descuento estará dado por la diferencia entre el monto y su valor presente les decir.

La tasa efectiva de descuento, estará definida de la siguiente manera:

6 Encontrar la tasa de descuento efectiva anual equivalente a una tasa de descuento nominal anual del 5% capitalizable semestralmente

Solución:

$$1 - a = (1 - 0.05/2)^{2}$$
$$d = 4.94\%$$

7 Encontrar la tasa nominal anual de descuento convertible trimestralmente equivalente a una tasa efectiva de descuento del 4% anual

Solución:

$$1 - 0.04 = (1 - d_4/4)^4$$

$$d_4 = 4.06\%$$

8 Encontrar la tasa efectiva de descuento anual equivalente a una fuerza de descuento del 6% anual

Solución:

$$1 - a = e^{-3.06}$$
  
 $a = 5.82\%$ 

9 Encontrar la fuerza de descuento anual equivalente a una tasa efectiva de descuento del 6% anual

Solución:

Solución:

$$1 - 0.06 = e^{\circ}$$
  
 $\delta = 6.19\%$ 

10 Encontrar la tasa nominal anual de descuento convertible mensualmente equivalente a una fuerza de descuento del 10% anual

$$(1 - d_{12}/12)^{12} = e^{-0.10}$$

$$d_{(12)} = 9.96\%$$

11. Encontrar la fuerza de descuento anual equivalente a una tasa nominal anual de descuento del 9%, capitalizable cuatrimestralmente.
Solución

$$(1 - 0.09/3)^3 = e^{-\delta}$$
  
 $\delta' = 9.14\%$ 

# • EQUIVALENCIA ENTRE TASAS DE INTERÉS Y DE DESCUENTO

Tras lo expuesto hasta ahora, surge la interrogante respecto de la existencia de alguna relación entre la teoría del interes y la del descuento, cuya respuesta es evidente pues se conoce lo siguiente:

$$C_{mn} = C_0 \left(1 + I\right)^n$$

$$C_{mn} = C_0 (1 - d)^{-n}$$
.

de donde basta con igualar ambas relaciones y dividir la resultante entre el término " $C_c$ " obteniendo

$$C_0 (1 + i)^n = C_0 (1 - d)^n$$
  
 $(1 + i)^n = (1 - d)^n$   
 $1 + i = (1 - d)^n$   
 $i = (1 - d)^n - 1$ 

o bien

$$i = d / (1 - d)$$

y de forma análoga, se desprende también que:

$$d = i / (1 + i)$$

lo cual resulta ser la equivalencia entre la tasa efectiva de interés y la tasa efectiva de descuento, con las cuales es posible relacionar un mismo valor presente con un mismo valor futuro aplicando la teoria respectiva

Cuando se haga referencia a planteamientos de índole financiera, debe tenerse presente que la tasa aplicable a un esquema derivado de la teoría del interés, puede ser mencionada simplemente como "la tasa", es decir, la palabra "interés" puede ser omitida, pero en cambio, al tratar con esquemas derivados de la teoría del descuento habrá que precisar que la tasa tratada es "la tasa de descuento"

# • EJEMPLOS: Equivalencia entre tasas de interés y de descuento

1 Encontrar la tasa nominal anual de descuento convertible mensualmente equivalente a una tasa nominal de interés, también capitalizable mensualmente del 15% anual

Solución:

$$(1 + 0.15/12)^{12} = (1 - d_{(12}/12)^{-12})^{-12}$$
  
 $d_{(12)} = 14.81\%$ 

2 Encontrar la tasa efectiva de interès anual equivalente a una tasa nominal anual de descuento convertible quincenalmente del 7.50%

Solución:  

$$1 + 1 = (1 - 0.075/24)^{-24}$$
  
 $1 = 7.80\%$ 

# ANUALIDADES: Amortización parcial periódica de una suerte principal

Un concepto mas que debe abordarse dentro del tratado de la matematica financiera es el de "amortizacion" misma que se define como el elemento de un conjunto de pagos iguales realizados a intervalos iguales de tiempo para liquidar una cuantía monetaria. La amortización suele conocerse también con el nombre de anualidad pero a pesar de este nombre no necesariamente los pagos deben ser hechos anualmente.

La amortización es el procedimiento con el que se salda gradualmente una deuda por medio de una serie de pagos que generalmente son iguales y se realizan en periodos equivalentes como ya se menciono

En el cálculo del monto de estos pagos, infiere también la teoría del interés, y se relaciona con el concepto matematico de las progresiones geométricas.

Para conocer el valor futuro de una serie de ingresos periódicos, referidos subsecuentemente con la literal "a", se generaria la siguiente sumatoria:

$$C_{mn} = a(1+i)^{0} + a(1+i)^{1} + a(1+i)^{2} + a(1+i)^{3} + \dots + a(1+i)^{n-1}$$

La expresión corresponde evidentemente a una progresión geométrica, que se define como una serie de cantidades que guardan entre si una relación constante, donde para determinar el siguiente término de la serie, deberá multiplicarse el elemento anterior por la razón conocida "r", que para este caso específico resulta ser equivalente a "(1+i)"

Cabe destacar que, tanto el ingreso periódico "a" como la tasa de interés "i" son referidos a la misma amplitud de tiempo, es decir, el subperiodo es equivalente al periodo. En caso de que ambos no coincidan, habrá que aplicar la tasa de interés del subperiodo "i" que corresponda, y la literal "n" será sustituida por el termino "mn".

Si se formula la solución a este problema con fundamento al concepto matemático de la suma de una progresión geométrica se llega al siguiente desarrollo

$$C_{mn} = a(1+i)^{0} + a(1+i)^{1} + a(1+i)^{2} + a(1+i)^{3} + .... + a(1+i)^{n+2} + a(1+i)^{n+1}$$

Si se multiplica la expresión anterior por la razón (1+i) se llega a que

$$C_{mn}(1+i) = a(1+i)^{1} + a(1+i)^{2} + a(1+i)^{3} + a(1+i)^{4} + ... + a(1+i)^{n-1} + a(1+i)^{n}$$

Si se obtiene la diferencia entre la segunda y la primera expresión se obtiene

$$C_{mn} (1+i) - C_{mn} = a(1+i)^n - a(1+i)^0$$

$$C_{mn} (i) = a [(1+i)^n - 1]$$

$$C_{mn} = [a/i] [(1+i)^n - 1]$$

Donde "C<sub>m</sub>" es el valor futuro de una suerte principal, y "a" el monto del pago periódico que amortizará una deuda considerando el esquema del interés

Si se desea referir una amortización en términos de un valor presente o suerte principal "C<sub>c</sub>", habrá que considerar lo siguiente

$$C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$$

por lo tanto

$$C_0(1+i)^n = [a/i] [(1+i)^n - 1]$$

$$C_0(1+i)^n (1+i)^n = [a/i] [(1+i)^n - 1] (1+i)^n$$

$$C_0 = [a/i][1-(1+i)^{-n}]$$

De cualquiera de ambas expresiones, según sea el caso, puede despejarse fácilmente el pago periódico "a" de la siguiente manera

$$a = C_{mn}(i) / [(1+i)^n - 1],$$

o tambien

i

$$a = C_0(i)/[1-(1+i)^{-n}].$$

Debe nacerse hincapié en que ambas expresiones consideran un esquema de pagos vencidos, es decir, el primer pago se liquidará una vez transcurrido el primer supperiodo el segundo al final del siguiente, y así sucesivamente

Si se trata con casos en los cuales las amortizaciones son expresadas en terminos de tiempo distinto al que corresponde a la tasa de interés, donde como ya fue señalado, un periodo cuenta con más de un subperiodo, las expresiones anteriores se transforman a lo siguiente.

$$C_0 = [a'/i'][1 - (1+i')^{-mn}];$$

$$C_{mn} = [a'/i'][(1+i')^{mn} - 1];$$

$$a' = C_0(i')/[1 - (1+i')^{-mn}], y$$

$$a' = C_{mn}(i')/[(1+i')^{mn} - 1].$$

donde las literales "a" e "i" corresponden al pago periódico y a la tasa de interés aplicables en cada subperiodo respectivamente

No obstante lo anterior, en finanzas existen casos en los cuales se efectúan amortizaciones de "suertes principales" mediante la aportación de pagos constantes que duran un periodo muy grande que incluso puede considerarse como indefinido, dando lugar de este modo al concepto de "amortizaciones perpetuas" las cuales son pagos constantes que se realizan a lo largo de un tiempo muy amplio para igualar un valor presente

En matemáticas esto se traduce a lo consideración de un plazo tan grande que tiende al "infinito", es decir el numero de periodos son tantos, que hacen que el plazo se vuelva en un valor sumamente grande

Siguiendo las ideas planteadas por el concepto de amortización, es posible determinar valores presentes y futuros con esta nueva condición, efectuando el siguiente límite:

$$C_0 = \lim [a'/i'] [1 - (1+i')^{mn}]$$

 $mn \rightarrow \infty$ 

evidentemente el término "(1+i')-mn tenderá al valor de cero al aplicar las sustituciones correspondientes, quedando la siguiente expresión.

$$C_0 = a' / i'$$

misma que resulta ser la equivalencia de un valor presente con una sucesión de amortizaciones perpetuas

Sin embargo, este proceso sólo es aplicable de manera práctica hacia un valor presente, no así para un valor futuro, pues como puede observarse, si se aplica el límite a la expresión que liga a una amortización con un valor futuro, éste a generará un valor tan grande, comparable solamente con el del "infinito".

#### EJEMPLOS: Anualidades

1 Calcular el valor presente de 20 pagos anuales de 500.00 U.M., el primero de ellos efectuándolo un año despues del momento actual, a una tasa de interes del 8% efectiva anual

Solución:

$$C_0 = (500\ 00/0\ 08)[1-(1+0\ 08)^{-20}]$$
  
 $C_0 = 4.909\ 07\ U\ M$ 

2 Obtener el valor futuro de los pagos del problema anterior, empleando la expresion correspondiente de anualidad

Solución:

$$C_{2c} = (500\ 00/0\ 08)[(1+0\ 08)^{20}-1]$$
  
 $C_{2c} = 22\ 880\ 98\ U\ M$ 

3 Un bono tiene un valor nominal de 100 00 U M, y es redimible a la par en 10 años ¿cual debe ser el precio de compra de un bono que proporciona dividendos netos vencidos del 1% semestral, pagaderos semestralmente?

Solución:

Evidentemente, la cantidad que se ofrece pagar como dividendo al final de cada uno de los 20 semestres se deben tratar como el valor presente de una anualidad ordinaria, la cual equivale al 1% del valor nominal del bono, es decir, 1 U M, sin embargo, los pagos son semestrales (20 subperiodos), y la tasa es efectiva anual, por lo que, para utilizar una de las fórmulas discutidas, primero

de requiere obtener la tasa de interés efectiva semestral equivalente a una tasa efectiva anual de interés del 4.50%. Adicionalmente, habrá que incluir el valor presente de la redención del bono al transcurrir el plazo establecido, pero considerando la tasa efectiva expresada en términos anuales (10 periodos).

$$1 + 0.045 = (1 + I_{C}/2)^{2}$$

$$I_{C}/2 = 2.23\%$$

$$C_{c} = (1.00/0.023)[1 - (1.00+0.023)^{-20}] + 100(1+0.045)^{-10}$$

$$C_{c} = 16.00 + 64.39$$

$$C_{c} = 80.39 \text{ U M}$$

4 Una deuda se va a liquidar mediante pagos semestrales iguales y vencidos Encontrar el valor de la deuda si la renta anual es de 500.00 U M cada uno durante 5 años y la tasa de interes es del 8% anual convertible semestralmente

#### Solución:

Habrá que considerar que la renta se ha expresado en términos anuales, pero se deberá involucrar en los cálculos en términos semestrales así mismo la tasa de interes expresada

$$i' = i_{c2}J2$$

$$i_{c2}J2 = 0.08 f 2$$

$$i_{c2}J2 = 0.04$$

$$a' = 500.00 / 2$$

$$a' = 250.00$$

$$C_c = (250.00/0.04)[1-(1+0.04)^{-16}]$$

$$C_c = 2.027.72.U.M$$

Una persona esta fromando un fondo de ahorro efectuando abonos de 10.00 UM cada 6 meses al 4.5% de interes capitalizable al semestre ¿cuánto dinero habrá en el fondo al final de 7 años?

#### Solución:

$$I_{12}J2 = 0.045 / 2$$

$$I_{12}J2 = 0.0255$$

$$C_{12}=(10.00/0.0225)[(1+0.0225)^{14}-1]$$

$$C_{12}=162.44 \text{ U M}$$

6 ¿Cuántos pagos anuales completos y vencidos de 1.50 U.M., y qué pago incompleto un año despues deben hacerse para acumular 25.00 U.M. al 6% de interes anual?

#### Solución:

El termino acumular indica que la cantidad de 25 00 U.M se tendrá una vez transcurrido el plazo que debe calcularse por lo que habrá que tratar con la expresion que relaciona un valor futuro con una anualidad

$$25 00 = (1 50 / 0 06)[(1+0 06)^{n} - 1]$$

$$n=Ln[1+{(25)( 06)/1 5}]/Ln(1+06)$$

El número de pagos completos y vencidos de 1.50 U.M. será 11, y la diferencia de las 25.00 U.M. con su respectivo valor futuro, trasladado a un año después, será el último pago incompleto que se efectuará.

$$C_{11} = (1.50 / 0.06)[(1 + 0.06)^{11} - 1]$$
 $C_{11} = 22.46 \text{ U.M}$ 
 $C_{12} = 22.46(1 + 0.06)$ 
 $C_{12} = 23.80 \text{ U.M.}$ 
 $a = 25.00 - C_{12}$ 
 $a = 25.00 - 23.80$ 
 $a = 1.20 \text{ U.M}$ 

El último pago incompleto que se efectuará un año después será de 1.20 U M

7 Una persona dona 250,000 00 U.M a una Universidad con el objeto de que ésta proporcione una beca anual a un grupo de alumnos en forma indefinida. Si el dinero puede ser invertido al 8% efectivo anual, ¿de cuánto será el total de becas que se otorguen al año?

#### Solución:

8 Una deuda de 10,000.00 U M va a ser amortizada mediante 7 pagos anuales iguales y vencidos, cada uno de ellos conteniendo un abono a interés y otro a capital. Si la tasa efectiva de interes es del 5% anual, encontrar el pago anual correspondiente.

#### Solución:

10 000 00 = 
$$(\frac{1}{2} \cdot 0.05)[1-(1+0.05)^{-7}]$$
  
a =  $(10.000.00)(0.05)/[1-(1+0.05)^{-7}]$   
a =  $1.728.20 \text{ U M}$ 

9 Una deuda de 16 00 U M devenga una tasa de interés del 4% efectivo anual y va a ser amortizada mediante pagos iguales de 4 00 U M. al final de cada año Encontrar cuántos pagos completes se deben efectuar y qué pago incompleto deberá cubrirse un año después del último completo

#### Solución:

16 00 = 
$$(4\ 00\ /\ 0\ 04)[1 - (1+0\ 04)^n]$$
  
n=Ln[1-{(16)(0\ 04)/4}]/-Ln(1+0.04)  
= n = 4\ 45\ años

De lo anterior se concluye que el número de pagos completos de 4.00 U.M es igual a 4, pero para determinar cuánto se deberá pagar al final del 5° año, primeramente se debe obtener el valor futuro de la deuda al final de 4 años, o sea, de las 16 00 U.M., y despues se le restará el valor futuro de los cuatro pagos completos.

$$C_4 = 16.00(1+0.04)^4$$
  
 $C_4 = 18.72 \text{ U M}$   
 $C_4 = (4.00 / 0.04)[(1 + 0.04)^4 - 1]$   
 $C_4 = 16.99 \text{ U M}$   
 $C_4 = C_4 - C_4$   
 $C_4 = 18.72 - 16.99$   
 $C_4 = 1.73 \text{ U M}$ 

Esto significa que después de 4 años, se tendrá un saldo insoluto (deuda) de 1.73 U.M. pero para determinar el último pago, que será incompleto, habra que determinar el valor futuro de dicho saldo insoluto en el 5° año, considerando que entre éste y el 4° año sólo existe un periodo.

$$a' = 1.73(1+0.04)$$
  
 $a' = 1.80 U M$ 

El último pago incompleto que se efectuará será de 1 80 U.M

10 Un heredero ha recibido un inmueble que actualmente es rentado en 2,500 00 U.M. al mes bajo un contrato de duración anual que se renueva indefinidamente: Actualmente, el inquilino está dispuesto a comprarle el bien de contado. En qué cantidad de dinero estaria dispuesto el heredero a vender la propiedad, por lo menos, si desea invertir lo que reciba en un banco que le garantiza entregarle el 10.75% de interés efectivo anual.

#### Solución:

El hecho que el contrato se renueva indefinidamente indica que se tratan de anualidades perpetuas, pero para poder aplicar la expresión correspondiente primeramente habrá que anualizar la renta que se recibe mes a mes, es decir se deberá multiplicar por 12 a fin de obtener la renta total que se obtiene en un año

$$C_c = (2 500 00)(12) / 0 1075$$
  
 $C_c = 279 069 77 U M$ 

La cantidad mínima que esperaria recibir el heredero es de 279.069.77. Unidades Monetarias

#### • EJERCICIOS PROPUESTOS

- 1. Encuentre el monto al cual se acumularan 100 000 00 U.M.
  - a) a un interes del 4% anual, convertible trimestralmente durante 10 años
  - b) al 6% de interes anual convertible semestralmente durante 5 años.
  - c) a la tasa efectiva de descuento del 3% anual durante 8 años.
  - d) al 5% de interes efectivo durante 10 años, al 4% efectivo durante los siguientes 5 años y al 2 50% efectivo durante los 3 años subsiguientes, y
  - e) a la fuerza de interés del 4% anual durante 3 años y 9 meses
- 2. ¿Qué fuerza constante de interés produciría el mismo resultado que las tasas de interes del problema 1 d)?

- 3. Encuentre el valor presente de 100.00 U.M. pagaderas dentro de 20 años
  - a) al 5% de interés convertible cada semestre.
  - b) al 5% capitalizable instantáneamente (fuerza de interés); y
  - c) al 4% de interés convertible trimestralmente durante los primeros 10 años y al 3% de interés anual efectivo después.
- 4. Encuentre el monto de 100.00 U.M. acumuladas durante 20 años a las siguientes tasas de interés
  - a) tasa efectiva de interés correspondiente a una tasa nominal de descuento del 4% anual convertible bimestralmente.
  - b) 6% anual convertible cada cuatrimestre durante 12 años y 3.50% anual capitalizable bianualmente, v
  - c) tasa de interés anual a la cual un capital se triplica en 21 años
- 5. Encontrar el monto de 100.00 U.M. al fin de 6 años, si el interés al que se encuentra colocado es del 5% efectivo anual.
- 6 Encontrar el monto de 3,000.00 U M al fin de 12 años, si se invierte a una tasa de interés del 5% capitalizable anualmente:
- 7 Encontrar el monto de 100.00 U.M. invertidas al 6% de interés durante 40 años
- 8 Encontrar el monto de 100.00 U.M. por 3 años al 6% de interés
- 9 Encontrar el número de años requeridos para que 500.00 U.M. se conviertan en 735 00 si la tasa de interés de inversión es del 6% anual
- 10. Encontrar el número de años para que 100 00 U M sean el valor presente de un monto de 119 10 U.M., a una tasa de interes del 6%.
- 11. Encontrar el tiempo en que 500 00 U M se duplicarán al 6% de interés capitalizable trimestralmente
- 12 Encontrar la tasa de interès a la cual 100 00 U.M. se convertirán en 119.10 U.M. en 3 años
- 13 Encontrar la tasa efectiva de interes anual equivalente a una tasa efectiva semestral de interès del 3%
- 14 Encontrar la tasa efectiva trimestral de interes equivalente a una tasa efectiva anual del 4% de interés
- 15. Encontrar la tasa efectiva semestral de interés equivalente a una fuerza del interés del 5% anual.

- 16.Encontrar la fuerza del interès mensual equivalente a una tasa efectiva de interès del 5% mensual
- 17. Encontrar la tasa nominal semestral de interés convertible quincenalmente equivalente a una fuerza del interés del 10% semestral
- 18. Encontrar la fuerza de interés trimestral equivalente a una tasa de interes nominal trimestral, capitalizable mensualmente del 9%
- 19 Encontrar la tasa de descuento efectiva mensual equivalente a una tasa de descuento nominal mensual del 5% convertible guincenalmente
- 20 Encontrar la tasa nominal cuatrimestral de descuento convertible mensualmente, equivalente a una tasa efectiva de descuento del 4% cuatrimestral
- 21 Encontrar la tasa efectiva de descuento mensual equivalente a una fuerza de descuento del 6& mensual
- 22. Encontrar la fuerza de descuento trimestral equivalente a una tasa efectiva de descuento del 6% semestral
- 23 Encontrar la tasa nominal semestral de descuento convertible quincenalmente equivalente a una fuerza de descuento del 10% semestral
- 24. Encontrar la fuerza de descuento trimestral equivalente a una tasa nominal trimestral de descuento del 9% convertible mensualmente
- 25 Encontrar la tasa nominal semestral de descuento convertible quincenalmente equivalente a una tasa nominal de interes tambien convertible quincenalmente del 15% semestral
- 26. Encontrar la tasa efectiva de interes bianual equivalente a una tasa nominal bianual de descuento convertible mensualmente del 7.50%
- 27. Suponga un valor del dinero en el tiempo de 0.05 anual.
  - a) ¿a que cantidad equivalente recibida en 10 pagos anuales iguales, el primero recibido despues de un año serian 100 U.M. recibidas de inmediato? y
  - b) ¿cual seria la cantidad anual si el primer pago se recibiere de inmediato?
- 28 Se puede hacer un pago de 10.000 00 U M de inmediato o pagar cantidades iguales de "R" durante los proximos cinco años, el primer pago dentro de un

- año. Con un valor del dinero en el tiempo de 0.05 anual, ¿cuál es el valor máximo de "R" que se estaría dispuesto a aceptar?
- 29.Suponga que un banco carga un 1% de interés mensual. A Usted le presta el banco 50,000.00 U.M. a ser pagadas por cantidades iguales durante un periodo de 35 meses, siendo el primer pago dentro de un mes. ¿Cuánto tendrá Usted que pagar mensualmente?
- 30 Suponga que una compañía tiene pendiente una deuda de carátula de 10:000,000 00 U M en bonos al 10% de dividendos anuales pagaderos al final de cada periodo, cuo vencimiento es dentro de 20 años, la deuda paga 1:000,000 00 U M vencidas de interés por año, y la tasa de interés del mercado de dinero es de 4% anual. ¿Cuál es el valor presente de la deuda?
- 31 Un bono promete pagar 30.00 U.M anuales de dividendos vencidos durante 30 años y 1.000.00 a su vencimiento. Si el mercado de dinero paga el 3% anual efectivo de interés. ¿cuál es el valor presente del bono?
- 32.Exactamente dentro de 20 años, una persona empezará a recibir una pensión de 10.000 00 U-M anuales. La duración de la pensión es de 30 años. ¿Cuánto vale la pensión ahora, si el dinero vale 0.05 por año?
- 33. Para comprar una casa se grava ésta con una hipoteca, y se abonan 12.000 00 U M anuales, pagaderas mensualmente durante 15 años. Si la tasa es del 8% anual nominal capitalizable cada mes, ¿cuál es el valor de contado de dicha casa?
- 34. Una persona desea disponer de un capital de 100,000.00 U.M. dentro de 10 años formado mediante depositos mensuales en un banco que le ofrece el 9% de interés anual nominal convertible mensualmente. ¿De cuánto será la renta anual (la suma directa de 12 depositos mensuales) para lograr su objetivo?
- 35 Una persona adquiere una television cuyo valor es de 5,000.00 U.M. con la opción de pagarla mediante 12 abonos mensuales, el primero un mes después de efectuada la compra. Si la tasa de interés que le cargan es del 1% mensual efectiva. ¿a cuánto ascenderan los abonos mensuales?
- 36 Una persona adeuda 20.000 00 y desea efectuar pagos anuales de 1,000.00 UM ¿Durante cuánto tiempo debera efectuar dichos pagos a fin de liquidar el adeudo si la tasa de-interés involucrada es del 3.5% anual efectiva?
- 37 Una anualidad de 125.00 U M mensuales tiene un valor presente de 3,000.00 U.M. Si el interés es del 12% anual efectivo, ¿cuántos pagos completos se requieren y qué pago irregular al fin del siguiente mes para efectos de que la operación sea equitativa?

- 38 Para liquidar una deuda de 52,563 00 U M se efectúan pagos anuales de 6 000,00 U M en forma vencida durante 11 años. ¿Cuál es la tasa anual nominal capitalizable semestralmente con la que se está operando?
- 39 Un fideicomiso de 720,000 00 U M proporciona pagos anuales de 40,000 00 al fin de cada año durante 30 años. ¿Cuál es la tasa efectiva mensual que paga el fideicomiso?
- 40 ¿ Cuál es el precio de una casa cuya renta mensual es de 1,200 00 U.M. si la tasa de interes es del 12% anual nominal convertible mensualmente?
- 41 Una geuda de 25,000.00 U.M devenga interés del 4% efectivo anual y va a ser amortizada mediante pagos iguales de 4,000.00 U.M al fin de cada año Encontrar cuantos pagos completos se deben efectuar y qué pago incompleto deberá cubrirse un año después del último completo

#### • SOLUCIONES DE LOS EJERCICIOS PROPUESTOS

a) 148 886 37 U M b) 134 391.64 U M c) 127 592 79 U.M d) 213 418 12 U.M e) 115 186 42 U M 2 4 21%

a) 37 24 U M b) 36 79 U M c) 49 98 U M

4 a) 223 15 U M b) 267 39 U M c) 284 71 U M

6 5 387 57 U M

7 1.028 57 U M

- 8 119 10 U.M
- 9 6 612 años.
- 10 3 años.
- 11 11.64 años
- 12 6% efectivo anual
- 13 6 09%
- 14 0.99%
- 15 2.53 %
- 16 488%
- 17 10 04%
- 18 8.87%
- 19 4 94%
- 20 4 06%
- 21 5 82%
- 22 3 09%
- 23 9 96%
- 24 9 14%
- 25 14.81%
- 26 7 80%
- 27
- a) 10 pagos de 12.95 U M cada uno
- b) 10 pagos de 12.33 U M cada uno
- 28 2,309,75 U.M
- 29. 1,700 18 U M

- 30 18'154 195 81 U M
- 31 1,000 00 U M
- 32 60.834 01 U M
- 33 104 640 59 U.M.
- 34 6 201 09 U M
- 35 444 24 U M
- 36 35 años
- 37 27 pagos mensuales completos de 125.00 U M , y un pago de 47.57 un mes después
- 38 3 96%
- 39 0 30%
- 40 120 000 00 U M
- 41. Tipagos completos de 4 000 00 U M y 1 pago de 1,357 34 U M un año despues

#### • FUNDAMENTOS PARA EL ANÁLISIS DE LAS INVERSIONES: Aplicación de la matemática financiera y de criterios de decisión

Es sabido que el objetivo preciso de un inversionista es incrementar su patrimonio, y por eso necesita una base solida sobre la cual fundamente la toma de una buena decision respecto de qué alternativa elegir con tal etecto, es decir, el inversionista debe determinar y comparar parametros e indicadores que le permitan eliminar de inmediato las alternativas no viables segun la rentabilidad que cada alternativa le aporte a el

Para lograr este objetivo les conveniente y necesario seguir los lineamientos de un proceso estructurado, en el cual se distinguen cuatro etapas fundamentales

 Identificación de la necesidad de una decisión o de una oportunidad de inversion

- Formulación de alternativas de acción para satisfacer la necesidad, o bien para aprovechar la oportunidad que se presenta (proyectos de inversión)
- 3) Evaluación de las alternativas de inversión en términos de su contribución para el alcance de las metas
- 4) Selección de una o varias alternativas de inversión para su implantación

Habiendo identificado una necesidad de inversión, el paso a seguir es la formulación de alternativas de acción y en ese sentido debe señalarse que para tomar la mejor decisión es fundamental tratar de agotar las diferentes alternativas que "a priori" cumplen con las restricciones establecidas para cada caso específico

Una vez determinados los "proyectos de inversión", se procederá en consecuencia a la evaluación y jerarquización de los mismos para determinar la contribución o utilidad de cada uno de ellos al logro de las metas establecidas por el inversionista. Generalmente la contribución de los proyectos se expresa en términos de retornos monetarios como base de comparación entre cada acción a emprender

Con base en los resultados obtenidos en la evaluación y considerando que la pretensión es maximizar la utilidad susceptible de ser generada, se seleccionará la mejor alternativa de inversión, y para ello se deberá seleccionar el o los subconjuntos de proyectos que maximicen la utilidad global respectiva, toda vez que cumplan con las restricciones de tipo tecnológico, económico y de financiamiento que en su caso procedan

Suponiendo la certeza de las características cuantitativas de un proyecto, se presentan tres criterios que permiten clasificar las inversiones en favorables (rentables) o desfavorables (no rentables) en terminos del crecimiento patrimonial del inversionista

Para efectos de la exposición de estos criterios, la notación utilizada para la definición de un proyecto será el siguiente

- Co Inversión inicial requerida
- B<sub>t</sub> Beneficio generado por el proyecto durante el período "t".
- C: Costo causado por el proyecto en el periodo "t".
- $\mathsf{FEN}_t$  Flujo de Efectivo Neto del periodo "t".
- n Horizonte de la inversion dividido en periodos

El Flujo de Efectivo Neto (FEN) del periodo "t" será igual a los beneficios generados menos los costos causados en el mismo periodo

#### Período de Recuperación de la Inversión (PRI)

Este método consiste en cuantificar el período en que será recuperada la inversion inicial  $C_0$ , tomando como parámetro principal el costo total del proyecto (inversion total), respecto de los ingresos obtenidos anualmente durante el norizonte de inversión del mismo

El periodo de recuperación de una inversion puede ser definido como el tiempo, requerido para que el flujo de ingresos producido por una inversión sea igual al desemboliso original con lo cual es posible medir la liquidez del proyecto la recuperación de su capital y su ganancia o utilidad

Este método es uno de los más simples y sólo se utiliza como complemento en la toma de decisiones, ya que no toma el valor del dinero en el tiempo

Para determinar el periodo de recuperación de una inversión se debe establecer la siguiente ecuación

PR.

$$\sum FEN_t = C_c$$

donde el valor de "t" será variado desde uno y hasta el valor del periodo de recuperación de la inversión mismo que es la incógnita a resolver mediante tanteos o por aproximaciones sucesivas

Bajo el criterio del periodo de recuperación de la inversión, se considerará que ésta es rentable si el periodo de recuperación de la misma es menor o igual que el norizonte o plazo de la inversión, es decir.

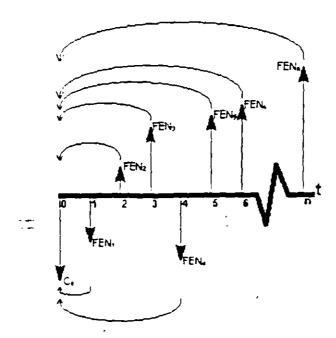
y sera considerada como no rentable en caso que esto no ocurra

No obstante lo anterior existen otros indicadores que si consideran el valor del dinero en el tiempo y por tanto resultan se mas útiles al proceso de toma de decisiones como son el Valor Presente Neto (VPN), la Tasa Interna de Retorno (TIR) la Relación Beneficio-Costo (B/C) el Indice de Rentabilidad de la Inversión (IRI), el Pago Anual Equivalente (PAE) y el Período de Recuperación Actualizado (PRA)

7.

#### Método del Valor Presente Neto

El método del Valor Presente Neto es uno de los criterios financieros más ampliamente utilizado en el Análisis de Inversiones. Para entender su conceptualización, y también posteriormente el de Tasa Interna de Retorno, consideremos la siguiente figura que recibe el nombre de Diagrama de Flujo de Efectivo en el cual se representan, como su nombre lo indica, los flujos de efectivo para una inversión.



En este proyecto de inversión se requiere de un desembolso inicial de efectivo "C<sub>c</sub>" con lo que se generarán una sucesión de Flujos de Efectivo Neto al paso del tiempo desde el primer periodo y hasta el horizonte de la inversión donde se presenta el flujo de efectivo final quedando estos representados como "FEN<sub>1</sub>", "FEN<sub>2</sub>" "FEN<sub>3</sub>" ... "FEN<sub>n</sub>" Los subindices colocados corresponden a la variación del contador "t" el cual representa al t-esimo periodo

En la figura anterior, la inversión inicial es denotada con la sigla " $C_0$ " y se representa gráficamente con una flecha hacia abajo de la linea de tiempo, lo cual significa que es una erogación de efectivo. Los flujos de efectivo " $FEN_1$ " y " $FEN_4$ " también son hacia abajo en la línea de tiempo y representan flujos de efectivo negativos, es decir, son erogaciones proyectadas. Los flujos positivos son representados con flechas hacia arriba y representan ingresos o beneficios que el proyecto le aporta al inversionista.

El valor presente neto se calcula sumando la inversión inicial al valor actualizado de los Flujos de Efectivo Neto futuros, es decir, a la inversión inicial (representada por un flujo de efectivo negativo) se le suman algebraicamente los Flujos de Efectivo Neto traidos a valor presente mediante una "tasa" con la aplicación de la

teoría del interés, tratada ya anteriormente. Dicha tasa será conocida como Tasa de Rendimiento Mínima Aceptable (TREMA)

La Tasa de Rendimiento Mínima Aceptable (TREMA) es una tasa de interés que indica el rendimiento mínimo que se espera tenga el proyecto

En resumen, el método del Valor Presente Neto (VPN) consiste en actualizar los fiujos de efectivo a través de una tasa de interés y compararlos con la inversion inicial mediante la siguiente relacion

$$VPN = C_0 + \sum_{i=1}^{r} FEN_i (1 + i)^{-t}$$

Se considerará que la inversión es rentable si el Valor Presente Neto tiene un valor positivo y en caso contrario será no rentable, por lo que se deduce entonces que el resultado que se obtiene refleja si el proyecto será capaz de generar utilidades o pérdidas respectivamente.

Este método tiene las ventajas de

- 1 Considerar el valor del dinero en el tiempo mediante la aplicación de la teoria del interés
- 2 Facilidad de cálculo
- 3 Tiene solucion unica por cada tasa de interes que se aplique

Sin embargo, la desventaja es que el resultado obtenido depende de la tasa de interes para defiactación que sea utilizada.

En lo sucesivo se entendera por defiactación al procedimiento mediante el cual un Valor Futuro es transformado en un Valor Presente. Al proceso inverso se le conocera como reflactación

#### Tasa Interna de Retorno (TIR)

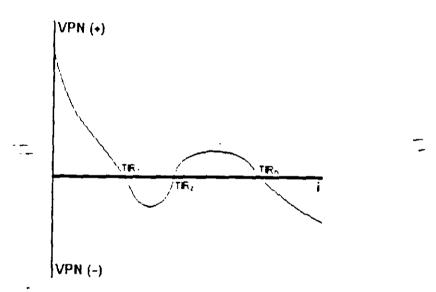
La Tasa Interna de Retorno (TIR; considerada también como tasa interna de rendimiento financiero, se define como la tasa de interés de deflactación que hace que el Valor Presente Neto de todos los Flujos de Efectivo Neto de una inversión o proyecto, sea igual a-cero, satisfaciendo la siguiente ecuación.

$$C_c + \sum_{t=1}^{\infty} FEN_t (1+TIR)^{-t} = 0$$

donde la Tasa Interna de Retorno (TIR) es la solución o raíz de dicha ecuación

Este método tiene una desventaja, la cual radica en el hecho que, la anterior es una ecuación de grado "t", misma que tendrá hasta "t" raíces o soluciones; una o más comprendidas en el campo de los números reales, y el resto existirán en el campo de los números complejos. Cuando existe uno o más Flujos de Efectivo Neto negativos, traen como resultado la obtención de Tasas Internas de Retorno múltiples

Lo anterior quiere decir que, cuando tratamos casos con características no tipicas pueden obtenerse varias soluciones (Tasas Internas de Retorno) que hacen que el Valor Presente Neto de una inversión sea igual a cero, por lo que para tomar una decisión, es necesario apoyarse en un mecanismo gráfico como el que se ilustra a continuación:



#### Relación Beneficio Costo (B/C)

Este indicador se define como la relación entre los Beneficios y los Costos de un proyecto a valores actuales (Valor Presente). Si la relación B/C > 1 el proyecto debera aceptarse pues indica que sus beneficios son mayores que sus costos, y por lo tanto es conveniente para el o los inversionistas (inversión rentable). Si por el contrario. B/C < 1, se debe rechazar el proyecto pues indica que sus costos son mayores a sus beneficios y por lo tanto el proyecto no es rentable.

La relacion B/C se calculará aplicando la siguiente relación:

$$\langle B/C \rangle_{t} = \sum_{i=1}^{n} B_{i} (1+i)^{-1} / C_{0} + \sum_{i=1}^{n} C_{i} (1+i)^{-1}$$

#### Índice de Rentabilidad de la Inversión (IRI)

Este índice será calculado con la siguiente ecuación

$$IRI_t = VPN_t / C_0 + \sum_{t=1}^{n} C_t (1+i)^{-t}$$

Se considerará como rentable un proyecto cuyo Índice de Rentabilidad de Inversión sea positivo y como no rentable el caso negativo

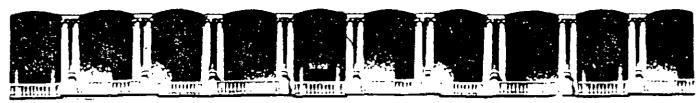
#### Pago Anual Equivalente (PAE)

Con el Método del Pago Anual Equivalente (PAE) todos los ingresos y gastos que ocurran dentro de un período son convertidos a una anualidad equivalente (uniforme). Cuando dicha anualidad es positiva, el proyecto generará utilidades y es conveniente llevarlo a cabo, si es negativo ocurre lo inverso.

El Pago Anual Equivalente (PAE) será determinado con la expresión siguiente

PAE, = VPN, (i) 
$$I [1 - (1 + i)^{-1}]$$





#### FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M. DIVISION DE EDUCACION CONTINUA

#### **CURSOS ABIERTOS**

## DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA Y DE NEGOCIOS

#### MÓDULO I : APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### **TEMA**

TEORÍA Y PRAXIS DE VALUACIÓN INMOBILIARIA Y DE NEGOCIOS (INTRODUCCIÓN): ANEXO I

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ PALACIO DE MINERIA MARZO DEL 2002

# TEORÍA Y PRAXIS DE VALUACIÓN INMOBILIARIA Y DE NEGOCIOS

M. en I. Enrique Augusto Hernández-Ruiz

### **PREFACIO**

La División de Educación Continua de la Facultad de Ingeniería de la Universidad Nacional Autónoma de México siempre ha procurado y mantenido el más alto desempeño en la educación permanente de actualización que los profesionales de la ingeniería y sus disciplinas afines requieren, por tal motivo, tras la impartición de diversos cursos sobre esta materia realizados en sus aulas del Palacio de Minería y gracias al efectivo apoyo del Departamento de Cursos Abiertos, se integró un Diplomado a principios del año 2001, del cual, este documento constituye el principal material de apoyo desde el punto de vista didáctico. La constante demanda, expresada desde entonces por legos y profesionales de la valuación, ha hecho posible la creación de este texto.

Como es de pensarse, algunas veces las decisiones se fundamentan en análisis y razonamientos sencillos, pero muchas otras dependen de una combinación de experiencia general, juicio, especulación e incertidumbre, donde siempre existe el riesgo de que una decisión tomada en determinado momento no sea tan buena como otra que se tome posteriormente. Por esta razón, los tomadores de decisiones buscan herramientas que ofrezcan soluciones nuevas, eficaces y más eficientes para aquellos problemas que se consideran de rutina y repetitivos.

Dichas herramientas, expuestas en este documento, han ayudado a resolver problemas de diversas áreas del conocimiento: la valuación es una de ellas. Muchas de las aplicaciones aquí desarrolladas han demostrado que proveen bases para lograr un análisis integrado y objetivo de los problemas que se presentan en esta materia. La característica distintiva de estas técnicas es la necesidad de expandir los puntos de vista para tomar una actitud más crítica e interrogadora en los dictámenes de valor; además, estimulan el pensamiento objetivo, en parte porque hacen énfasis en conceptos amplios y también porque la naturaleza de los modelos y de las técnicas limita la influencia de las preferencias personales.

Por otro lado, también permiten encontrar soluciones creativas y adecuadas a problemas, ayudando a identificar las partes críticas de los sistemas que requieren evaluación y análisis, suministrando así una base sólida de carácter cualitativo y cuantitativo para orientar el juicio del tomador de decisiones, disminuyendo el esfuerzo y el tiempo de análisis para intensificar el potencial de su actividad en un sentido más racional.

Con base en lo anterior, será posible que el lector determine, mediante la aplicación de enfoques generalmente aceptados por la práctica profesional de la valuación, la cuantía monetaria que mejor represente el valor de un bien específico, pues para evitar que la exposición de los temas se convierta en un

proceso teórico sin utilidad práctica, se desarrollarán ejercicios que ilustren la aplicación de las técnicas específicas.

Resta señalar que la exposición de los temas tratados procura excelencia académica a través de la conjugación de teoría y técnica en materia valuatoria; sin embargo, la dedicación que el lector aplique en el proceso de aprendizaje será definitiva para que, en el futuro inmediato, éste logre mejorar su habilidad en la "valuación inmobiliaria y de negocios".

II

## INTRODUCCIÓN

Como es sabido, el tomador de decisiones debe medir para poder comparar, es decir, para efectos de evaluación surge la necesidad de valuar. Para elegir de un conjunto de alternativas, aquella que sea más conveniente, deberá conocerse la información financiera relevante de la empresa, del negocio o proyecto que se esté tratando: los resultados de sus operaciones y los cambios en su situación financiera por un periodo contable determinado, por ejemplo; esta información que es referida, debe satisfacer las expectativas de las personas interesadas e involucradas, como son los accionistas, empleados, acreedores y gobierno.

Sabiendo que un proyecto es la conceptualización de una idea que tiene la factibilidad de convertirse en realidad mediante la asignación de recursos que revertirán bienes y/o servicios útiles al ser humano y a su sociedad, puede afirmarse que tomar decisiones en los proyectos es una habilidad clave de sus ejecutivos, quienes las deberán tomar cuando exista en ellos un problema que requiera una solución y, para ello, en varias ocasiones deberán contar con el conocimiento del valor, expresado en términos económicos, de los proyectos mismos o de los bienes que en ellos intervienen.

Algunas veces las decisiones se fundamentan en razonamientos o en análisis sencillos, pero muchas otras dependen de una combinación de experiencia general, juicio, especulación e incertidumbre, donde siempre existe el riesgo de que una decisión tomada en determinado momento no sea tan buena como una que se tome posteriormente. Por esta razón, los tomadores de decisiones buscan herramientas que ofrezcan soluciones nuevas, eficaces y más eficientes para aquellos problemas que se consideran de rutina y repetitivos.

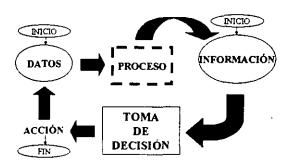
Un problema, en términos conceptuales, será entendido como la diferencia que existe entre un estado real y otro que es deseado en un proyecto, mientras que una decisión será asumida como la contestación a una interrogante cuyos sucesos a su alrededor tienen tanta incertidumbre que la respuesta no resulta obvia. Debe asimilarse que, el proceso mismo de toma de decisiones de un individuo inicia con la posesión de uno o dos de los siguientes elementos:

- Datos, e/o
- Información

Los datos representarán aquellos elementos cognoscitivos carentes de significado para tomar una decisión, mientras que la información se integrará con elementos cognoscitivos tipificados y clasificados, es decir, homologados, por lo que serán estos últimos los que poseen suma relevancia para la toma de decisiones. No obstante, es posible transformar un grupo de datos en información mediante la aplicación de una metodología que los seleccione y los discrimine, además de

ordenarlos por tipos y clases, procurando siempre mantener la naturaleza cualitativa o cuantitativa de los mismos.

Para tomar una decisión, los individuos primeramente establecen parámetros de comparación con base en sus conveniencias, preferencias y gustos, posteriormente seleccionan el mejor elemento de un posible conjunto de soluciones mediante un proceso iterativo de comparación de dos elementos a la vez, el cual confronta a cada solución con todas las demás. Este proceso puede entenderse como un ciclo que se desarrolla junto con el paso del tiempo, cuyo esquema es el siguiente:



Cada elemento del posible conjunto de soluciones recibe el nombre de "alternativa", de donde aquella alternativa que aporte los mayores beneficios, o bien, los menores perjuicios, se llamará "opción". Puede existir el caso que más de una alternativa aporte al tomador de decisiones los mismos beneficios o perjuicios, por lo que será posible que en un conjunto de alternativas exista más de una opción.

En ese sentido, para encontrar la opción buscada en un momento dado, los analistas y tomadores de decisiones en materia de proyectos se apovan fundamentalmente en procedimientos tales como la valuación misma, técnica que es motivo del desarrollo del presente documento.

## ÍNDICE

#### Capítulo 1

#### Génesis y Desarrollo de la Valuación

- 1.1 El Por Qué de la Valuación
- 1.2 Los Tratados del Valor
- 1.3 El Significado de la Palabra "Valuación"
- 1.4 Valuación: Técnica o Disciplina

#### Capítulo 2

#### Aspectos Multidisciplinarios de la Valuación

- 2.1 Elementos de Estadística Descriptiva
  - 2.1.1 Análisis de Muestras Aleatorias
  - 2.1.2 Validación de Muestras con Media Poblacional Estimada
  - 2.1.3 Correlación de Parámetros Muestrales
- 2.2 Elementos de Probabilidad
- 2.3 Elementos de Economía
  - 2.3.1 Concepto de Mercado "Perfecto"
  - 2.3.2 Costos, Valores y Precios
  - 2.3.3 Valor Monetario
  - 2.3.4 Inflación y Pérdida del Poder Adquisitivo
  - 2.3.5 Tasa de Crecimiento Real del Patrimonio
- 2.4 Elementos de Contabilidad Financiera
  - 2.4.1 Antecedentes y Principios
  - 2.4.2 El Proceso Contable
  - 2.4.3 Efectos de la Inflación en la Contabilidad
- 2.5 Elementos de Matemática Financiera
  - 2.5.1 Teoría del Interés
  - 2.5.2 Teoria del Descuento
  - 2.5.3 Equivalencia entre Interés y Descuento
  - 2.5.4 Amortizaciones
- 2.6 Elementos del Análisis de Inversiones
  - 2.6.1 Periodo de Recuperación de la Inversión (PRI)
  - 2.6.2 Periodo de Recuperación Actualizado (PRA)
  - 2.6.3 Método del Valor Presente Neto
  - 2.6.4 Tasa Interna de Retorno (TIR)
  - 2.6.5 Tasa Externa de Retorno (TER)
  - 2.6.6 Relación Beneficio/Costo (B/C)
  - 5.6.7 Índice de Rentabilidad de la Inversión (IRI)
  - 5.6.8 Pago Anual Equivalente (PAE)

#### Capítulo 3

#### Marco Normativo de la Valuación

- 3.1 Normas Jurídicas
  - 3.1.1 Respecto de los Bienes Muebles e Inmuebles
  - 3.1.2 Respecto de la Propiedad Intelectual
    - 3.1.2.1 Derechos de autor
    - 3.1.2.2 Diseños Industriales
    - 3.1.2.3 Marcas
    - 3.1.2.4 Patentes.
  - 3.1.3 El Dictamen Valuatorio como Elemento Probatorio Judicial
    - 3.1.3.1 Procedimiento de Desahogo del Dictamen Valuatorio
- 3.2 Normas Éticas
  - 3.2.1 Deberes y Obligaciones Primordiales del valuador
- 3.3 Normas Metodológicas (Lex Artis)
  - 3.3.1 Respecto de los Bienes Muebles e Inmuebles
    - 3.3.1.1 El Factor por Demérito
  - 3.3.2 Respecto de la Propiedad Intelectual
  - 3.3.3 Definiciones y Abreviaturas

#### Capítulo 4

#### Práctica Valuatoria

- 4.1 El Método del Costo Neto de Reposición
- 4.2 Homologación
  - 4.2.1 Homologación "HR"
- 4.3 El Método del Valor de Cambio
- 4.4 El Método del Valor de Uso
- 4.5 Valuación de Terrenos
  - 4.5.1 Estudios Valuatorios Relativos a Predios de Gran Extensión
    - 4.5.2 El Método "HR"
    - 4.5.3 El Método de Repercusión
  - 4.5.4 El Método de la Razón de Superficie

#### Capítulo 5

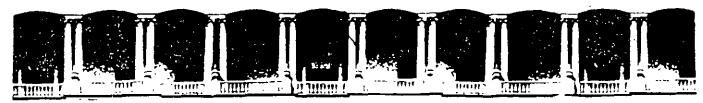
#### Casos de Valuación

- 5.1 Muebles y Enseres
  - 5.2.1 Mobiliario de Oficina
- 5.2 Maquinaria y Equipo
  - 5.2.1 Equipo de Cómputo
  - 5.2.2 Equipo de Transporte
  - 5.2.3 Equipo de Laboratorio
- 5.3 Propiedad Intelectual
  - 5.3.1 Publicación Periódica
- 5.4 Inmuebles
  - 5.4.1 Terreno
  - 5.4.2 Departamento en Condominio

#### Bibliografía

#### **Anexos**

- 1. Ejemplo de un balance general formulado por una empresa.
- 2. Gráfica de los factores por demérito aplicables según el estado de conservación y edad de los inmuebles (criterio T.D.F.).
- 3. Tabulación del Factor por Demérito (F.De.) para bienes inmuebles según el criterio señalado por la Tesorería del Distrito Federal.
- 4. Gráfica de los factores por demérito aplicables según el estado de conservación y edad de bienes (criterio Ross Heidecke).
- 5. Tabulación del Factor por Demérito (F.De.) para bienes según el criterio Ross Heidecke.
- 6. Gráfica de los factores por demérito aplicables según el estado de conservación y edad de bienes (criterio "HR").
- 7. Tabulación del Factor por Demérito (F.De.) para bienes según el criterio "HR".
- 8. Gráfica de los factores por demérito aplicables según el estado de conservación y edad de bienes (criterio Kuentzle).
- Tabulación del Factor por Demérito (F.De.) para bienes según el criterio Kuentzle.
- Gráfica de los factores por demérito aplicables según el estado de conservación y edad de bienes (criterio Siller).
- 11. Tabulación del Factor por Demérito (F.De.) para bienes según el criterio Siller.
- 12. Puntuación máxima asignada a las autopartes de vehículos según el estado de sus componentes principales (criterio de las armadoras automotrices)
- 13. Vigencia de derechos sobre propiedad intelectual e industrial y leyes que los amparan.
- 14. Elementos para la descripción física de los elementos que integran las construcciones de un inmueble.



#### FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M. DIVISION DE EDUCACION CONTINUA

#### **CURSOS ABIERTOS**

#### DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA Y DE NEGOCIOS

#### MÓDULO I : APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### **TEMA**

CAPÍTULO 1 GÉNESIS Y DESARROLLO DE LA VALUACIÓN : ANEXO II

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
PALACIO DE MINERIA
MARZO DEL 2002

## CAPÍTULO 1 GÉNESIS Y DESARROLLO DE LA VALUACIÓN

#### 1.1 EL POR QUÉ DE LA VALUACIÓN

Supóngase que se desea analizar una compañía dedicada a la explotación de un hotel, la cual se constituyó legalmente en el mes de enero de 1939 con un capital social de \$25,000.00, mismo que fue aportado en su momento por cinco socios en proporciones iguales (socios A, B, C, D, E), es decir, cada uno cuenta con el 20% del total de las acciones emitidas. Con las aportaciones iniciales se adquirió el inmueble donde actualmente opera el hotel con un costo de \$25,000.00¹, desde entonces y hasta el 31 de Diciembre de 1992 obtuvo utilidades por \$200'000,000.00² y del₁1º de enero de 1993 al 31 de diciembre de 1995 obtuvo, ganancias por N\$150,000.00³. En el mes de septiembre de 1996, se decide aumentar por primera vez el capital social en \$5'000,000.00 mediante aportaciones de los socios B, D y E equivalentes a un 20% cada uno y el resto (40%) con aportación del socio C, esto es, el socio A no aportará su parte correspondiente y ésta será pagada por el socio C. Se desea saber las nuevas proporciones del capital contable que corresponden a cada socio.

El socio A, de manera preventiva ha solicitado, a un valuador independiente, un dictamen respecto del valor que el inmueble posee a la fecha en que se pretende realizar el aumento del capital contable. El valuador dictaminó que el terreno vale \$80'000,000.00.

Obsérvese el Balance General y el valor contable de las acciones del negocio que son presentados en la Tabla 1.1 y en la Tabla 1.2 respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Unidades monetarias del mes de enero de 1939.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Unidades monetarias registradas en los libros contables del negocio año con año.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Unidades monetarias registradas en libros, considerando una transformación monetaria oficial.

#### EMPRESA HOTELERA, S.A. DE C.V. BALANCE GENERAL

CONCEPTO	HISTOR	ICO		ACTUALIZADO		HISTORICO		ACTUALIZADO	
	SIN AUMENTO		SIN AUMENTO DE		CON AUMEN		i -	CON AUMENTO DE	
	DE CAPITAL		CAPITAL		CAPITAL		CAPITAL		
	\$	%	\$	%	\$	%	\$	%	
ACTIVO									
ACTIVO CIRCULANTE Caja	10,000.00	2.30	10.000.00	0.01	10,000.00	0.18	10,000.00	0.01	
Bancos	40,000.00	9.19	40,000.00		5,040,000.00	92.73	· ·		
Cuentas por	230,000.00		230,000.00	0.29		4.23		0.27	
cobrar Otros	155,009.00		•	0.19	l '	2.85			
Suma el activo circulante	435,009.00	100.00	435,009.00	0.54	5,435,009.00	100,00	5,435,009.00	6.36	
ACTIVO FIJO									
Terreno	5.00	0.00	44,000,000.00	54 70	5.00	0.00	44,000,000.00	51.50	
Construcción	20 00	. 0.00	64,000,000.00	79.57	20.00	0.00	64,000,000.00	74.91	
Depreciación acumulada	(9.00)	(0.00)	(28,000,000.00)	(34.81)	(9 00)	(0.00)	(28,000,000.00)	(32.77)	
Suma el activo fijo	16.00	0.00	80,000,000.00	99.46	16 00	0.00	80,000,000.00	93.64	
					<u> </u>				
TOTAL DE ACTIVO	435,025.00	100.00	80,435,009.00	100.00	5,435,025.00	100.00	85,435,009.00	100.00	
DA CILVO									
PASIVO Cuentas por pagar	100,000 00	22 99	100,000.00	0.12	100,000.00	1.84	100,000 00	0.12	
Otros	35,000.00	8.05	35,000 00	0.04	35,000 00	0.64	35,000 00	0.04	
Suma el pasivo	135,000.00	31.03	135,000.00	0 17	135,000.00	2.48	135,000.00	0 16	
CAPITAL CONTABLE	,				•				
Capital social	25.00	0.01	25.00	0 00	5,000,025.00	92.00	5,000,025.00	5.85	
Resultados acumulados	300,000.00	68.96	300,000 00	0.37	·	5.52	300,000.00	0.35	
Actualización del capital	-		79,999,984.00	99.46		-	79,999,984.00	93.64	
Suma el icapital	300,025.00	68.97	80,300,009.00	99.83	5,300,025 00	97.52	85,300,009.00	99.84	
TOTAL PASIVO Y CAPITAL	435,025.00	100.00	80,435,009.00	100.00	5,435,025.00	100.00	85,435,009.00	100.00	

Tabla 1.1 Balance general de la empresa hotelera

#### EMPRESA HOTELERA, S.A. DE C.V. Valor contable de las acciones

CONCEPTO	HISTORICO		ACTUALIZADO		HISTORICO		ACTUALIZADO	
	SIN AUMENTO DE CAPITAL		SIN AUMENTO DE CAPITAL		CON AUMENTO DE CAPITAL		CON AUMENTO DE CAPITAL	
	\$	%	\$	%	\$	%	\$	%
Socio A	60,005.00	20.00	16,060,001.80	20.00	60,005.00	11.13	16,060,001.80	18.83
Socio B	60,005.00	20.00	16,060,001.80	20.00	1,060,005.00	20 00	17,060,001.80	20.00
Socio C	60,005.00	20.00	16,060,001.80	20.00	2,060,005.00	38.87	18,060,001.80	.^21:17
Socio D	60,005.00	20.00	16,060,001 80	20.00	1,060,005.00	20.00	17,060,001.80	20.00
Socio E	60,005.00	20 00	16,060,001.80	20.00	1,060,005.00	20.00	17,060,001.80	20.00
Suma el capital contable	300,025.00	100.00	80,300,009.00	100.00	5,300,025.00	100.00	85,300,009.00	100.00

Tabla 1.2 Valor de las acciones de la empresa hotelera

Nótese que omitir la actualización del valor del activo fijo y calcular sin ello el valor de las acciones de la empresa perjudicaría radicalmente al socio A y convertiría al C en mayoritario, acto que sería ilegal e ilegítimo, ya que todos los socios tienen el derecho, en la medida que sus acciones se los aporte, de disfrutar de los productos y beneficios que sus activos generen. En realidad, si el primero no realiza la aportación que le corresponde para el aumento de capital social, no sufrirá una pérdida fuerte en cuanto a sus derechos sobre la empresa como puede observarse, mientras que bajo la perspectiva del socio C, haber aportado el doble de los demás, no le representaría ventaja sustantiva alguna, aunque su apreciación "a priori" le pudo dictar que podría ser el socio mayoritario de la empresa.

Con este breve ejemplo se evidencia la importancia de actualizar los valores que poseen los activos fijos y, consecuentemente, también la que tiene el proceso valuatorio mismo. Para un tomador de decisiones es sustancial contar con información contable y financiera fidedigna, de hecho, es una de sus mayores preocupaciones. En ese sentido, cabe hacer resaltar que la afirmación "el valor en libros de una compañía es siempre menor que su valor en el mercado" resulta ser falsa, al menos cuando hablamos de compañías que razones específicas efectúan periódicamente la "reexpresión de sus estados financieros", en virtud que para ello deben presentar sus registros contables y estados financieros debidamente "auditados" y avalados por profesionales en el ramo.

Abundando más respecto de lo anterior, cabría la posibilidad, inclusive, de que el valor en libros de un bien específico fuera superior al valor de mercado; esto ocurriría si en fecha inmediata posterior a la reexpresión de sus estados financieros se presentara un quebranto, crisis o recesión temporal en el mercado de bienes y/o servicios similares o sustitutos de aquel que nos referimos.

El objeto de actualizar los registros relativos a los valores de los bienes de una empresa no es otro más que la coexistencia entre la dinámica de los valores en el mercado y los registros contables de la misma para poder reflejar, en el instante

en que sea necesario tomar una decisión, la situación real en cuanto al posible potencial que puede tener la compañía para con sus accionistas, acreedores y directivos.

Sin embargo, éste no es el único propósito por el cual se efectúan valuaciones de bienes, también se realizan, entre otras razones, para pagar algún gravamen impuesto cuando la cuantía de éste se determina con base en su valor actualizado (ordenado por alguna norma jurídica), para determinar la cantidad presente sobre la cuál pueden ser garantía en caso de préstamo, para determinar la cantidad monetaria que se debe intercambiar para su enajenación, o bien, para simplemente conocer, por curiosidad, el valor que en el presente tiene; en pocas palabras, se efectúan valuaciones de bienes y/o servicios para tomar decisiones sobre de ellos.

#### 1.2 Los Tratados del Valor

Los fundamentos teóricos del valor han sido resultado de profundos razonamientos de varios filósofos a lo largo de la historia de la humanidad. El concepto nace cuando el hombre comienza a obtener excedentes en su producción y desea cambiarlos por otros bienes que necesita y que no produce.

Así surgen los conceptos tales como, costo, valor, precio y sus derivados como valor de uso y valor de cambio, mismos que serán expuestos más adelante en el presente documento.

Aristóteles, en la edad de oro de los griegos, enuncia su teoría del valor subjetivo y dice que el valor de los objetos creados por el hombre no está en el objeto, sino en la mente humana, estableciendo así un carácter subjetivo a este concepto.

En el siglo XVI surge en Inglaterra el grupo llamado "los mercantilistas", integrado por hombres de negocios que sostenian que el bienestar económico individual sólo era posible en un estado económicamente fuerte y políticamente estable, lo cual exigía un control absoluto de las fuentes productivas de la tierra y de los medios de transporte. Con esta filosofía capitalista, se aplicaron valores a la tierra, aunque ésta no tuviese un costo de producción; y es en esta época cuando comienza a hablarse de la ley no escrita de la oferta y la demanda.

En el siglo XVIII, John Stuart, primer ministro de Jorge III (1761–1763), aborda el tema del valor de la tierra desde el punto de vista político económico, y recomienda a su gobierno que proceda a valuaciones periódicas de todas las propiedades agrícolas y urbanas a efecto de cobrar impuestos sobre dichas valoraciones. Sin embargo, por su autoritarismo, solo duró 2 años en el cargo.

A finales del siglo XVIII, Adam Smith, fundador de la economía politica como ciencia independiente, defensor de la libertad de comercio y adversario de los monopolios y privilegios, en su "teoría sobre el costo" reconoce al valor de uso y al valor de cambio, e introduce, como parte de ese valor, la importancia del trabajo y del uso del capital. Concibe al valor de uso como la utilidad de cualquier bien concreto, y al valor de cambio como poder proporcionado por la posesión de los bienes; sin embargo, al no existir relación entre ambos conceptos, prescinde del primero, dedicándose a estudiar únicamente el segundo, dada su creencia de que el cambio es el fundamento esencial del sistema económico y sus leyes la base de la ciencia económica.

Adam Smith consideró la producción de riqueza o actividad determinada por la conjunción de dos factores: el trabajo (principio activo) y la tierra (principio pasivo). Sostuvo que el trabajo es la fuente productora de riqueza, así como la medida real de valor de cambio de todos los bienes, ya que el valor de un bien viene definido por la cantidad de trabajo que dicho bien proporciona a cambio, lo cual se trata del concepto de *Labour Commanded*. Además consideró la posibilidad de medir el valor a través del trabajo incorporado o cantidad de trabajo que ha sido necesario emplear en su producción, pero lo consideró únicamente válido en el estadio de la sociedad que precede a la acumulación de capital, en el que los bienes pueden ser considerados como *embodiments* de trabajo.

En Smith resulta evidente la existencia de un "trabajo productivo" como aquel que da lugar a un aumento de valor, cuando el producto en que se plasma es tal que puede poner en funcionamiento una cantidad de trabajo mayor que la del trabajo empleado, y el de "trabajo improductivo", cuando no se dan estas características.

Definitivamente, el criterio de Labour Commanded de Smith puede concretarse del modo siguiente: el valor de un producto no se calcula con referencia al trabajo mediante el cual ha sido producido, sino con el trabajo que pondrá en funcionamiento

En el mismo siglo XVIII, David Richard aporta su teoría sobre la renta económica, en la cual establece que, el valor de un bien es determinado por su escasez y por la cantidad de trabajo necesario para su producción. Bajo esta conceptualización, la renta de la tierra es un pago diferencial obtenido en función de su capacidad productiva. Acepta la idea smithiana de que es el trabajo el determinante de los valores, pero abandona el concepto de *Labour Commanded* y amplía la concepción de Smith de "trabajo incorporado".

Al analizar la unidad de medida del valor de cambio, David Richard toma como unidad la cantidad de trabajo empleado y no el valor de éste, considerado en este caso como valor de cambio de la mercancía a la "fuerza de trabajo" (en su acepción marxista).

El criterio de la cantidad de trabajo incorporado enfrenta a Richard con la existencia de la tierra y del capital para la determinación del valor; desposee a la

tierra de influencia en la determinación del valor y considera el capital como cristalización del trabajo anteriormente realizado, suponiendo que el trabajo anterior y el actual se combinan en las distintas producciones en proporciones idénticas

La teoría de la renta marginal de Thomas R. Malthus vino después a incorporar conceptos de valor de uso, renta y cambio, relacionándolos con la demanda de bienes en el mercado. Aceptó en principio el *Labour Commanded* de Smith, pero define el valor real de cambio como poder de disposición de las cosas necesarias y útiles de la vida, incluyendo el trabajo, en contraposición con poder de disposición de metales preciosos; no obstante, distingue claramente el trabajo como factor productivo originario de la mercancía fuerza de trabajo; hecha esta distinción, consideró que Smith se refirió al trabajo y no a la mercancía fuerza de trabajo, mientras que para Malthus el criterio del *Labour Commanded* se refiere claramente a la mercancía fuerza-trabajo y no solamente al trabajo.

En contraposición a David Richard, para quien el examen de las variaciones del valor se remite en última instancia al examen a largo plazo de las modificaciones en el costo de producción del trabajo, él, por el contrario, fundamentó la teoría de valor en el razonamiento de que el examen de las variaciones del valor lleva necesariamente al análisis de las alteraciones en los precios de mercado; por esta causa, en Malthus la demanda adquiere una importancia fundamental.

K. Marx parte en su teoría del valor del concepto de trabajo incorporado de David Richard, desarrollándolo e intentando hacer rigurosa al máximo la teoría ricardiana. Define la fuerza de trabajo como una mercancía constituida por la suma de cualidades que hacen al hombre capaz de producir trabajo; al valor de la fuerza de trabajo como el trabajo necesario para mantener y desarrollar la capacidad de trabajo de los hombres; y el trabajo como la actualización de la fuerza de trabajo.

Marx se planteó frontalmente un problema no resuelto en Richard, el del beneficio del capitalista, plusvalía generada por el hecho de que la cantidad de trabajo que el trabajador efectúa es superior a la cantidad de trabajo precisa para la producción de sus medios de subsistencia, siendo la diferencia entre el valor producido y el consumido la plusvalía.

Otro problema que resuelve Marx, es la eliminación del supuesto restrictivo de Richard cuando éste considera que el capital y el trabajo se combinan siempre en proporciones idénticas, mediante la introducción del concepto de composición orgánica del capital, definiendo el concepto de capital variable como el costo de la mercancía, fuerza de trabajo y el de capital constante como costo de los instrumentos productivos distintos a la fuerza de trabajo. El valor, entonces, vendrá definido por la suma de capital constante, de capital variable y de plusvalía, con lo que composiciones orgánicas distintas producen el mismo valor, pero distinto tipo de beneficios.

Sin embargo, J. B. Say fue el primero que consideró el valor de cambio de un bien definido por la demanda y la oferta, la demanda determinada por la utilidad del bien y la oferta fijada por la suma de remuneración de los factores productivos o costo de producción.

Marshall, fundador de la escuela neoclásica, partió de una concepción muy precisa: el precio término es el valor expresado en dinero, y el valor expresa la relación entre los bienes; el valor de cambio de un bien en términos de otro es la cantidad de este segundo bien que en ciertas circunstancias puede ser obtenida a cambio del primero. Consideró el contenido de la teoría del valor fijado en dos puntos: formación de los precios y examen de las fuerzas que están detrás de la demanda y la oferta, concebidas en términos psicológicos.

Entre los años 1825 y 1850, Johann H. Thunen, economista alemán que desarrolló la teoría de la renta de la tierra en su país, hace una clara distinción entre el valor del suelo y las contribuciones al capital y el trabajo, y reconoce que la localización de la tierra influye en su propio valor, idea que persiste hasta nuestros días.

En esa misma época, el francés Claude F. Bastiat, influenciado por la abundancia de tierras vírgenes en América, sostenía que el valor de la tierra era función de suflocalización, de su productividad y de sus mejoramientos.

## 1.3 EL SIGNIFICADO DE LA PALABRA "VALUACIÓN"

Como fue expresado en el apartado anterior, muchas fueron las teorías desarrolladas al respecto, pero hoy se puede definir a la valuación como un procedimiento técnico y metodológico que, mediante la investigación física, económica y social, permite determinar las variables cuantitativas y cualitativas que inciden en el valor de los bienes.

En términos gramáticos, valuación es un sustantivo femenino, cuyo significado es conocido como acción y efecto de valuar; por lo que valuar es un verbo transitivo que consiste en señalar la cuantía económica de intercambio de una cosa; proviene del latín tardío "valoris", que significa grado de utilidad o aptitud de las cosas para satisfacer necesidades o dar bienestar.

Para efectos de definición, basados en lo hasta ahora documentado, la palabra valor significará: grado de utilidad de las cosas, cualidad de las cosas que las hace objeto de aprecio, y a partir de ello, se emplearán las palabras avalúo, valuación y valoración como derivadas de este concepto.

1,

Normalmente, por avalúo se conoce al dictamen emitido por perito en la materia (experto en valuación) con el cual se describe un bien específico y, a través de metodología determinada, se le asigna un valor referido en términos económicos. Se entenderá pues, que la palabra avalúo se trata de un sustantivo masculino que se define como la acción de valuar, es decir, de asignación de un valor. Palabras sinónimas de ésta son valuación y valoración; no obstante, en este documento se empleará por preferencia del autor la palabra valuación para designar al dictamen valuatorio.

#### 1.4 VALUACIÓN: TÉCNICA O DISCIPLINA

Definitivamente no existe un sólo método apto para el progreso de cualquiera de las ramas del conocimiento humano, se emplean varios métodos, sustentados principalmente en el método científico, del cual se puede decir, sin lugar a dudas, que es una herramienta consistente y sumamente útil para identificar si se está hablando de una técnica o de una disciplina del conocimiento. El método científico, en términos generales, puede decirse que se integra con la unión de cuatro pasos esenciales para su desarrollo: la observación, la formulación de hipótesis, la experimentación y, finalmente, el pronunciamiento de una ley o un principio.

La observación es la etapa que consiste en la realización de un diagnóstico y el establecimiento de una visión sobre un fenómeno específico, con lo cual se formulará el problema por resolver, base sustantiva para establecer un punto de partida para entender el objeto en estudio. Un diagnóstico será entendido como la descripción del estado actual del fenómeno en estudio, mientras que una visión será una descripción de lo deseado sobre el mismo; y, a través de estas dos descripciones, puede establecerse una diferencia en términos cuantitativos, misma que representará el planteamiento de un problema propiamente dicho.

Seguidamente, con base en la experiencia acumulada por el conocimiento formal, o bien, en la experiencia empírica, se establecen las teorías con las que, posiblemente, se puede dar una solución adecuada al problema planteado, es decir, un mecanismo teórico o práctico para reducir la diferencia entre el estado real del fenómeno y el estado que se desea alcanzar; con este segundo paso se enuncia una hipótesis, misma que en términos "a priori" puede establecer una solución al problema formulado. La hipótesis propondrá, además, la estructura metodológica o serie de pasos que se deben satisfacer.

Para validar el postulado o postulados que sostenga la hipótesis, se procederá a repetir, de manera controlada, los aspectos del fenómeno sobre los que existe cuestionamiento e integran el planteamiento del problema por resolver, comparando los resultados obtenidos con lo sostenido por la hipótesis, de manera que si la comparación es positiva, es decir, si se cumple, la hipótesis tendrá carácter de tesis, en caso contrario, se habrá obtenido una antítesis.

Cuando un proceso de investigación, que necesaria y evidentemente debe sustentarse en el método científico, logra integrar sistemáticamente y de manera suficiente los postulados convertidos en tesis y antítesis en un proceso de "síntesis", establece, por una parte, las condiciones y lineamientos bajo los cuales es posible repetir y explicar un determinado fenómeno, y por otra, formula los mecanismos con los cuales es posible resolver problemas específicos. En ese momento, se dice que se ha conformado una disciplina, misma que tendrá fronteras definidas respecto del conocimiento materia de su estudio.

Esta aplicación recursiva del proceso de investigación establece la perspectiva inductiva del método científico, ya que a través del estudio sistémico de particularidades es posible enunciar la generalidad, no obstante que, una vez integrada la generalidad, es posible dar respuesta y resolver aspectos particulares.

Con base en lo anteriormente sustentado, cuando se hable de valuación, se debe pensar en ésta como una técnica multidisciplinaria, ya que de ninguna manera establece postulados objetivamente mesurables como lo hace una ciencia o disciplina, tampoco desarrolla metodologías propias para la asignación de los valores a bienes específicos, sino que recurre al conocimiento desarrollado en otras ramas del conocimiento para lograr su fin; en otras palabras, no genera nirenriquece conocimiento; sin embargo, esta no debe ser razón para desmeritar la actividad valuatoria, por el contrario, su fortaleza radica en el hecho de que se adjunta al quehacer humano como herramienta fundamental para la toma de decisiones en materia de valor.

Decimos que la valuación es una técnica porque aporta una base metodológica para asignar un valor económico a un bien específico, aunque también decimos que es una técnica multidisciplinaria porque utiliza y combina los conocimientos formulados por otras disciplinas o ciencias. Por su naturaleza social y económica, podríamos decir que la valuación es una técnica ética profesional, con normas y metodologías definidas y adaptables, encargada de indagar, analizar y seleccionar las variables objetivas y subjetivas que influyen en la determinación del valor.

De hecho, puede decirse también que la valuación es una de las ramas y técnicas que emplea la Investigación de Operaciones, ya que utiliza de manera combinada, pero ordenada, conceptos de probabilidad, de estadística, de matemática financiera, de simulación, de teoría de decisiones, de evaluación de proyectos, de la economía, de normas jurídicas y de la ética primordialmente. Estos aspectos son los que le dan a la valuación su carácter multidisciplinario.

Habiendo citado en el párrafo anterior a la "Investigación de Operaciones" será necesario explicar que ésta en una ciencia multidisciplinaria que tiene sus orígenes durante la segunda Guerra Mundial, cuando un grupo de científicos fueron comisionados por el gobierno inglés para idear recomendaciones que mejoraran las estrategias militares (inteligencia, administración, servicios de operación, cuerpos de señales, transportes, logística, etc.).

Esta actividad fue denominada por los británicos "Investigación de Operaciones", debido a que los primeros estudios fueron dedicados a operar el radar y estudiar sus posibles aplicaciones, sustentados en aplicaciones de tipo matemático.

Después de la guerra, algunas compañías experimentaron con este tipo de investigación y encontraron su aplicabilidad a problemas de administración de negocios; desde entonces se ha logrado una base de acción dentro del campo industrial. Sin embargo, ha surgido mucha confusión al tratar de identificar el nombre "Investigación de Operaciones" con técnicas especiales, o al hacer distinciones rígidas entre la Investigación de Operaciones y otras actividades al servicio del ejecutivo como la contabilidad, la estadística y la ingeniería, aunque con esta última las diferencias son más sutiles.

El primer punto en consideración es que la Investigación de Operaciones es exactamente lo que su nombre indica, una investigación en las operaciones; sin embargo, representa un punto de vista particular en las mismas y, más importante, un tipo particular de investigación.

Las operaciones se consideran como un sistema, donde el objetivo del estudio no es analizar el equipo utilizado, ni la moral de los participantes, ni las propiedades físicas del producto; sino la combinación de todas esas características como un proceso económico.

A través de los años se han desarrollado técnicas experimentales y análisis matemáticos para utilizarlos como herramientas en el desarrollo de este tipo de actividad. La aplicación de esta posición científica y de las técnicas asociadas al estudio de las operaciones, ya sean de negocios, gubernamentales, o militares, es lo que se conoce con el nombre de Investigación de Operaciones, la cual resulta ser, al final de cuentas, una ciencia multidisciplinaria dirigida hacia la investigación orientada.

Como es sabido, algunas veces las decisiones se basan en análisis y razonamientos sencillos, pero muchas otras dependen de una combinación de experiencia general, juicio, especulación e incertidumbre, donde siempre existe el riesgo de que una decisión tomada en determinado momento no sea tan buena como una que se tome posteriormente. Por esta razón, los tomadores de decisiones buscan herramientas que ofrezcan soluciones nuevas, eficaces y más eficientes, para aquellos problemas que se consideran de rutina y repetitivos.

En ese sentido, la Investigación de Operaciones ha ayudado a resolver problemas variables a través de sus diversas ramas, como dirigir a vendedores adecuadamente hacia los compradores en el momento preciso, distribuir el presupuesto de publicidad de la manera más efectiva, establecer sistemas justos de comisiones, mejorar las políticas de abastecimiento y control de inventarios, planear la producción a un costo mínimo, definir las relaciones de trabajo y capital necesario para una nueva operación, determinar la capacidad óptima de unidades

productivas, establecer planes para el desarrollo urbano de las ciudades, implantar estrategias de precios en situaciones de gran competencia, a evaluar proyectos de inversión directa, a analizar portafolios de inversión y, por supuesto, a asignar valores con fines de toma de decisiones a derechos y a bienes muebles e inmuebles, entre otras aplicaciones más, sujetándose siempre al análisis lógico y a la metodología que ha caracterizado el trabajo de investigación y que es lo que se conoce como "método científico".

# CAPÍTULO 2 ASPECTOS MULTIDISCIPLINARIOS DE LA VALUACIÓN

# 2.1 ELEMENTOS DE ESTADÍSTICA DESCRIPTIVA

Para analizar un conjunto de datos, como por ejemplo los obtenidos de una indagación de precios en un mercado específico de bienes, y efectuar inferencias sobre ellas, es preciso:

 Formar clases estadísticas con los datos elegidos, estableciendo un intervalo o amplitud que sea conveniente en las mismas; posteriormente se calculará el valor medio en cada clase, la frecuencia con que se presentó cada clase en el conjunto seleccionado, la frecuencia relativa y la frecuencia relativa acumulada, tal como se ejemplifica en la Tabla 2.1.

Valor Medio del Estrato de la Variable "X"	Frecuencia	Frecuencia Relativa P(X)	Frecuencia Relativa Acumulada
200	11	0.1058	0.1058
250	27	0.2596	0.3654
300	34	0.3269	0.6923
350	16	0.1538	0.8462
400	9	0.0865	0.9327
450	5	0.0481	0.9808
500	2	0.0192	1.0000
Suma	104	1.0000	

Tabla 2.1 Clasificación de un conjunto de datos

La frecuencia, frecuencia relativa y frecuencia relativa acumulada deberán cumplir las siguientes condiciones:

$$\mathbf{n} = \sum_{i=1}^{k} \mathbf{f}_{i},$$

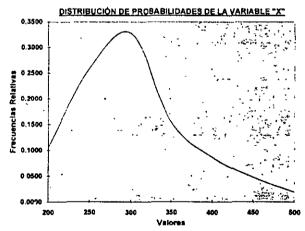
$$fr_i = f_i / n$$

$$fra_i = \sum_{k=1}^{1} fr_k,$$

$$\sum_{i=1}^{k} \mathbf{fr_i} = 1$$

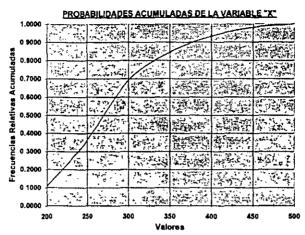
donde "n" es el número de elementos que integra el conjunto en estudio, "f<sub>i</sub>" el número de elementos del conjunto en estudio que incurren en el estrato "i", "fr<sub>i</sub>" y "fra<sub>i</sub>" la frecuencia relativa y la frecuencia relativa acumulada que corresponden al estrato "i".

2. Con la frecuencia relativa calculada puede conocerse la distribución, de probabilidades de los parámetros tratados, la cual se apreciará en una representación como la mostrada en la Gráfica 2.1.



Gráfica 2.1 Frecuencias relativas del conjunto analizado

 Complementariamente, se representará la frecuencia relativa acumulada como se ha hecho en la Gráfica 2.2.



Gráfica 2.2 Frecuencias relativas acumuladas del conjunto analizado

#### 2.1.1 ANÁLISIS DE MUESTRAS ALEATORIAS

El resultado de un experimento estadístico puede registrarse como un valor, numérico o como una representación descriptiva, y es por eso que la estadística, se interesa principalmente por el análisis de datos numéricos. En un estudio particular, el número de posibles observaciones puede ser pequeño, grande pero finito, o bien infinito.

Siempre que trabajemos en el muestreo, debemos contar con un plan preciso para delimitar el tamaño de la muestra que deseamos extraer de una población para cumplir con los objetivos de la investigación. Un error muy común consiste en pensar que una muestra debe ser grande para que realmente sea representativa de la población, pero quizá esto no suministre información adecuada sobre el parámetro en cuestión; sin embargo, sí mermará en mucho los recursos económicos que se empleen para llevar a cabo esta actividad

La totalidad de las observaciones que interesan, sea su número finito o infinito, constituye lo que se llama una "población"; esta palabra considera las observaciones acerca de algo de interés, ya sean grupos de personas, animales u objetos, y el número de observaciones en la población se define como el tamaño de ésta.

En otros términos, se llamará población al conjunto formado por la totalidad de resultados obtenidos, o posibles, al realizar un experimento cualquiera.

Como ejemplo de una población de tamaño finito podemos citar, entre otros, los números de los naipes de la baraja, las estaturas de los residentes de una ciudad y las longitudes de los peces atrapados en un lago. El experimento de lanzar dados, las observaciones obtenidas al medir la presión atmosférica todos los días, desde el pasado remoto hasta el futuro, o todas las mediciones de la profundidad

de un lago en cualquier punto concebible, son ejemplos de poblaciones de tamaño infinito. Algunas poblaciones finitas son tan grandes, que en teoría se supone que son infinitas.

En el campo de la inferencia estadística, interesa lograr conclusiones concernientes a una población cuando es imposible o impráctico observar el conjunto total que forma a la población, y es por eso que se depende de un subconjunto de ésta para poder realizar estudios relativos a la misma. Esto ha conducido al desarrollo de la teoría del muestreo.

A los datos obtenidos al realizar un experimento determinado número de veces se le conocerá como "muestra de la población", por lo que una muestra será entendida como un subconjunto de su población, y para que sean válidas las inferencias que se realicen se deben obtener "muestras representativas" de la citada población.

Con frecuencia, al elegir una muestra se seleccionan los elementos que se consideran más convenientes de la población; pero tal procedimiento puede conducir a inferencias erróneas. Los procedimientos de muestreo que generan inferencias que sobrestimen o subestimen de manera consistente algunas características de la población reciben el nombre de "sesgados".

Para eliminar cualquier posibilidad de sesgo en el procedimiento de muestreo, es deseable recurrir al manejo de "muestras aleatorias", las cuales se seleccionan de modo independiente y al azar, cuyo principal objeto es presentar información representativa acerca de los parámetros de la población que son desconocidos.

Para analizar características específicas de una muestra aleatoria, misma que se considerará representativa de una población, se emplearán los parámetros conocidos como estadísticos, mismos que reciben también el nombre de "medidas de tendencia central". Un estadístico o medida de tendencia central será cualquier función (expresión matemática) que involucre a las variables aleatorias que constituyen una muestra aleatoria.

Los estadísticos más comunes utilizados para determinar el punto medio de un conjunto de datos, dispuestos en orden de magnitud, son la media, la mediana y la moda.

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", donde cada una de ellas tiene la misma probabilidad de ocurrencia, entonces la "media muestral" se define con el estadístico:

$$\mu_{\mathbf{x}} = \mathbf{1/n} \sum_{i=1}^{n} \mathbf{X_{i}},$$

y en caso de que cada una de estas variables posea su propia y respectiva probabilidad de ocurrencia, el estadístico de la media muestral será:

$$\mu_{\mathbf{X}} = \sum_{i=1}^{n} \mathbf{P}(\mathbf{X}_i) \ \mathbf{X}_i.$$

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", dispuesta en orden creciente de magnitud, entonces la "mediana de la muestra" se define con el estadístico siguiente:

$$\mathbf{m}_{\mathbf{x}} = \mathbf{X}_{(\mathbf{n}+1)/2}$$
 si "n" es impar, y

$$m_x = \frac{1}{2} (X_{n/2} + X_{(n/2)+1})$$
 si "n" es par.

Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$ , que no son necesariamente diferentes, constituyen una muestra aleatoria de tamaño "n", entonces la "moda muestral" es el valor de la observación que ocurre más a menudo o con la mayor frecuencia. La moda será referida con la letra " $M_x$ ", la cuál puede no existir y cuando existe no es necesariamente única.

De las tres medidas de tendencia central definidas anteriormente, será la media en la que centraremos nuestra atención, pues servirá para definir otras características de índole estadística que referirá la dispersión que existe de los datos muestrales respecto de su media. Esta información que es referida recibe el nombre de momento de orden "k" con respecto a la media; el cuál, cuando los valores de la muestra tienen la misma probabilidad de ocurrencia, es definido de la siguiente manera:

$$m^k = 1/n \sum_{i=1}^{n} (X_i - \mu_x)^k$$

pero cuando los valores de dicha muestra poseen distintas probabilidades de ocurrencia, la expresión aplicable será:

$$m_x^k = \sum_{i=1}^n P(X_i) (X_i - \mu_x)^k$$
.

En lo sucesivo, será el momento de orden dos con respecto a la media el que nos interesará, el cuál será denominado como varianza de la muestra y se determinará con la siguiente expresión cuando exista la misma probabilidad de ocurrencia en los valores de la muestra:

$$\sigma_x^2 = 1/n \sum_{i=1}^{n} (X_i - \mu_x)^2$$

y como se ha venido señalando, en caso de que los valores que integran la muestra tengan distinta probabilidad de ocurrencia, la expresión anterior será modificada del siguiente modo:

$$\sigma_{x}^{2} = \sum_{i=1}^{n} P(X_{i}) (X_{i} - \mu_{x})^{2}.$$

A la raíz cuadrada de la varianza se le conocerá con el nombre de desviación estándar, misma que se expresará de la forma siguiente:

$$\sigma_{x} = (\sigma_{x}^{2})^{1/2}.$$

Adicionalmente es posible determinar de una manera relativa o porcentual la dispersión de los datos analizados en una muestra con respecto de su media, la cual se fundamenta en la determinación de un índice conocido como "coeficiente de variación", mismo que guarda la siguiente equivalencia:

$$v_x = \sigma_x / \mu_x$$

No obstante, existe una cuarta medida de dispersión que no depende de la media de la muestra, ésta recibe el nombre de "rango de la muestra aleatoria". Si  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_n$  son elementos de una muestra aleatoria, el rango se define como  $X_n - X_1$ , donde  $X_n$  y  $X_1^{\tau}$  son, respectivamente, las observaciones mayor y menor de la muestra.

En adición a lo expuesto, es posible calificar a una muestra con base en su distribución simétrica respecto de su media y con base en su aplanamiento o exceso (kurtosis), es decir, podemos inducir el cálculo de dos índices: el primero denominado coeficiente de simetría, y el segundo llamado coeficiente de kurtosis.

El coeficiente de simetría se calcula con la siguiente relación:

$$\beta_1 = m_3^2 / m_2^3$$
.

Si el valor de este coeficiente es igual a cero, significará que la curva de distribución de la muestra es simétrica, es decir, que existe el mismo número de elementos a la derecha y a la izquierda de la media. En cambio, si el valor del coeficiente de simetría es mayor que cero, se dirá que existe una asimetría "positiva", e indicará que el valor de la moda es menor que el de la media; si por el

contrario, el valor del coeficiente es menor que cero, la asimetría será "negativa", y el valor de la moda será mayor que el de la media de la muestra,

Por su parte, el coeficiente de kurtosis o de aplanamiento se determinará con este cociente:

$$\beta_2 = m_4 / m_2^2$$

Para calificar el grado de aplanamiento de la distribución de una muestra, se le comparará con una distribución teórica de gran importancia, la cual es llamada "normal estándar". El valor del coeficiente de kurtosis para la distribución normal es equivalente a tres unidades (mezokúrtica), por lo que, si éste coeficiente resulta ser menor que tres, la distribución de la muestra será "platokúrtica", es decir, más aplanada que la curva de la distribución normal; si por el contrario, el valor calculado fuera mayor que tres, la curva de distribución de la muestra será "leptokúrtica", o sea, menos aplanada que la distribución normal.

Una curva de distribución platokúrtica (achatada) indica que los datos muestrales se encuentran muy dispersos respecto de su media, ya que su altura es menor que la curva de distribución normal, en cambio, una curva leptokúrtica (alta y estrecha en el centro) indica que los elementos de la muestra son concentrados, es decir, poseen valores cercanos a la media.

Con base en lo anteriormente descrito y fundado, cabe destacar que la media es fácil de calcular y emplea toda la información disponible, por esa razón los métodos utilizados en inferencia estadística se basan en la media de la muestra. La única desventaja importante de la media es que puede ser afectada en forma nociva por los valores extremos.

La mediana tiene la ventaja de ser fácil de calcular si el número de observaciones es relativamente pequeño, y no es influida por valores extremos. Al considerar muestras tomadas de poblaciones, las medias muestrales por lo general no varían tanto de una muestra a otra como lo harían las medianas, por consiguiente, la media es más estable que la mediana si se intenta estimar el punto central de una población con base en un valor de muestra. En consecuencia, una media muestral ha de estar probablemente más próxima a la media de la población que la mediana de su muestra.

La moda es la medida menos utilizada de las tres medidas de tendencia central ya referidas. Para conjuntos pequeños de datos su valor es casi inútil, si es que existe. Tiene un valor significativo sólo en el caso de una gran cantidad de datos. Sus dos principales ventajas son que:

- 1. no requiere cálculo y que,
- 2. se puede utilizar para evaluar datos cualitativos o cuantitativos.

Sin embargo, las tres medidas de tendencia central definidas no dan por sí solas una descripción adecuada de los datos. Se necesita saber en qué grado las observaciones se apartan del promedio, y es entonces donde cobran relevancia las medidas de dispersión, ya que es posible tener dos conjuntos de observaciones con la misma media o mediana que difieran considerablemente en la variabilidad de sus mediciones con respecto a su respectiva media.

El rango puede ser una medida de variabilidad deficiente, en particular si el tamaño de la muestra o población es grande. Tal medida considera sólo los valores extremos y no expresa nada acerca de la distribución de valores comprendidos entre ellos.

La varianza contrarresta la desventaja del rango, y estas dos medidas de dispersión las complementa la desviación estándar.

Si se toma una población finita o infinita con distribución desconocida, con media " $\mu$ " y varianza  $\sigma^2/n$ , la distribución de la media de una muestra aleatoria de tamaño "n" de la misma será aún aproximadamente normal, siempre que el tamaño de la muestra sea muy grande. Este sorprendente resultado es una consecuencia inmediata del siguiente teorema llamado "teorema del límite central":

Teorema del límite central: Si  $\mu_x$  es la media de una muestra aleatoria de tamaño "n" tomado de una población con media  $\mu$  y varianza finita  $\sigma^2$ , entonces la forma límite de la distribución de

$$Z = [\mu_x - \mu] / [\sigma / (n)^{1/2}],$$

cuando n→∞, es la distribución normal n(z; 0, 1).

La aproximación normal para " $\mu_x$ " será aceptable si n>30, independientemente de la forma de la población. Si n<30, la aproximación es aceptable sólo si dicha población no es muy diferente de una distribución normal y, si se sabe que la población es normal, la distribución muestral de " $\mu_x$ " seguirá con exactitud una distribución normal, sin que importe qué tan pequeño sea el tamaño de las muestras.

# 2.1.2 VALIDACIÓN DE MUESTRAS CON MEDIA POBLACIONAL ESTIMADA

Al conocer una media muestral y la desviación estándar correspondiente, es posible aplicar la distribución normal a la delimitación del nivel confianza que nos brindará. La fórmula con que se calcula el tamaño necesario de la muestra para estimar la media de la población es:

$$n = Z^2 \sigma^2 / E^2$$

donde:

n: Tamaño de la muestra.

Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal que producirá el nivel deseado de confianza.

o: Desviación estándar de la población (conocida o estimada a partir de estudios anteriores).

E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que se está dispuesto a aceptar en el nivel de confianza fijado.

La mayor dificultad al determinar el tamaño de la muestra necesaria para estimar la media de la población consiste en calcular la desviación estándar de la población; después de todo, si tuviéramos un conocimiento completo sobre la población, no habría necesidad de realizar una investigación sobre sus parámetros estadísticos. Si no podemos confiar en los trabajos anteriores, para calcular la desviación estándar de la población, las alternativas incluyen el juicio o el empleo de estudios exploratorios con muestras pequeñas para conocer su valor.

Si lo preferimos, podemos abordar este mismo tipo de problema desde el punto de vista del "error permisible relativo" en vez del "error absoluto". En este caso la desviación estándar " $\sigma$ " y el error permisible "E" se expresan en función de su porcentaje de la media verdadera de la población connotada como " $\mu$ ". La ecuación más apropiada en este caso se parece a la que acabamos de presentar y será:

$$n = Z^2 (\sigma / \mu)^2 / (E / \mu)^2$$

o bien:

$$n = Z^2 v^2 / e^2$$

donde:

n: Tamaño de la muestra.

Z: Número de unidades de desviación estándar en la distribución normal que producirá el nivel deseado de confianza.

σ: Desviación estándar de la población (conocida o estimada a partir de estudios anteriores).

μ: Media de la población.

v: Coeficiente de variación.

E: Error, o diferencia máxima entre la media muestra y la media de la población que estamos dispuestos a aceptar en el nivel de confianza que hemos indicado.

e: Error relativo entre la media de la muestra y la media de la media poblacional.

El valor que corresponde a la variable aleatoria "Z" se determinará de acuerdo con el grado de confianza que convenga aplicar al caso, a través del siguiente despeje:

$$Z^2 = n e^2 / v^2$$

A continuación, en la Tabla 2.2 se refieren los valores de la variable aleatoria "Z" con diferentes niveles de confianza, que van del 90 al 99%:

NIVEL DE CONFIANZA (%)	VALOR APLICABLE DE
90	1.645
91	1.695
92	1.750
93	1.810
94	1.880
95	1.960
96	2.055
97	2.170
98	2.330
99	2 575

Tabla 2.2 Relación del nivel de confianza y del parámetro "Z"

#### 2.1.3 CORRELACIÓN DE PARÁMETROS MUESTRALES

En diversas ocasiones, al correlacionar datos entre sí o al realizar análisis de regresión de los mismos, se observa que éstos siguen una tendencia que podría modelarse mediante la expresión de un polinomio entero de grado "n" del tipo:

$$P(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + ... + a_nx^n$$

donde:

P(x): variable dependiente o valor del polinomio.

a: coeficientes de la variable independiente.

x: variable independiente.

n: grado del polinomio al que se desean ajustar pares de datos.

Un polinomio es una expresión matemática que en la mayor parte de las ocasiones logra correlacionar las variables involucradas en "pares ordenados" que representan la correspondiente correlación entre variables y, una manera que permite determinar el grado adecuado del polinomio y los coeficientes de la variable independiente incluida en el mismo, es la aplicación del método de los "Mínimos Cuadrados".

El método de los "Mínimos Cuadrados" es empleado cuando se desea ajustar una curva a un conjunto de datos obtenidos mediante la aplicación de un proceso experimental o de medición "in situ", tales como los que se obtienen en estudios estadísticos por ejemplo.

Uno de los requisitos para ajustar una curva a los datos es que el proceso no sea ambiguo, es decir, que si los datos ajustados por una persona son distintos a los que obtiene otra, el método resulta ineficaz, impráctico e inconsistente.

También es conveniente, en algún sentido, minimar la desviación de los datos respecto de los puntos de la curva ajustada o "lugar geométrico", entendiendo por "lugar geométrico" la sucesión de puntos que obedecen a una condición definida en términos algebraicos. Estas desviaciones serán medidas por las distancias: existentes entre los datos experimentales y los puntos de la línea de ajuste en sentido vertical, es decir, medidas en sentido paralelo al eje de las "ordenadas".

En términos matemáticos, se establecerá la magnitud y el signo de una desviación como la diferencia del punto de la curva o polinomio de ajuste al dato experimental, esto es:

$$e_i = Y_i - y_i$$

donde:

e<sub>i</sub>: desviación entre el polinomio de ajuste y el dato experimental.

 $Y_i$ : valor del polinomio de ajuste, es decir,  $P(x_i)$ .

y<sub>i</sub>: dato experimental.

Las desviaciones pueden minimarse estableciendo una condición que análogamente minimice su suma, o dicho en otros términos, minimando la suma de las magnitudes de los errores.

El método acepta el criterio de hacer a la magnitud del error máximo en mínimo, o sea, minimar el máximo error, lo cual es conocido como el criterio de "MinMax".

Sin embargo, tal como puede apreciarse, el signo algebraico de unos errores tendrá signo positivo y el de otros negativo, por lo que es recomendable minimar entonces la suma de los cuadrados de los errores. De este proceder toma el método su nombre.

Con base en lo anterior y considerando que los datos integran un conjunto de pares ordenados definidos como " $(x_i, y_i)$ ", el método establece la siguiente ecuación matricial:

	N	$\Sigma$ (x <sub>i</sub> )	$\Sigma (x_i^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	 $\Sigma (x_i^n)$	a <sub>0</sub>		$\Sigma (y_i)$	
ł	$\Sigma$ (x <sub>i</sub> )	$\Sigma (x_1^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_i^4)$	 $\Sigma (x_i^{n+1})$	a <sub>1</sub>		$\Sigma (x_i y_i)$	
	$\Sigma (x_i^2)$	$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_i^4)$	$\Sigma (x_i^5)$	 $\Sigma (x_i^{n+2})$	a <sub>2</sub>		$\Sigma (x_i^2 y_i)$	
	$\Sigma (x_i^3)$	$\Sigma (x_i^4)$	$\Sigma (x_i^5)$	$\Sigma (x_i^6)$	 $\Sigma (x_i^{n+3})$	a <sub>3</sub>	=	$\Sigma (x_i^2 y_i)$	
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			 *********	:		:	
				••••••	 ********	:		:	
	$\Sigma (x_i^n)$	$\Sigma (x_i^{n+1})$	$\Sigma (x_i^{n+2})$	$\Sigma (x_1^{n+3})$	 $\Sigma (x_i^{2n})$	a <sub>n</sub>		$\sum (x_i^n y_i)$	

La varianza de los datos experimentales respecto de la curva de ajuste se determinará mediante la siguiente equivalencia:

$$\sigma_x^2 = \sum_{i=1}^{N} e_i^2 / (N - n - 1)$$

#### donde:

ei: desviación entre el polinomio de ajuste y el dato experimental.

n: grado del polinomio al que se desean ajustar pares de datos.

N: número de pares de datos experimentales que se están ajustando.

Para decidir cuál es el polinomio de grado "n" que mejor modele el comportamiento del conjunto de datos experimentales en estudio, primeramente habrá que generar varios polinomios, cada uno de ellos de diferente grado; aquel que presente la menor varianza será el más adecuado.

Otra manera de decidir al respecto será definiendo el coeficiente de correlación, el cual se define de la siguiente manera:

$$\rho = Cov(x,Y) / [(\sigma_x)(\sigma_Y)]$$

donde:

x: variable aleatoria independiente.

Y: variable dependiente valuada mediante la aplicación de P(x).

Cov(x,Y): covarianza de los valores de las variables "x" y "Y".

σ<sub>x</sub>: desviación estándar de los valores de "x".
 σ<sub>Y</sub>: Desviación estándar de los valores de "Y".

La covarianza de "x" y "Y" se determinará aplicando la siguiente expresión:

Cov(x, Y) = 
$$1/N \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_x) (Y_i - \mu_Y)$$
.

donde:

x<sub>i</sub>: cada uno de los valores experimentales de la variable aleatoria independiente.

Y<sub>i</sub>: cada uno de los valores de la variable dependiente valuados mediante la aplicación de P(x).

N: número de pares de datos experimentales que se están ajustando.

 $\mu_x$ : media de los valores experimentales de la variable aleatoria independiente.

 $\mu_Y$ : media de los valores valuados con la aplicación de P(x).

El coeficiente de correlación es un indicador que establece, en términos porcentuales, la calidad del ajuste entre los datos obtenidos experimentalmente y el modelo polinómico entero de grado "n" que pretende emplearse para tal propósito. Si el valor de este coeficiente fuera igual a cero, indicará que las variables aleatorias "x" y "y" son estocásticamente independientes, es decir, la relación polinómica entera que las intenta representar es completamente inconveniente; si por el contrario, el valor absoluto de éste fuera equivalente a la unidad, indicará que el modelo polinómico representa perfectamente la relación de ambas variables, por lo que si es el caso, se adoptará aquel polinomio cuyo valor, absoluto de coeficiente de variación se encuentre más cercano a la unidad para; modelar matemáticamente el comportamiento que éstas guardan.

La existencia de un signo negativo en el valor del coeficiente de correlación establece que las variables aleatorias "x" y "y" mantienen una correlación inversa, es decir, cuando una crece la otra disminuye y viceversa. Si en contrapunto, el signo que se presentara fuera positivo, indica que la correlación es de tipo directo, es decir, ambas crecen simultáneamente y viceversa.

De lo anteriormente expresado se entenderá que:

Al cuadrado del coeficiente de correlación se le conocerá con el nombre de coeficiente de variación, el cual mide en qué porcentaje el comportamiento de una de las variables explica el comportamiento de la segunda en términos de su variación como su nombre lo indica.

#### 2.2 ELEMENTOS DE PROBABILIDAD

La incertidumbre la medimos con números denominados probabilidades que varían de cero a uno, donde por convención es aceptado que la unidad representa la probabilidad de lo que acontece con certeza y el cero la probabilidad del evento imposible. Todos los eventos imposibles tienen probabilidad cero, aunque no todos los eventos con probabilidad cero son imposibles.

La teoría de la probabilidad es un conjunto de deducciones derivadas de los axiomas formulados por Kolmogorov, que son los siguientes:

- 1. Una probabilidad es un número entre cero y uno asignado a una consecuencia, mismo que representa su posibilidad de ocurrencia.
- 2. La suma de las probabilidades que les corresponden a las consecuencias mutuamente excluyentes y colectivamente exhaustivas debe ser equivalente a la unidad.
- 3. La probabilidad de una consecuencia compuesta por consecuencias mutuamente excluyentes es la suma de sus probabilidades.

Con fundamento en la fuente del conocimiento de la probabilidad, ésta puede dividirse en dos tipos:

- Subjetiva o a priori y,
- Objetiva, estadística o a posteriori.

La primera se formula con suposiciones hechas por el decisor y la segunda se fundamenta en el análisis de hechos consumados. Cuando se cuenta con un conjunto de datos ordenado por clases estadísticas, la frecuencia con que se presentó cada una de ellas determinará su probabilidad de ocurrencia en el futuro, por lo que la frecuencia relativa calculada en un estudio estadístico, se convertirá automáticamente en una probabilidad.

En lo sucesivo se conocerá con el nombre de experimento aleatorio a cualquier acción que dé origen a un resultado cualquiera que dependerá del azar, y se llamará evento a cada uno de estos resultados posibles. La probabilidad de un evento es una cantidad que carece de unidades, comprendida entre el cero y la unidad, incluyendo estos límites, y suele expresarse como una magnitud porcentual (porcentaje); dicha cantidad referirá el número de veces que ocurrirá el evento al repetir cien veces un experimento aleatorio.

Supóngase que se desea conocer la probabilidad de que en un mes cualquiera se presente un temblor de grado 7 en la escala Richter en la ciudad de México, sabiendo que los movimientos de esta magnitud ocurren al menos cada 50 años (periodo de retorno). Dicha probabilidad se determinará del siguiente modo:

$$P_m(T_7) = (1 \text{ mes}) / [(50 \text{ años}) (12 \text{ meses } / \text{ año})]$$
  
 $P_m(T_7) = 1 / [(50) (12)]$   
 $P_m(T_7) = 0.167\%$ .

Si, en cambio, se desea conocer la probabilidad de que en un año cualquiera se presente el mismo evento, ésta quedará establecida de una forma análoga:

$$P_a(T_7) = (1 \text{ año}) / (50 \text{ años})$$
  
 $P_a(T_7) = 1 / 50$   
 $P_a(T_7) = 2.00\%$ .

En el mismo sentido, la probabilidad de que se presente en un día cualquiera será:

$$P_d(T_7) = (1 \text{ dia}) / [(50 \text{ años}) (12 \text{ meses} / \text{ año}) (30 \text{ dias} / \text{mes})]$$

$$P_m(T_7) = 1 / [(50) (12) (30)]$$

$$P_m(T_7) = 0.006\%$$

Por su puesto, si conocemos que un evento de esa índole se presentó hace 49 años, la probabilidad de que se presente en el año en curso será mucho más alta; aunque sin llegar a ser seguro, y se determinará acumulando la probabilidad que correspondió a cada uno de esos 49 años, es decir:

$$P_a'(T_7) = (49 \text{ años}) / (50 \text{ años})]$$
  
 $P_m(T_7) = 49 / 50$   
 $P_m(T_7) = 98.00\%$ 

La dificultad que representa tomar una decisión se incrementará a medida que el número de eventos que pueden ocurrir se incremente. La incertidumbre asociada a una consecuencia cambia al variar nuestro conocimiento, por lo que las probabilidades estarán condicionadas por dicho conocimiento.

Al tener conocimiento de una nueva información habrá una nueva probabilidad, conocida como probabilidad condicional. Dicha probabilidad se calcula como el cociente que resulta de dividir la probabilidad de que ocurran simultáneamente, el evento cuya nueva probabilidad se quiere obtener y el evento condicionante, entre la probabilidad del evento condicionante, es decir:

$$P(\alpha/\beta) = P(\alpha \cap \beta) / P(\beta)$$

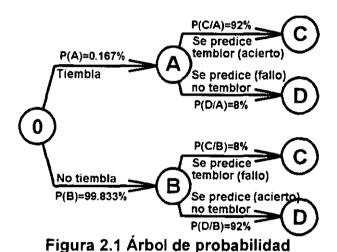
$$P(\alpha \cap \beta) = [P(\alpha)] [P(\beta)]$$

Este concepto fundamentará la formulación de árboles de probabilidad, los cuales son la representación gráfica que esquematiza secuencialmente situaciones falibles, es decir, que pueden ocurrir o no como una dependencia del azar.

Un árbol de probabilidad se conformará con nodos de incertidumbre que dependerán de otros y, a su vez, otros dependerán de ellos. Su principal característica es que, sobre un nodo de incertidumbre, no se tiene ningún control, es decir, no hay certeza sobre su acontecimiento.

Los nodos de incertidumbre se representarán gráficamente mediante el uso de circunferencias y las relaciones que entre ellos existan con líneas rectas o con un solo quiebre.

Con base en el ejemplo anterior donde se determinaron probabilidades de ocurrencia de un sismo con un periodo de retorno de 50 años, supóngase ahora que además existe una "alarma sísmica", un aparato que puede predecir temblores con 1 mes de anticipación y que acierta en sus pronósticos el 92% de las ocasiones. Las probabilidades correspondientes serán determinadas con el apoyo de un árbol de probabilidad como el que a continuación se expone en la Figura 2.1.



Nótese que la predicción de que temblará será un "acierto" del aparato en caso de que efectivamente tiemble en el mes que se está analizando, pero será un "fallo" si no tiembla; en cambio, el aparato incurrirá en un "fallo" si predice que no temblará y en realidad ocurre un sismo, pero será un "acierto" si hay ausencia del mismo. Lo anterior induce que el "acierto" o "fallo" de la alarma sísmica dependerá de que tiemble o no, por tal motivo éstas ramas del árbol de probabilidad dependen de las que señalan los hechos de temblar o no.

En la gráfica anterior el evento "A" representa la ocurrencia de un temblor, el evento "B" la carencia del mismo, el evento "C" el pronóstico del aparato afirmando que temblará y el evento "D" el pronóstico del aparato negando la presencia de un sismo. También, en la misma, está reflejado lo que se ha expuesto en el párrafo anterior: si el aparato pronostica que temblará y, transcurrido el mes, efectivamente tiembla, entonces el aparato habrá acertado (92%), pero si no tiembla, el aparato habrá fallado (1–0.92=8%); en cambio, si el aparato pronostica

que no temblará y en realidad tiembla, el aparato habrá incurrido en un fallo (8%), pero si no ocurre el temblor, entonces el aparato habrá acertado (92%).

Los eventos "A" y "B" son complementarios ya que son los únicos dos posibles resultados del experimento aleatorio (temblará o no temblará), por lo que ambos cumplen con el primero y el segundo de los axiomas de Kolmogorov. Igualmente, los eventos "C" y "D" (el aparato pronostica que temblará, o bien, pronostica que no temblará) cumplen con el mismo teorema.

La probabilidad de que ocurran simultáneamente los eventos "A" y "C" se calculará multiplicando las probabilidades que se ubican sobre las ramas correspondientes del árbol, es decir:

$$P(A \cap C) = (0.00167) (0.92)$$
  
 $P(A \cap C) = 0.154\%$ 

y de la misma manera se podrán calcular las demás probabilidades:

$$P(A \cap D) = (0.00167) (0.08)$$
  
 $P(A \cap D) = 0.013\%,$   
 $P(B \cap C) = (0.99833) (0.08)$ 

$$P(B \cap D) = (0.99833) (0.92)$$
  
 $P(B \cap D) = 91.846\%.$ 

 $P(B \cap C) = 7.987\%$ 

Nótese que igualmente estos cuatro eventos compuestos cumplen con los primeros dos axiomas de Kolmogorov, ya que:

$$P(A \cap C) + P(A \cap D) + P(B \cap C) + P(B \cap D) = 100\%$$
  
0.00154 + 0.00013 + 0.07987 + 0.91846 = 1.00.

Aplicando el tercer axioma de Kolmogorov, mismo que sostiene que la probabilidad de una consecuencia compuesta por consecuencias mutuamente excluyentes es la suma de sus probabilidades, la probabilidad del evento "C" y la probabilidad del evento "D" se calcularán como sigue:

$$P(C) = P(A \cap C) + P(B \cap C)$$
  
 $P(C) = 0.00154 + 0.07987$   
 $P(C) = 8.141\%$ 

$$P(D) = P(A \cap D) + P(B \cap D)$$
  
 $P(D) = 0.00013 + 0.91846$   
 $P(D) = 91.859\%$ .

De igual forma, se siguen cumpliendo los dos primeros axiomas de Kolmogorov, ya que:

$$P(C) + P(D) = 100\%$$
  
0.08141 + 0.91859 = 1.00.

Con estos valores calculados será posible determinar la probabilidad condicional de que tiemble dado que el aparato predijo un temblor aplicando la expresión expuesta con antelación a este caso:

$$P(A/C) = P(A \cap C) / P(C)$$
  
 $P(A/C) = 0.00154 / 0.08141$   
 $P(A/C) = 1.892\%$ 

La probabilidad condicional de que tiemble dado que el aparato negó que fuera a temblar será:

$$P(A/D) = P(A \cap D) / P(D)$$
  
 $P(A/D) = 0.00013 / 0.91859$   
 $P(A/D) = 0.014\%$ .

La probabilidad condicional de que no se presente un sismo, dado que el aparato predijo que sí temblaría, se calculará de la misma manera, es decir:

$$P(B/C) = P(B \cap C) / P(C)$$
  
 $P(B/C) = 0.07987 / 0.08141$   
 $P(B/C) = 98.108\%$ .

Por último, la probabilidad condicional de que no haya un sismo dado que la "alarma sísmica" pronosticó que no habrá movimiento telúrico alguno se calculará de manera análoga a las anteriores:

$$P(B/D) = P(B \cap D) / P(D)$$
  
 $P(B/D) = 0.91846 / 0.91859$   
 $P(B/D) = 99.986\%$ .

Debe tenerse presente que el evento condicionante es la indicación del aparato, que de hecho es el primer suceso que ocurre cronológicamente hablando, posteriormente se presentará el sismo o no.

Si se efectúa por un lado la sumatoria de P(A/C) y de P(B/C) y, por el otro, la suma de P(A/D) y de P(B/D), se tendrá que:

$$P(A/C) + P(B/C) = 100\%$$
  
0.01892 + 0.98108 = 1.00,

por lo que se continúan cumpliendo los dos primeros axiomas de Kolmogorov.

El desarrollo de este proceso puede sintetizarse como la aplicación del teorema de Bayes, el cual afirma que si se conocen las probabilidades *a priori*  $P(H_i)$  de un conjunto de tamaño "n" de eventos mutuamente excluyentes y colectivamente exhaustivos; si se conocen además las probabilidades  $P(\alpha/H_i)$  donde " $\alpha$ " es un evento que se verifica cuando alguno de los eventos " $H_i$ " ocurre; y se pretenden determinar las probabilidades de que al ocurrir " $\alpha$ " se verifique uno de los " $H_i$ ", esto es, se quieren calcular las probabilidades  $P(H_i/\alpha)$  conocidas como probabilidades *a posteriori*, se deberá aplicar la siguiente expresión:

$$P(H_i/\alpha) = [P(H_i) P(\alpha/H_i)] / [\sum_{i=1}^{n} \{P(H_i) P(\alpha/H_i)\}].$$

En el ejemplo anterior que fue planteado, el teorema de Bayes se aplicó de la manera mostrada en la Figura 2.2.

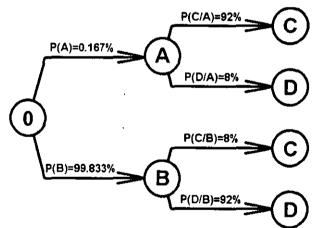


Figura 2.2 Aplicación del Teorema de Bayes sobre un árbol de probabilidad

- n=2 (probabilidades a priori de la ocurrencia del sismo: presencia o ausencia del temblor),
- P(H<sub>1</sub>) = P(A) = 0.167% (probabilidad de que se presente un sismo con periodo de retorno equivalente a 50 años en un mes cualquiera),
- P(H<sub>2</sub>) = P(B) = 99.833% (complemento de la probabilidad del evento "A"),
- $P(\alpha/H_1) = P(C/A) = 92\%$  (probabilidad de acierto del aparato),
- $P(\alpha/H_2) = P(C/B) = 8\%$  (probabilidad de fallo del aparato),

por lo tanto:

$$\begin{split} P(H_1/\alpha) &= [ \ P(H_1) \ P(\alpha/H_1) \ ] \ / \ [\{P(H_1) \ P(\alpha/H_1)\} + \ \{P(H_2) \ P(\alpha/H_2)\}]. \\ P(H_1/\alpha) &= P(A/C) = [(0.00167) \ (0.92)] \ / \ [\{(0.00167) \ (0.92)\} + \ \{(0.99833) \ (0.08)\}] \\ P(H_1/\alpha) &= P(A/C) = 1.892\%, \end{split}$$

$$P(H_2/\alpha) = [P(H_2) P(\alpha/H_2)] / [\{P(H_1) P(\alpha/H_1)\} + \{P(H_2) P(\alpha/H_2)\}].$$

$$P(H_2/\alpha) = P(B/C) = [(0.99833) (0.08)] / [\{(0.00167) (0.92)\} + \{(0.99833) (0.08)\}]$$

$$P(H_2/\alpha) = P(B/C) = 98.108\%.$$

#### Del mismo modo se aplicó:

- n=2 (probabilidades a priori de la ocurrencia del sismo: presencia o ausencia del temblor),
- P(H<sub>1</sub>) = P(A) = 0.167% (probabilidad de que se presente un sismo con periodo de retorno equivalente a 50 años en un mes cualquiera),
- P(H<sub>2</sub>) = P(B) = 99.833% (complemento de la probabilidad del evento "A").
- $P(\beta/H_1) = P(D/A) = 8\%$  (probabilidad de fallo del aparato),
- $P(\beta/H_2) = P(D/B) = 92\%$  (probabilidad de acierto del aparato),

por lo que:

$$P(H_1/\beta) = [P(H_1) P(\beta/H_1)] / [\{P(H_1) P(\beta/H_1)\} + \{P(H_2) P(\beta/H_2)\}].$$

$$P(H_1/\beta) = P(A/D) = [(0.00167) (0.08)] / [\{(0.00167) (0.08)\} + \{(0.99833) (0.92)\}]$$

$$P(H_1/\beta) = P(A/D) = 0.014\%,$$

$$P(H_2/\beta) = [P(H_2) P(\beta/H_2)] / [\{P(H_1) P(\beta/H_1)\} + \{P(H_2) P(\beta/H_2)\}]$$

$$P(H_2/\beta) = P(B/D) = [(0.99833) (0.92)] / [\{(0.00167) (0.08)\} + \{(0.99833) (0.92)\}]$$

$$P(H_2/\beta) = P(B/D) = 99.986\%.$$

En lo sucesivo, un nodo de incertidumbre con "m" ramas deberá ser entendido como la representación gráfica de la lotería: L[r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub>, r<sub>3</sub>, ..., r<sub>m</sub>; p<sub>1</sub>, p<sub>2</sub>, p<sub>3</sub>, ..., p<sub>m</sub>]; por lo tanto será posible determinar su valor esperado. El valor esperado de un nodo de incertidumbre se define como la suma de los productos que resultan al multiplicar cada consecuencia por su respectiva probabilidad como anteriormente fue definido, es decir:

$$V_{E} = \sum_{i=1}^{m} (\mathbf{r}_{i} \ \mathbf{p}_{i}).$$

El valor esperado de un nodo de incertidumbre es una cantidad equivalente que podrá sustituir al nodo de incertidumbre en cuestión; esta acción servirá para jerarquizar y seleccionar las mejores alternativas que sean expresadas en un árbol de probabilidad o de decisión. Por ejemplo, obsérvese la Figura 2.3; si en una de las ramas de un árbol de probabilidad se expresó la lotería: L[-300, 200, 700,

1,200; 0.2, 0.3, 0.40, 0.1], y se desea determinar su valor esperado para sustituir el nodo de incertidumbre en dicho árbol, deberá hacerse lo siguiente:

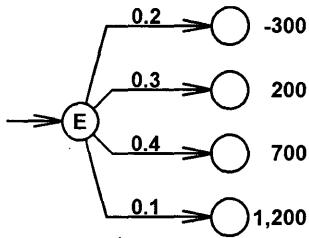


Figura 2.3 Árbol de probabilidad

remplazando las cuatro ramas del nodo "E" de este ejemplo por su valor esperado, el cual se calculará de la siguiente manera:

$$V_E = (-300)(0.20) + (200)(0.30) + (700)(0.40) + (1,200)(0.10)$$

$$V_E = -60 + 60 + 280 + 120$$

$$V_E = 400,$$

por lo que la representación de esa sección del árbol de probabilidad quedará ahora como se muestra en la Figura 2.4.



Figura 2.4 Determinación del valor esperado de un nodo de incertidumbre

# 2.3 ELEMENTOS DE ECONOMÍA

La economía es la rama de las ciencias sociales que estudia el proceso de producción y distribución de los bienes y servicios que se generan en una sociedad. Organiza las actividades orientadas a definir qué bienes producir, cuántos, cómo y para quién producirlos, en un contexto de recursos limitados y necesidades ilimitadas

Por un lado existen deseos o necesidades ilimitadas y por el otro existen recursos o satisfactores limitados que tienen usos alternativos. De la interacción de estos dos conceptos se origina la escasez, la cual surge cuando la cantidad de recursos no satisface las necesidades que existen a un precio igual a cero.

La escasez nos obliga a elegir alternativas con base en el criterio de la satisfacción; sin embargo, elegir significa hacer a un lado alternativas. Un postulado básico en economía sostiene que la toma de decisiones se realiza con base en los costos y beneficios de cada posible alternativa.

Cuando elegimos algo, estamos desechando otras alternativas. La mejor alternativa sacrificada es el costo de oportunidad. Una de las grandes "verdades" de la economía es que todo tiene costo de oportunidad.

Un supuesto clave en economía es que los agentes económicos (familias, empresas y gobierno) son racionales, es decir, tienen un objetivo y lo persiguen de una manera consistente. Las personas tienen como objetivo maximizar su utilidad sujetos a las restricciones que enfrentan, es decir, incrementar su patrimonio. En lo sucesivo se considerará que el concepto de utilidad es equivalente al concepto bienestar.

Así como el objetivo de las personas es maximizar su nivel de bienestar, el objetivo de las empresas es maximizar su utilidad o la riqueza de sus accionistas.

A escala interna de las economías nacionales, las unidades económicas básicas son: las unidades familiares, las empresas, el gobierno, las instituciones sin fines de lucro y el mercado.

El mercado es el espacio físico o virtual donde confluyen compradores y vendedores de bienes y servicios (productores y consumidores), intercambiándolos e interactuando a través del sistema de costos, valores y precios. Si alguno de estos agentes o de dicho sistema dejaran de existir, el mercado sería inexistente.

Cuando sea el caso que exista equivalencia entre los valores dispuestos a ser pagados por los compradores y los que están dispuestos a recibir los vendedores para intercambiar determinados bienes o servicios (demanda y oferta), se dirá que existe equilibrio de mercado. El mercado es el conjunto de mecanismos por medio del cual la sociedad resuelve la mayor parte de los problemas económicos (qué, cuánto, cómo y para quién producir)

#### 2.3.1 CONCEPTO DE MERCADO "PERFECTO"

Para que exista competencia perfecta se requiere:

- a) Homogeneidad del producto.
- b) Movilidad de recursos sin costos.
- c) Gran número de compradores (demandantes) y productores (oferentes), de tal manera que ninguno de ellos tenga poder para modificar el precio.
- d) Información perfecta y sin costo.

El concepto de mercado perfecto refiere que hay una óptima asignación de recursos, que existe equilibrio entre la oferta y la demanda, con base en que ni compradores ni vendedores pueden ejercer influencia alguna en el precio de los productos. Si los mercados son perfectos y no existe discrepancia entre valores sociales y privados, hay una solución óptima social, de otra manera, habrá distorsiones del mercado que pueden generar monopolios y monopsonios.

En el monopolio el vendedor puede manejar el precio y en el monopsonio es el comprador quien puede hacerlo.

Obsérvese la Figura 2.5 donde se han graficado las curvas de la oferta y la demanda. Si hablamos de la oferta, en el eje de las abscisas identificaremos los valores correspondientes al número de unidades producidas por cada oferente y en el eje de las ordenadas el precio que se pretende recibir por cada una de ellas; puede apreciarse que mientras más unidades produzcan y dispongan en el mercado, el precio buscado por cada una de ellas será mayor. En cambio, si hablamos de la demanda, en el eje horizontal ubicaremos los valores que corresponden al número de artículos demandados en un momento dado y en el eje vertical el costo que se está dispuesto a pagar por cada uno de ellos; del mismo modo, puede notarse que mientras más unidades se consuman por adquisición en el mercado, el precio que se desea pagar será menor en términos unitarios.

Las demandadas por cada individuo, según sea el caso de oferentes o demandantes, y sobre las ordenadas se ubicó el precio que están dispuestos a pagar los demandantes por cada artículo (D). Se desea encontrar el precio y la cantidad de equilibrio. ¿Es P<sub>1</sub> el precio de equilibrio? En la gráfica siguiente se observa el equilibrio con "P\*" y "Q\*". Si el precio se ubicara por debajo de "P\*", la cantidad demandada es mayor que la cantidad ofrecida. Debido a este exceso de demanda, entonces el precio subirá hasta que se iguale la cantidad demandada con la ofertada.

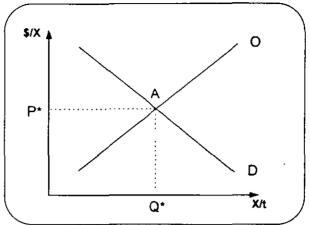


Figura 2.5 Curvas de oferta y demanda

Deténgase un momento y piense ¿qué pasará si un precio se ubica por encima de "P\*"? La respuesta será que existirá un exceso de oferta, es decir, si el precio de un bien o servicio se encontrara por encima del de equilibrio, entonces la demanda disminuirá su consumo, y si la cantidad ofrecida es mayor a la cantidad demandada, entonces el precio disminuirá hasta que se equilibre la cantidad demandada y la cantidad ofrecida. Esto significa que los precios se ajustarán de acuerdo con el comportamiento del mercado. Esto puede apreciarse en la Figura 2.6.

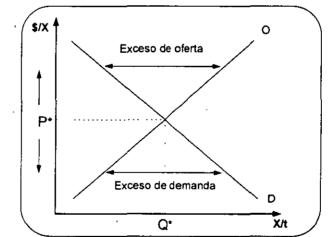


Figura 2.6 Exceso de oferta y exceso de demanda

### 2.3.2 Costos, Valores y Precios

El valor de un bien puede ser apreciado bajo dos esquemas básicos:

- 1. Valor de uso, y
- 2. Valor de cambio.

El valor de uso es aquel que poseen los bienes por su capacidad de proporcionar una satisfacción. Este valor es asignado subjetivamente por cada individuo, dependiendo del grado de utilidad que recibe; por tanto, el grado de satisfacción será distinto de una persona a otra y su expresión objetiva puede ser que se establezca en términos distintos a los monetarios.

Por otra parte, el valor de cambio de los bienes, es aquel que toman en los mercados al momento de su intercambio, y se identifica a través del equilibrio de las funciones de oferta y demanda.

Cabe llamar la atención en el sentido de que el concepto de valor debe ser diferenciado de los de costo y precio, pues por **costo** entendemos que se trata de la cuantía monetaria que debe erogar el productor de un bien y/o servicio para producirlo y ponerlo a disposición en el mercado; y por **precio** nos referimos a la cuantía también monetaria que pretende recibir dicho productor del bien y/o servicio por su venta, es decir, por su intercambio.

Esto significa que el precio está formado por el costo más una cuantía monetaria adicional que es referida en términos contables como "utilidad", aunque en realidad puede ser entendida también como "plusvalía", la cual es originada por la existencia de ciertos factores que hacen atractivo el adquirir una cosa.

Lo anterior hace entender que las cuantías del valor, del costo y del precio son iguales únicamente al momento de llevar a cabo el intercambio del bien y/o servicio entre el oferente y el demandante del mismo, pues desde el momento en que una persona paga por adquirirlo, por esa simple acción, queda establecido su valor en un instante dado; después, por distintas circunstancias (inflación, cambio en las condiciones de mercado, oferta y demanda, etc.), éste puede cambiar, aunque el hecho histórico contable se conserva y mantiene el monto del precio y del costo para el vendedor y el comprador respectivamente.

No obstante, en momentos de recesión económica, el precio puede llegar a ser igual o menor que el costo, en la inteligencia que se tiene urgencia y premura por vender el bien, llevando esta situación a su remate.

Con base en lo anterior, se definirá al *valor* como *la cuantía económica*, expresada en nuestra época en términos monetarios, dispuesta a ser cambiada por la posesión de una cosa; es decir, con la cual se llevan a cabo los intercambios de bienes y/o servicios entre los oferentes de los mismos y sus demandantes en mercados específicos.

Por su capacidad de conservar el valor, algunos bienes son mercancías acumuladoras de valor, es decir, tienen el potencial de conservarlo, y de incrementarlo en el tiempo en términos reales. Esta clase de bienes toma la forma de capital, destinado a la producción o como capital financiero.

Es necesario acotar que, al haber definido las ideas de costo, precio y valor, se ha referido también el concepto de "unidades monetarias", las cuales pretenden ser el reflejo del valor de las cosas; sin embargo, dichas unidades monetarias pueden ser de dos tipos:

- constantes o reales, y
- corrientes o nominales.

Si hablamos de una serie de flujos de efectivo expresados en unidades monetarias constantes, significará que todos ellos están ligados a una misma fecha y que cada unidad monetaria expresada tendrá el mismo poder adquisitivo que las demás, entendiendo por poder adquisitivo el índice de la cantidad de bienes que se pueden intercambiar por una unidad monetaria. Si por el contrario, hablamos de flujos de efectivo expresados en unidades monetarias corrientes, se querrá decir que cada flujo de efectivo de un periodo específico estará afectado por una tasa inflacionaria, o por una tasa de productividad nominal respecto de los flujos anteriores o posteriores, por lo que cada unidad monetaria tendrá distinto poder adquisitivo de las otras.

#### 2.3.3 VALOR MONETARIO

La exposición hasta ahora hecha sobre este tema ha inducido que los bienes y servicios son deseados y consecuentemente apreciados por ser elementos que proporcionan satisfacción o mitigación de necesidades específicas, bien sean del individuo o de la sociedad, y que este factor conduce a que posean un determinado valor en el tiempo. Sin embargo, su adquisición por parte de los demandantes se efectúa mediante el intercambio de otro bien o servicio, o mediante la entrega de una pieza acuñada conocido como moneda, la cual sirve como elemento de medición del valor de las cosas.

Debe comprenderse que con un conjunto de monedas se refiere el valor de las cosas, pero el valor individual de ellas como elemento económico dependerá de la cantidad de bienes y servicios que puedan ser adquiridos por cada una de ellas. Este razonamiento da lugar al concepto del *poder adquisitivo de la moneda*, el cual se define con el cociente o índice que a continuación se expresa:

$$\delta = UV / UM$$
,

donde el término "UV" expresa la cantidad de bienes y servicios ofrecidos en una economía determinada, en un instante específico y medidos en "unidades de valor"; mientras que el término "UM" representa el número de "unidades monetarias" en circulación, expresadas en términos de su nominación, en el mismo instante y en la misma economía.

Cabe señalar que las unidades de valor y las unidades monetarias son análogas, es decir, se denominan con el mismo nombre (pesos, dólares, libras, pesetas, etc.), pero eso no significa que idénticas. Por ejemplo, supóngase que una economía produjo y ofreció, hasta un determinado momento, bienes y servicios equivalentes a novecientos cincuenta y tres millones de pesos, los cuales fueron adquiridos e intercambiados (comercializados) por la puesta en circulación de un conjunto monetario cuyas nominaciones suman seiscientos treinta y siete millones de pesos; el valor de cada unidad monetaria será:

$$\delta$$
 = 953 / 637 = 1.4961.

La cantidad de bienes y servicios dispuestos por una economía puede ser conocida mediante el indicador económico llamado Producto Interno Bruto (PIB), ya que éste mide la producción realizada por los agentes residentes en un país, independientemente de quién sea su propietario.

Con base en lo anterior, considerando que los bienes y/o servicios tendrán la misma apreciación en cualquier economía por parte de los consumidores, ya que dichos bienes y/o servicios son idénticos, o similares, o con calidad equivalente, será posible determinar el valor de la moneda de una economía respecto de otratomando como punto de comparación el índice de poder adquisitivo que cada una posee. Como ejemplo, supóngase la existencia de tres economías con las siguientes características:

Economía "A": PIB = 846 u.v. (unidades de valor).

Circulación monetaria de 756 u.m. (unidades monetarias).

Economía "B": PIB = 531 u.v. (unidades de valor).

Circulación monetaria de 567 u.m. (unidades monetarias).

Economía "C": PIB = 469 u.v. (unidades de valor).

Circulación monetaria de 254 u.m. (unidades monetarias).

Con estos datos será posible determinar el valor de cada moneda en las tres economías, así como la equivalencia entre ellas calculando los respectivos índices de poder adquisitivo y estableciendo la siguiente "matriz de tipo cambiario" mostrada en la Tabla 2.3.

		$\delta_A = a$	$\delta_{B} = \mathbf{b}$	$\delta_{\mathbf{C}} = \mathbf{c}$
1	$\delta_A = a$	$\delta_A / \delta_A$	$\delta_{\rm B} / \delta_{\rm A}$	$\delta_{\rm C} / \delta_{\rm A}$
2	$\delta_{B} = \mathbf{b}$	$\delta_A / \delta_B$	$\delta_{\rm B}$ / $\delta_{\rm B}$	$\delta_{\rm C} / \delta_{\rm B}$
3	$\delta_{\mathbf{C}} = \mathbf{c}$	$\delta_A / \delta_C$	$\delta_{\rm B}/\delta_{\rm C}$	$\delta_{\rm C} / \delta_{\rm C}$

Tabla 2.3 Matriz de tipo cambiario

Aplicando esta idea al caso planteado se tendrá que:

77.

 $\delta_A = 846/756 = 1.1191,$   $\delta_B = 531/567 = 0.9365,$   $\delta_C = 469/254 = 1.8465.$ 

obteniendo la matriz de tipo cambiario que a continuación se muestra:

		$\delta_{A} = 1.1191$	$\delta_{\rm B}$ = 0.9365	$\delta_{\rm C} = 1.8465$
1	$\delta_A = 1.1191$	1.1191/1.1191=1.0000	0.9365/1.1191=0.8368	1.8465/1.1191=1.6500
2	$\delta_{B} = 0.9365$	1.1191/0.9365=1.1950	0.9365/0.9365=1.0000	1.8465/0.9365=1.9717
3	δ <sub>C</sub> = <b>1.8465</b>	1.1191/1.9465=0.5749	0.9365/1.8465=0.5072	1.8465/1.8465=1.0000

La matriz de tipo cambiario debe interpretarse en sentido horizontal, de modo que, para el ejemplo planteado, una unidad monetaria de la economía "A" se intercambiará por 0.8368 unidades monetarias de la economía "B" o por 1.6500 de la "C". Una unidad monetaria de la economía "B" equivaldrá a 1.1950 de la "A" y a 1.9717 unidades monetarias de la economía "C". Por último, una unidad monetaria de la economía "C" podrá cambiarse por 0.5749 de la economía "A" o por 0.5072 unidades monetarias de la "C".

Lo anterior refiere un punto de equilibrio que se deriva de los supuestos que fundamentan este modelo; sin embargo, las monedas también llegan a conformarse como bienes que ostentan un valor de cambio. Cuando llega ese momento, cambian éstas su valor partiendo de dicho punto de equilibrio y variándolo con base en las fuerzas de oferta y demanda que existan en un determinado momento en el mercado.

#### 2.3.4 INFLACIÓN Y PÉRDIDA DEL PODER ADQUISITIVO

En términos conceptuales macroeconómicos, la inflación es el aumento medido en términos porcentuales del nivel agregado de precios entre dos fechas determinadas en un mercado general, o bien, de bienes específicos; si por el contrario, entre dichas fechas correspondiera una disminución en lugar de un aumento, se dirá que ocurrió deflación. El nivel agregado de precios es la media de los precios de los bienes y/o servicios de la economía en relación con una fecha base dada.

Es importante notar que la definición de inflación o deflación, según proceda, es relacionada con el precio y no con el valor, ya que si en términos de intercambio de bienes existiera aumento o disminución, se dirá que existe plusvalía (utilidad) o minusvalía (pérdida) correspondientemente.

Como ya fue explicado, los precios de mercado están ligados con la oferta y la demanda y, consecuentemente, la inflación o deflación dependerá de las reacciones del mercado ante los cambios en la oferta y la demanda.

Cuando en una economía se presenta inflación continua combinada con recesión o estancamiento de la actividad económica durante un periodo determinado, a dicho periodo se le llama "estanflación", situación que es frecuentemente vista en economías de tipo emergente.

Se mencionó que la inflación es medida como un porcentaje, misma que tiene como consecuencia inherente la pérdida del poder adquisitivo, concepto también macroeconómico que se define como la cantidad porcentual de bienes o servicios que una unidad monetaria deja de adquirir.

Debe entenderse que la inflación y la pérdida del poder adquisitivo son conceptos diferentes, la primera tiene como consecuencia la segunda, por lo que de ningún modo les corresponderá el mismo valor porcentual como medida de cada una de ellas. Como ejemplo, obsérvese la Figura 2.7:

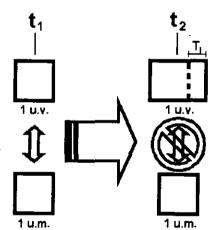


Figura 2.7 Esquema explicativo del concepto "pérdida del poder adquisitivo"

En la figura anterior, en una primera fecha  $(t_1)$  existe una debida correspondencia entre una unidad monetaria (moneda) y una unidad de valor (cantidad determinada de bienes y/o servicios), pero en otra posterior  $(t_2)$ , el incremento en los precios hace que la misma unidad monetaria no pueda adquirir la unidad de valor que ha sufrido un incremento debido al alza de los precios en el mercado, alza que es denominada "inflación" y es expresada en términos porcentuales  $(T_1)$ . Surgen entonces dos preguntas: ¿qué nueva porción de bienes y/o servicios adquiere en la segunda fecha la unidad monetaria? y, ¿cuánto deja de adquirir dicha unidad monetaria?

Se sabe que ahora el 100% de los bienes y/o servicios son ahora la unidad de valor más la tasa inflacionaria (T<sub>i</sub>), la porción de estos bienes y/o servicios que adquiere la unidad monetaria se determinará planteando, en términos aritméticos, una relación directa de tres parámetros, es decir:

$$P = 1/(1+T_i)$$
;

consecuentemente, la cantidad porcentual de bienes y/o servicios que se dejan de adquirir será la diferencia de "P" con la unidad porcentual, o sea:

$$PPA = 1 - 1/(1+T_1)$$
.

Reduciendo la expresión anterior, puede afirmarse que la pérdida del poder adquisitivo (PPA) de la moneda es función de la tasa inflacionaria (T<sub>I</sub>), misma que guarda la siguiente equivalencia:

$$PPA = T_i / (1+T_i)$$

#### 2.3.5 TASA DE CRECIMIENTO REAL DEL PATRIMONIO

Con base en lo expuesto en el punto inmediato anterior, surge ahora la interrogante ilustrada en la Figura 2.8: si se considera que, además de existir inflación, la unidad monetaria es invertida en la fecha "t<sub>1</sub>" y produce para la segunda fecha "t<sub>2</sub>" un beneficio agregado, medido en términos porcentuales "i" (tasa efectiva del periodo definido entre las dos fechas), que hace a dicha unidad monetaria más grande, ¿en qué proporción es mayor o menor la nueva unidad monetaria respecto de la nueva unidad de valor?

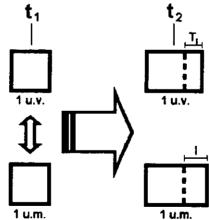


Figura 2.8 Esquema explicativo del concepto "tasa de crecimiento real del patrimonio"

Para contestar esta pregunta debe medirse la proporción de cambio de la nueva unidad monetaria respecto de la nueva unidad de valor y, consecuentemente, la tasa de crecimiento real del patrimonio (unidad monetaria) corresponderá a la diferencia de esta proporción de cambio con la unidad, a saber:

$$1 + T_R = (1 + i) / ((1 + T_i))$$

$$T_R = \{(1 + i) / ((1 + T_i))\} - 1.$$

Por ejemplo, si la inflación de un periodo fuera del 14% y la tasa efectiva del mismo que gana una inversión fuera del 19%, de ninguna manera deberá decirse que la tasa de crecimiento real del patrimonio fue del 5% (19%-14%); esto sería falso. Dicha tasa sería equivalente al 4.39%:

$$T_R = \{(1 + 0.19) / (1 + 0.14)\} - 1$$
  
 $T_R = 0.04385 \approx 4.39\%$ .

Pero, ¿qué pasaría si la tasa inflacionaria fuera mayor que la tasa efectiva? Supóngase que los valores de estas tasas fueran 21% y 16% respectivamente. Entonces la tasa real sería negativa, a saber:

$$T_R = \{(1 + 0.16) / (1 + 0.21)\} - 1$$
  
 $T_R = 0.04132 \approx 4.13\%$ .

Está situación resulta lógica de pensar si se toma en cuenta que la media del cambio en el nivel agregado de precios fuera mayor que los rendimientos otorgados por las inversiones, es decir, no solamente habría pérdida del poder adquisitivo como consecuencia inherente de la inflación, sino que además existiría una disminución real en el patrimonio. Casos como el descrito suelen verse frecuentemente en economías de tipo emergente.

# 2.4 ELEMENTOS DE CONTABILIDAD FINANCIERA

#### 2.4.1 ANTECEDENTES Y PRINCIPIOS

Durante el siglo XV se gestaron las bases de la contabilidad; en esa época, un monje llamado *Luca Paccioli* formalizó un esquema rudimentario para registrar las operaciones mercantiles que realizaba la congregación de la cual formaba parte. La aportación de Luca Paccioli a la contabilidad consistió en recopilar los usos y costumbres de los comerciantes de Génova y Venecia en su libro "Summa", publicado en 1494, donde habla de la contabilidad por partida doble (cargo y abono) entre otras valiosas contribuciones.

La contabilidad es una técnica empleada para producir, sistemática y estructuradamente, información de orden cuantitativo respecto las transacciones que realiza una entidad económica (persona física o persona moral); dicha

información es expresada en unidades monetarias corrientes y registrada con el objeto de facilitar la toma de decisiones a los interesados en relación con dicha entidad económica.

Podemos decir entonces que es un medio con el cual se puede medir la situación financiera de la entidad en un momento determinado, pero para comparar situaciones específicas correspondientes a distintos puntos del tiempo habrá que utilizar conceptos de la matemática financiera y análisis de inversiones, los cuales se abordarán más adelante. Sin embargo, la contabilidad integra tres objetivos generales:

- 1. Proporcionar información útil para las actuales y prospectivas inversiones que deban realizarse.
- Preparar información que ayude a los usuarios a determinar los montos, la oportunidad y la incertidumbre de los proyectos asociados con la realización de inversiones dentro de la empresa.
- 3. Informar acerca de los recursos de una empresa, los derechos sobre de éstos, los efectos de las transacciones y los acontecimientos que cambian esos recursos y los derechos sobre aquellos.

Al reconocer a la contabilidad como el idioma de los negocios y como medio para facilitar información financiera a las empresas, al gobierno, a particulares y a otros grupos, surgió como consecuencia la necesidad de establecer normas que aseguren la confiabilidad y la comparabilidad en la información contable. Estas normas se conocen como "Principios de Contabilidad" que, en el caso específico de México, son emitidos por el Instituto Mexicano de Contadores Públicos (IMCP) a través de la Comisión de Principios de Contabilidad.

Los Principios de Contabilidad son un conjunto de postulados generalmente aceptados que norman el ejercicio profesional de la contaduría pública. Se considera que, en general, son aceptados porque han operado con efectividad en la práctica y han sido aceptados por todos los contadores, de hecho, son los medios a través de los cuales la profesión contable se asegura que la información financiera cumpla con las características deseadas.

Los principios básicos en que se sustenta una técnica, como la contable, tiene su origen en principios con una connotación más amplia; Con esto se quiere decir que tales principios pudieran ser de aplicación a todas las esferas de la vida. En este caso, los principios de contabilidad generalmente aceptados están estructurados en conceptos básicos alrededor de tres áreas:

 a) Principios que identifican y delimitan al ente económico o negocio del cual se pretende informar.

- b) Principios que definen la base para cuantificar las operaciones del negocio, es decir, para llevar a cabo el registro.
- c) Principios que hacen referencia a la presentación de información financiera de las organizaciones.

Los principios que identifican y delimitan al ente son tres, a saber:

- Entidad. Este principio postula la identificación de la empresa como un ente independiente en su contabilidad, tanto de sus accionistas o propietarios, de sus acreedores o deudores, como de otras empresas. El objetivo de este principio es evitar la mezcla en las operaciones económicas que celebre la empresa con alguna otra organización o individuo.
- 2. Realización. Cuantifica las operaciones económicas que realiza una empresa, tanto con otros entes económicos, como los ocurridos por transformaciones internas o por eventos económicos externos que afectan a la entidad, es decir, la contabilidad cuantifica en términos monetarios las operaciones que realiza una entidad con otros participantes en la actividad económica y ciertos eventos económicos que la afectan.
- 3. Periodo contable. Divide la vida económica de la entidad en periodos predeterminados para conocer los resultados de cada uno de éstos de manera independiente a su continuidad como institución. Implica dividir las actividades económicas de la empresa en periodos tales como un mes un trimestre o un año, por ejemplo.

Los tres principios que definen la base para cuantificar las operaciones del negocio son:

- 1. Valor histórico original. Este principio establece que los bienes y derechos deben registrarse con su costo de adquisición o fabricación; sin embargo, admite que éstas cifras deben modificarse en caso de que ocurran eventos posteriores que les hagan perder su significado, aplicando métodos de ajuste en forma sistemática que preserven la imparcialidad y objetividad de la información contable.
- Negocio en marcha. Presupone la permanencia de la entidad en el mercado perennemente, excepto el caso de entes en liquidación. Permite suponer, salvo prueba en contrario, que la empresa seguirá operando por tiempo indefinido, debido a eso no resulta válido usar valores de liquidación al cuantificar sus recursos y obligaciones.
- Partida doble o dualidad económica. Este es, quizá, el más importante de la contabilidad; es un principio fundamental que implica que toda transacción de la entidad debe registrarse mostrando el efecto sobre los activos, pasivos y/o capital.

Por último, los principios que hacen referencia a la presentación de la información financiera de las organizaciones también son tres:

- 1. Revelación suficiente. Considera el hecho de que los estados financieros deben ser claros y comprensibles para juzgar los resultados de operación y la situación financiera de la entidad. Por este motivo, los estados financieros estarán acompañados de notas aclaratorias que informarán sobre el procedimiento seguido para la elaboración de los mismos.
- 2. Importancia relativa. Propone que en la elaboración de la información financiera se debe equilibrar el detalle y mutiplicidad de los datos con los requisitos de utilidad y finalidad de la información.
- 3. Consistencia. Establece que los principios y reglas con las cuales se obtuvo la información contable deben continuar aplicándose permanentemente para facilitar su comparación. Asimismo establece que cuando exista algún cambio, éste se justifique y se anote el efecto que produce en las cifras contables.

Como puede apreciarse, los principios de contabilidad son de gran relevancia en la práctica, debido a que son un medio útil para generar información en apoyo a la toma de decisiones, asegurando con ello una información contable de calidad; no obstante, como es de entenderse, en cada tipo de negocio existen intereses distintos, lógicamente será necesario preparar y presentar diferentes tipos de información que satisfagan tales necesidades. La contabilidad, al adecuarse para fines específicos, adopta facetas que a continuación se listan en forma enunciativa pero no limitativa:

- a) **Contabílidad Financiera.** Su objetivo es presentar información financiera de propósito general para audiencia y usos externos.
- b) Contabilidad Administrativa. Esta orientada al uso estrictamente interno.
- c) Contabilidad de Costos. Permite conocer el costo de producción de los bienes y/o servicios que ganará la entidad así como su precio de venta.
- d) Contabilidad Fiscal. Incluye el registro y preparación de informes para la presentación de informes y pagos de impuestos.
- e) Contabilidad Gubernamental. Incluye la contabilidad llevada por la empresa del sector público de manera interna así como también todas las actividades del país incluyendo sus ingresos y sus gastos.

#### 2.4.2 EL PROCESO CONTABLE

Los registros que aluden los principios contables se efectúan en "cuentas" específicas que refieren la situación de conceptos plenamente identificados. Dichas cuentas pueden ser clasificadas en los siguientes tipos:

- Activo.
- Pasivo.
- Capital.
- Resultados.

Las cuentas de activo son aquellas en las que se registran aquellos recursos económicos propiedad de una entidad, es decir, los bien o derechos de los cuales se espera rindan beneficios en el futuro. Los tipos de activos varían con relación a la naturaleza de cada empresa, pero en general se clasifican en:

- a) Activo Circulante. Corresponde a todos los movimientos de liquidez de la empresa.
- b) Activo Fijo. Son todos los derechos y pertenencias propias para que la entidad lleve a cabo su proceso de producción, los cuales deberán cumplir, requisitos mínimos establecidos con antelación por la propia entidad en lo relativo a su costo de adquisición (Costo de Reposición Nuevo -CRN-) y de su vida útil total (V.U.T.) referida en términos técnicos o económicos.
- c) Activo Diferido. Son aquellos activos que al paso del tiempo se trasladan a cuentas de gastos, por ejemplo, aquellos pagos que la entidad realiza por anticipado.

Por su parte, las cuentas de pasivo representan lo que el negocio debe a otras personas o entidades conocidas como proveedores y acreedores; sabiendo que los proveedores y acreedores tienen derecho prioritario sobre los activos del negocio en caso de disolución o cierre del mismo, antecediendo a los dueños, quienes siempre vendrán en último lugar, se puede decir que la equivalencia numérica de estas cuentas representa la obligación prioritaria que le corresponde a una entidad.

Cabe señalar que cuando se trata de la escisión de una empresa, con el producto de la venta de los activos se debe pagar primero a los trabadores; en segundo lugar a los acreedores legales y el remanente queda para los dueños.

Es uso y costumbre contable que las cuentas de pasivo se clasifiquen con base en su carácter temporal, es decir, en relación con el tiempo en que debe liquidarse la obligación. Esta clasificación es la siguiente.

a) Pasivo a Corto Plazo. Corresponde a todos los compromisos de la empresa que deben liquidarse antes de un año.

- b) Pasivo a Largo Plazo. Son los compromisos de la empresa que deben liquidarse en plazo equivalente o mayor de un año.
- c) Pasivo Diferido. Son aquellos pasivos que al paso del tiempo se trasladan a cuentas de ingresos, por ejemplo, aquellos cobros que la entidad recibe por anticipado.

El capital son las aportaciones realizados por los dueños (conocidos como accionistas) para la creación y sostenimiento de la entidad; Capital Contable y Capital Neto son otros términos de uso frecuente para designarlas.

Y finalmente, las cuentas de resultados involucran los ingresos ganados por la entidad, así como sus costos y gastos incurridos en el proceso productivo, dividiéndose básicamente en dos rubros: Utilidades Acumuladas y Utilidad del Ejercicio (ultimo ejercicio realizado).

La relación que deben guardar los cuatro tipos de cuentas enunciados puede expresarse mediante la siguiente ecuación contable:

Activo = Pasivo + Capital + Resultados

Esta igualdad puede visualizarse en forma de una "balanza", misma que recibe el nombre de "Balanza Contable" y es mostrada a continuación en la Figura 2.9:

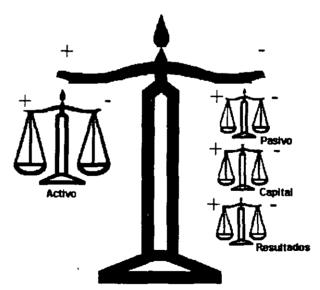


Figura 2.9 Balanza Contable

Se podrá observar que, en la figura anterior, cada balanza expuesta presenta un signo positivo de su lado izquierdo y un signo negativo del derecho, los cuales serán empleados para dar operatividad al principio fundamental de la contabilidad: el principio de la partida doble, mismo que fue expuesto anteriormente.

Del lado izquierdo, donde se ubica el signo positivo, se aplicarán los movimientos que recibirán el nombre de "cargo" o "debe" o "débito", mientras que del lado

derecho, donde está el signo negativo, serán aplicados los movimientos referidos como "abono" o "haber" o "crédito".

Es necesario recordar que la representación gráfica de la "balanza" es la abstracción de una cuenta que es llamada "cuenta T", nombre que obedece a la forma de la balanza y que es empleada para fines didácticos. Una "cuenta T" es el lugar donde se anotarán los aumentos o disminuciones de cada partida derivada de las actividades contables, representados por los movimientos de "cargo y abono".

En términos formales, cada cuenta, sea que se clasifique como de activo, de pasivo, de capital o de resultados, tendrá el formato reflejado en la Figura 2.10 y será integrada con los siguientes elementos:

- 1. Encabezado o nombre (título).
- 2. Número de cuenta.
- 3. Columna para fecha.
- 4. Columna para cargos o debe
- 5. Columna para abonos o haber.
- 6. Saldo de la cuenta.

EFECTIVO EN CAJA Y BANÇOS		CUENTA Núm. 100		
Fecha	Debe	Haber	Saldo	
199x				
Ene.3	500.00		500.00	
5		250.00	250.00	
9		150.00	150.00	
10	100.00		200.00	
30	80 00		280.00	
			Saldo deudor	

Figura 2.10 Esquema formal de una cuenta contable

Obsérvese ahora la Figura 2.11 que a continuación se muestra para exponer el esquema didáctico de una "cuenta T":

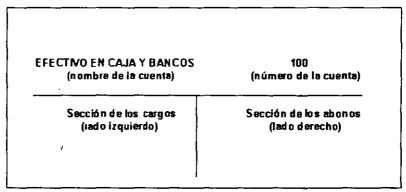


Figura 2.11 Esquema de una "cuenta T"

Es importante señalar que se efectuarán movimientos en las "balanzas" o "cuentas T" de activo, pasivo, capital o resultados vigilando que se mantenga el equilibrio el la balanza mayor, que correspondería a respetar la ecuación contable ya expuesta; para ello, deberán hacerse movimientos que tengan una equivalencia en magnitud y signo en ambos lados de la gran balanza, considerando que los signos finales se obtendrán mediante al producto de los parciales. Por ejemplo, si se realiza un movimiento del lado derecho de una cuenta de activo, el signo final de la operación será negativo, ya que el activo se encuentra del lado izquierdo de la balanza mayor y se determinaría el producto de dos signos contrarios, lo que da como resultado un signo negativo; por el contrario, si se efectuase un movimiento del lado derecho de una cuenta de pasivo, el signo final sería positivo, ya que el pasivo se ubica del lado derecho y se determinaría el producto de dos signos iguales.

El saldo o "cantidad restante" de una "cuenta T" se determina a través de la diferencia entre la sumatoria de los movimientos deudores y la sumatoria de los movimientos acreedores, es decir, mediante la diferencia entre su "debe" y su "haber".

Con fundamento en lo anterior, puede afirmarse que la sumatoria de los movimientos correspondientes a los cargos debe ser de igual magnitud a la sumatoria de los movimientos correspondientes a los abonos. Igualmente, se pueden formular las siguientes condicionantes:

- El cargo en una cuenta de activo representa el aumento de la misma y por contrapartida le corresponderá un abono en otra cuenta de activo, de pasivo, de capital o de resultados.
- El abono en una cuenta de activo representa la disminución de la misma y por contrapartida le corresponderá un cargo en otra cuenta de activo, de pasivo, de capital o de resultados.
- El cargo en una cuenta de pasivo, de capital o de resultados representa la disminución de la misma y por contrapartida le corresponderá un abono en otra cuenta de activo, pasivo, capital o resultados.
- El abono en una cuenta de pasivo, de capital o de resultados representa el aumento de la misma y por contrapartida le corresponderá un abono en otra cuenta de activo, de pasivo, de capital o de resultados.

Supóngase que el arrendador de un edificio recibe \$5'000,000.00 por concepto del pago anticipado de la renta por el uso de un edificio, pero al transcurrir dos meses le es desocupado el edificio y se le solicita la devolución de las rentas no devengadas, a lo cual accede en buenos términos. Los asientos contables que se realizarían son los siguientes:

В	ANCOS	_	+	COBROS	ANTICIPADOS	
(1) 5,000,00	0 4,166,666 (4)	<del></del>		(2) 416,667	5,000,000 (1)	
833,33	4	<del></del>		(3) 416,667		
				833,334	5,000,000	
					4,166,666	
	1			(4) 4,166,666		
				\/EN	NTAS	
			+	V LI	NIMO	
				VLI	416,667 (2)	
			+	VLI		

Nótese que se ha referido cada movimiento con un número ordinal contenido entre paréntesis. El primer asiento, por ejemplo, involucró una cuenta de activo y otra de pasivo; si se verifican las magnitudes involucradas se verá que son iguales, igualmente si se verifican los signos se observará que también son iguales, ya que el asiento de la cuenta de activo (bancos) se realizó del lado izquierdo (cargo), y el movimiento de la cuenta de pasivo (cobros anticipados) se realizó del lado derecho (abono), o sea, el signo final del movimiento hecho en la "cuenta T". Ilamada "BANCOS" es positivo (pues el producto es de dos signos iguales positivos), del mismo modo, el signo final del movimiento realizado en la "balanza" llamada "COBROS ANTICIPADOS" es también positivo (debido que el producto es de signos iguales negativos). El saldo de cada cuenta se obtiene restando su, suma de los cargos de su suma de los abonos asentados. La naturaleza del saldo dependerá de qué sumatoria es mayor; si la sumatoria del lado izquierdo fuera la mayor, el saldo será de tipo "deudor", pero si la sumatoria mayor fuera la del lado derecho, el saldo será "acreedor".

Analícese ahora un segundo ejemplo, en el cual una empresa adquiere un vehículo que destinará para el reparto de mercancias; es adquirido de contado y al paso de dos años se realiza la depreciación que es aplicable:

+	BANCOS -	+ GASTOS DE OPERACIÓN -
	200,000 (1)	(2) 43,478
	200,000	(3) 43,478
	·	86,956
EQUIF	PO TRANSPORTE -	· ·
(1) 173	3,913	
173	3,913	+· IVA POR PAGAR -
	·	(1) 26,087
+ DEPRE	CIACIÓN TRANSP	26,087
	43,478 (2)	, ,
	43,478 (3)	
	86,958	i

Cabe aclarar que la depreciación debe ser entendida como el proceso contable mediante el cual se recuperan la inversiones realizadas en bienes del activo fijo (edificios, muebles, maquinaria, equipo, etc.), a través de las cuentas de gastos. Si es el caso de hablar de la recuperación de las inversiones hechas por el uso de derechos (patentes, marcas, gastos de instalación, etc.), entonces se tratará con el concepto de amortización, la cual se determina por el mismo mecanismo aplicado en la depreciación. Es muy importante señalar que este concepto será empleado para determinar los flujos de efectivo para evaluación, como será visto en el apartado correspondiente. Para verificar que los asientos realizados son correctos, es posible formular una "Balanza de Comprobación", la cual contendrá los saldos de cada una de las cuentas contables según su naturaleza "deudora" o "acreedora" (debe o haber) y seguirá el esquema ilustrado a continuación:

BALANZA DE COMPROBACIÓN AL 31 DE DICIEMBRE DE 20XX.

	SAL	DO
Cuentas	Debe	Haber
Activo		<del></del>
Circulante		
Caja	500.00	
Bancos	600.00	
Mercancias	1,500.00	
Clientes	900.00	
Documentos por cobrar	500.00	
Deudores diversos	500.00	
Fijo		
Edificios	1,900.00	
Mobiliario y Equipo de oficina	1,800.00	
Equipo de reparto	1,300.00	
Diferido		
Gastos de instalación	400.00	
Pasivo	İ	
A corto plazo		
Proveedores		1,200.00
Documentos por pagar		1,000.00
Acreedores diversos		800.00
A largo plazo		·
Acreedores hipotecarios		800.00
Diferido		
Rentas anticipadas		200.00
Capital		
Capital Contable		5,900.00
SUMA	9,900.00	9,900.00

Para llevar a cabo los asientos contables que procedan, se deberá tener presente que la contabilidad financiera debe guardar una estructura y un proceso. La estructura se refiere a:

- a) Principios de contabilidad generalmente aceptados.
- b) Los conceptos básicos.
- c) Las reglas de contabilidad de operaciones.
- d) Los catálogos de cuentas utilizadas.
- e) Manuales o instructivos de contabilidad.

La estructura es precisamente el aspecto que da forma a la actividad, mientras que el proceso se realiza mediante de una serie de pasos que se denominan como "ciclo contable", el cual refiere:

- a) Registro de transacciones.
- b) Clasificación de movimientos contables.
- c) Suma de resultados por cuenta.
- d) Generación de estados financieros.

Derivado de lo anterior, es fundamental decir que la función práctica de la contabilidad financiera está orientada a presentar la información de la entidad mediante cuatro formas básicas denominadas "Estados Financieros", mismos que son:

- a) Estados de situación financiera.
- b) Estados de resultados de operación.
- c) Estados de cambios en la situación financiera.
- d) Estados de cambios en la inversión de los propietarios.

Para los efectos pretendidos por el presente texto, solamente serán referidos los primeros dos expuestos, ya que son los que resultan tener importancia para fines de valuación. El primero de ellos refiere al denominado "Balance General", mismo que es mostrado en el Anexo 1.

El segundo de los estados, denominado "Estado de Resultados" o Estado de Pérdidas y Ganancias" seguirá el planteamiento a continuación enunciado:

menos	Ventas
	Devoluciones sobre ventas
menos	Rebajas sobre ventas
igual	Ventas netas
menos	Inventario inicial
menos	Compras
más	

f _	Devoluciones sobre compras
más	Rebajas sobre compras
más . ,	Inventario final
igual	<u>Utilidad Bruta</u>
menos	Gastos de venta
igual.	Utilidad sobre ventas
menos	Gastos de administración
igual	<u>Utilidad mercantil</u>
menos	Gastos operativos
igual	Utilidad operativa
menos	Gastos Financieros
más 	Productos financieros
igual	Utilidad financiera
menos	Otros gastos
más	Otros productos
: t	
igual	Utilidad antes de impuestos
menos	·
menos	Utilidad antes de impuestos
menos menos menos	Utilidad antes de impuestos Impuesto sobre la renta (ISR)
menos menos menos	Utilidad antes de impuestos Impuesto sobre la renta (ISR) Impuesto al activo fijo (IMPAC)
menos menos menos menos	Utilidad antes de impuestos Impuesto sobre la renta (ISR) Impuesto al activo fijo (IMPAC) Impuesto sobre nóminas (ISN)
menos menos menos menos menos	Utilidad antes de impuestos  Impuesto sobre la renta (ISR)  Impuesto al activo fijo (IMPAC)  Impuesto sobre nóminas (ISN)  Impuestos sobre adquisición de activos (ISAAC)
menos menos menos menos menos menos menos	Utilidad antes de impuestos  Impuesto sobre la renta (ISR)  Impuesto al activo fijo (IMPAC)  Impuesto sobre nóminas (ISN)  Impuestos sobre adquisición de activos (ISAAC)  Cuotas patronales al IMSS
menos menos menos menos menos menos menos menos	Utilidad antes de impuestos  Impuesto sobre la renta (ISR)  Impuesto al activo fijo (IMPAC)  Impuesto sobre nóminas (ISN)  Impuestos sobre adquisición de activos (ISAAC)  Cuotas patronales al IMSS  Cuotas patronales al INFONAVIT
menos menos menos menos menos menos menos	Utilidad antes de impuestos  Impuesto sobre la renta (ISR)  Impuesto al activo fijo (IMPAC)  Impuesto sobre nóminas (ISN)  Impuestos sobre adquisición de activos (ISAAC)  Cuotas patronales al IMSS  Cuotas patronales al INFONAVIT  Cuotas patronales al Sistema de Ahorro para el Retiro (SAR)

Enseguida, para terminar con este tema, se expone un breve ejemplo sobre la determinación de un estado de resultados de una empresa cualquiera:

# ESTADO DE RESULTADOS DEL 1º DE ENERO AL 31 DE DICIEMBRE DE 20XX.

FADO DE RESULTADOS DEL 1º DE ENE	ROAL.	2	3	4
Ventas Totales	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	_ <del>-</del>	1,950.00	
Menos: Devoluciones sobre ventas	}	30.00	, .	
Menos: Rebajas sobre ventas		20.00		
Ventas Netas		,		1,900.00
Inventario Inicial	]		1,250.00	l '
Compras	800.00		,,	
Mas: Gastos de Compra	20.00			
Compras Totales		820.00		
Menos: Devoluciones sobre compras	60.00			
Menos: Rebajas sobre compras	10.00			
Compras Netas	13133		750.00	
Total de mercancías			2,000.00	1
Menos: Inventario final			600.00	
Costo de lo vendido				1,400.00
Utilidad Bruta				500.00
Gastos de operación:	}			
Gastos de venta:				
Renta del almacén	17.00			
Propaganda	9.00		)	
Sueldos de agentes y dependientes	ì			
Comisiones de agentes	16.00	1		
Consumo de luz	1.00			
Gastos de administración:				
Renta de la oficinas	12.00		Ì,	
Sueldos de personal de oficinas	43.00			
Papelería y útiles	3.00			
Consumo de luz	2.00		135.00	
Productos financieros:				
Intereses a nuestro favor	7.00			•
Descuentos sobre compras	5.00			
Gastos financieros.				
Intereses a nuestro cargo	5.00			
Descuentos sobre ventas	4.50			
Gastos de situación	0.50	10.00	2.00	133.00
Utilidad de operación				367.00
Otros gastos:	Ì	,	)	
Perdida en venta de mobiliario		20.00		
Perdida en ventas de acciones		6.00	26.00	
Otros productos:				
Comisiones cobradas		2.00		
Dividendos cobrados		4.00	6.00	20.00
Utilidad del ejercicio				347.00

## 2.4.3 EFECTOS DE LA INFLACIÓN EN LA CONTABILIDAD

Si se acepta que la inflación es un cambio en la unidad con que medimos valores económicos, el hecho de que exista este fenómeno no cambia el valor intrínseco de los bienes sustantivos como son los terrenos, edificios, plantas industriales e inventarios, pero sí cambia el monto o cifra con que este valor se expresa (costo o precio, según sea el caso). Por el contrario, los bienes y obligaciones de naturaleza monetaria (representados por dinero, derecho a recibir una determinada cantidad de dinero, y obligaciones que se liberan mediante la entrega de una determinada cantidad de dinero) no cambian en monto con la inflación, pero sí pierden valor real porque son una representación fiduciaria de la unidad de medida que se está reduciendo de tamaño.

Resulta entonces evidente que los efectos de la inflación distorsionan las cifras presentadas en los estados financieros (a mayor antigüedad de los registros mayor distorsión), por lo que cobra relevancia la necesidad de reflejar dichos efectos de la inflación en los mismos. Ante esta situación, en el año de 1983, entró en vigor el *Boletín B-10* "Reconocimiento de los efectos de la inflación en la información financiera", emitido por el Instituto Mexicano de Contadores Públicos, cuyo objetivo es establecer las reglas relativas a la evaluación y presentación de la información financiera de todas las entidades que preparan estados financieros básicos en un entorno inflacionario, haciendo una clasificación de partidas monetarias y no monetarias. Las primeras que son aquellas que pierden poder adquisitivo, y las segundas que son aquellas que incrementari su valor.

La necesidad de actualizar la información financiera es producida por las diferencias que existen entre los registros de las operaciones al costo, bajo el principio de contabilidad de "valor histórico original" y los valores actuales que son mayores normalmente, debido, principalmente, a la pérdida del poder adquisitivo de la moneda y a las modificaciones, casi siempre por incremento en los costos específicos de los bienes y servicios utilizados por el ente.

Los conceptos que son susceptibles de actualización para reflejar adecuadamente los efectos de la inflación son:

- Inventarios.
- Costo de ventas.
- Inmuebles.
- Maquinaria y equipo, así como su depreciación acumulada y del periodo.
- Capital contable.
  - Resultado por tenencia de activos no monetarios,
  - Resultado por posición monetaria y,
  - Costo integral de financiamiento.

El resultado por tenencia de activos no monetarios existe únicamente cuando se sigue el método de costos específicos. Se calcula comparando el incremento real en el valor de las partidas no monetarias, actualizadas por el método de costo de reposición, con el que se hubiera logrado de haber aplicado factores derivados del Índice Nacional de Precios al Consumidor (INPC).

El resultado por posición monetaria lo origina la disminución del poder adquisitivo de activos y pasivos monetarios en una época inflacionaria, ya que siguen manteniendo su valor nominal.

Los activos monetarios producirán una pérdida al recibir una cantidad igual en valor nominal, pero con un poder adquisitivo menor y los pasivos monetarios producen utilidad porque se liquida un pasivo con cantidades de dinero de menor poder adquisitivo. De la comparación de utilidades contra pérdidas, por estos conceptos, se obtiene el resultado por posición monetaria.

En una época inflacionaria el concepto de costo integral de financiamiento se amplía para incluir, además de los intereses y fluctuaciones cambiarias, el resultado por posición monetaria.

La actualización de partidas no monetarias con fines meramente contables de reexpresión de los estados financieros de una entidad específica, se practican dos métodos de actualización: el primero llamado ajuste por cambios en el nivel general de precios, que consiste en corregir la unidad de medida empleada por la contabilidad tradicional, utilizando pesos constantes en vez de pesos nominales, empleando para ello el Índice Nacional de Precios al Consumidor que publica el Banco de México a partir de 1950; y el segundo denominado de costos específicos o valores de reposición, que se funda en la medición de valores que se generan en el presente, en lugar de valores provocados por intercambios realizados en el pasado, que se determina mediante valuación de un perito independiente.

Es muy importante señalar que la información obtenida con cada uno de los métodos no es comparable, debido a que tienen bases diferentes y se emplean criterios distintos; de hecho, se recomienda no mezclar los dos métodos en la actualización de los inventarios y en los activos fijos. La mezcla de métodos sólo podrá aplicarse entre conceptos diferentes y nunca dentro del mismo rubro. Las empresas que consoliden información financiera deberán manejar en las entidades los mismos métodos para que las cifras consolidadas tengan significado.

El método de ajustes por cambios en el nivel general de precios parte del reconocimiento de que toda entidad operativa posee dos clases de valores: unos, los monetarios, cuya representación en un número determinado de unidades monetarias no se modifica por la inflación; otros, los no monetarios, cuya representación en unidades monetarias sí se modifican en función de la misma. Ejemplo de los primeros sería un crédito a largo plazo de \$1'000,000.00 que

independientemente de los intereses que causa, continuaría siendo de \$1'000,000.00 hasta que se redima, y ejemplo de los segundos sería un terreno, cuyo costo de adquisición de 1'000,000.00 tendría un valor de mercado de \$1'500,000.00, si al cabo de un año la inflación hubiera sido del 50% medido a través del índice nacional de precios al consumidor.

El número de unidades monetarias representativas de los valores monetarios no se modifica en un periodo de inflación; sin embargo, el poder adquisitivo de las mismas se erosiona gradualmente representando este fenómeno una pérdida en el caso de valores monetarios activos o una utilidad en el caso de pasivos monetarios. En cambio, por lo que respecta a los valores no monetarios en que sí se modifica el número de unidades monetarias que los representan, la inflación no los erosiona en principio, ya que el precio de éstos va ajustándose en función del indice inflacionario.

El método de ajustes por cambios en el nivel general de precios actualiza los valores no monetarios en función del porcentaje de inflación habido entre la fecha de su adquisición, contratación o aportación, y aquella en que se elaboran los estados financieros periódicos. En periodos subsecuentes se parte de cifras actualizadas aplicando el factor del periodo correspondiente. Así por ejemplo, en el caso del terreno, si la inflación en el segundo año fuera del 60%, tendría un incremento de \$900,000.00 calculados sobre el \$1'500,000.00 a que se ajustó al finalizar el primero, es decir, un nuevo valor de \$2'400,000.00.

En las condiciones anteriormente señaladas, resulta evidente que el ajuste por cambios en el nivel general de precios es aquel que actualiza, en función de pesos de poder adquisitivo constante, los valores no monetarios de la entidad (inventarios, activos fijos tangibles, inversiones permanentes en valores, capital contable, costos y gastos derivados de dichas actualizaciones, cono son el costo de ventas y la depreciación, etc.) y determina un resultado monetario representativo de la erosión que la inflación causa en el neto de valores monetarios (posición monetaria) que la empresa ha manejado a través de un periodo o ejercicio determinado. Si esta posición neta ha sido activa (activos monetarios superiores a pasivos monetarios), la erosión es sufrida por la empresa al no poder incrementar el monto de esos activos monetarios netos para conservar su poder de compra; si, en cambio, los pasivos monetarios exceden a los activos monetarios (posición monetaria corta), el pasivo neto de la empresa, al no incrementarse, produce un beneficio monetario a expensas de los acreedores.

Dentro de ese método, lo que en realidad ocurre es que se aplican rigurosamente las normas tradicionales del costo histórico en función de unidades monetarias de poder adquisitivo constante, prescindiéndose de cualquier otra consideración distinta a la del factor inflacionario. Por ejemplo, en el propio caso del terreno citado, éste podría tener un monto de valuación de \$1'800,000.00 al finalizar el primer año y de \$2'300,000.00 al finalizar el segundo; sin embargo, el valor que se registraria bajo este método que no toma en cuanta la valuación, sería de

\$1'500,000.00 (\$300,000.00 menos que la valuación) y de \$2'400,000.00 (\$100,000.00 más que la valuación).

Por su parte, el método de actualización por costos específicos no constituye una simple opción diferente respecto del anterior, se trata de un concepto de actualización distinto que, al menos parcialmente, puede presentarse en ámbitos inflacionarios. Sin inflación, en cambio, el método de actualización por el nivel general de precios simplemente no existiría.

Como fue explicado, en método de ajuste por cambios en el nivel general de precios, las actualizaciones efectuadas se fundan invariablemente en los datos históricos, sólo que reexpresados en unidades monetarias constantes, en función de la inflación; el principio del costo, que ha regido por décadas a la contabilidad tradicional, no se afecta con las actualizaciones implicadas por este método, lo único que se hace es ajustar las cifras en función un una unidad de medida cada vez más pequeña, como es la moneda afectada por la inflación. El método de actualización por costos específicos, en cambio, se aparta totalmente del principio del costo histórico, actualizando los rubros no monetarios del activo y, eventualmente, del pasivo, así como los costos derivados de los mismos en función de sus valores específicos de reposición, con toda la gama de modalidades que este último concepto implica, constituyendo una primera etapar hacia la consecución de un objetivo que se ha planteado desde hace muchos años a la técnica contable y que ésta no se había decidido a encarar por la complejidad y subjetividad implícitas: la de los valores actuales.

La percepción de esta diferencia conceptual entre uno y otro métodos esindispensable para un conocimiento cabal de la problemática involucrada en la actualización de la información financiera. La metodología de la actualización por costos específicos puede desarrollarse con dos técnicas diferentes, que no necesariamenté convergen en las mismas cifras finales de actualización:

- a) En la primera de ellas puede partirse de las cifras históricas directamente, modificándolas con todos aquellos aspectos que cambian los costos de reposición de los distintos activos no monetarios que se actualizan, para lo cual se hace necesaria la práctica de una valuación específica.
- b) En la segunda se desarrolla la actualización en dos etapas: primeramente las cifras históricas se actualizan a pesos constantes al momento presente usando el método del nivel general de precios ya descrito y, finalmente, partiendo de las cifras así actualizadas, ajustar éstas para reexpresarlas a su valor de reposición.

Evidentemente ambos métodos mantienen aún algunas deficiencias que deberán ser resueltas en el futuro: el método de **ajuste por cambios en el nivel general de precios** tiene consistencia, ya que si se parte del mismo costo histórico y aplicando los índices oficiales, dos personas distintas llegarán al mismo valor actualizado, pero tiene el defecto que dichos índices oficiales no siempre reflejan

los cambios precisos en costos y precios existentes en los mercados propios de los bienes muebles e inmuebles; el método de costos específicos o valores de reposición es inconsistente, ya que dos valuadores que emitan dictamen sobre el mismo bien reportaran dos valores diferentes, ya que cada uno de ellos partirá de indagaciones y estudios estadísticos en el mercado distintos, pero en ambos casos se tomará en cuenta aquellos aspectos que influyen en el valor de los bienes (plusvalía o minusvalía).

## 2.5 ELEMENTOS DE MATEMÁTICA FINANCIERA

Los movimientos económicos existentes en la sociedad en general han creado desde hace mucho tiempo el concepto de préstamo o "mutuo". Un préstamo es la facilitación que una persona con excedentes de recursos económicos hace a otra para quien esos recursos son escasos, a cambio de la reintegración de ese mismo recurso económico más un "interés" en un momento posterior.

El "interés" es la cantidad o cuantía monetaria que se debe pagar, en el momento establecido, por el uso del recurso económico ajeno referido, sin menoscabo de su reintegración a quien lo prestó. A este recurso económico prestado se le denomina "suerte principal".

Como es lógico de pensar, un préstamo es regido por usos y costumbres de índole comercial, por lo que será necesario definir fundamentos que servirán de principio para el desarrollo de la "teoría del interés" y de la "teoría del descuento".

Se comenzará por denominar al recurso económico prestado como "suerte principal"; se llamará "plazo" al tiempo total en que debe ser reintegrado el préstamo y su interés generado, y "periodo" al tiempo que transcurre entre la aplicación de un interés y otro. Debe tenerse presente que el plazo y el periodo no necesariamente son equivalentes, es más, puede decirse que el plazo es el conjunto de periodos que transcurren para la reintegración de la suerte principal y su interés generado.

Sin embargo, existen lapsos menores al periodo en que suele calcularse el interés que corresponde para integrarlo a la suerte principal, de tal manera que ésta será mayor la siguiente vez que vuelva a calcularse el interés respectivo. A esta forma de generación de intereses se le conoce como "interés compuesto", y a los lapsos referidos en esta idea se le conocen como "subperiodos". Habrá que entender que un conjunto de subperiodos formará un periodo, y como anteriormente se dijo, un conjunto de periodos formarán el plazo.

Para efectos de nomenclatura, se designará a cada subperiodo con la literal "m", a cada periodo con la literal "n", y el plazo quedará referido consecuentemente con el producto "mn". La suerte principal se denotará con la sigla "C<sub>0</sub>", y el monto que

se debe reintegrar en un momento determinado se entenderá como " $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ , ...,  $C_{mn}$ ", el cual será equivalente a la suerte principal original, más los intereses generados al momento; lo anterior significa que "m" se variará desde la unidad y hasta el número total de subperiodos que tenga cada periodo, y de manera análoga, "n" se variará también desde la unidad y hasta el número total de periodos que tenga el plazo.

Con lo anterior se deduce que, siempre y cuando el interés sea diferente de cero, las cantidades en el tiempo serán diferentes entre sí, es decir que:

$$C_0 \neq C_1 \neq C_2 \neq C_3 \neq ... \neq C_{mn}$$

y por esta razón se afirma que un recurso económico tiene valor en el tiempo, denominando a la cantidad de la extrema izquierda como "valor presente" respecto de los valores a su derecha, y a la cantidad de la extrema derecha como "valor futuro" respecto de los que están a su izquierda.

## 2.5.1 TEORÍA DEL INTERÉS

El interés que se pacta pagar por el préstamo en cada subperiodo se establecerá como una proporción de la suerte principal, es decir, se calculará mediante el producto de la misma por una "tasa" expresada en términos porcentuales, y denotada como "i"; con lo cual se obtiene que:

$$1' = C_0(i'),$$

y si se desea conocer la "tasa de interés nominal del periodo", entonces bastará con multiplicar el número total de subperiodos de cada periodo por la tasa de cada subperiodo, es decir:

$$i_{(m)} = m i'$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, "i" es la tasa de interés aplicable en cada subperiodo para el cálculo del interés, y la tasa de interés nominal del periodo "i<sub>(m)</sub>" se conocerá simplemente con el nombre de "tasa nominal de interés".

Con esto, es posible definir la tasa de interés aplicable en cada subperiodo de la siguiente manera:

$$i' = i_{(m)} / m$$
.

Ahora bien, si nos referimos a los montos " $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ , ...,  $C_{mn}$ " indicados anteriormente, esta tasa tiene la siguiente equivalencia:

$$i' = (C_{k+1} - C_k) / C_k$$

donde el subíndice "k" señala el monto de un subperiodo específico, y variará desde cero, haciendo referencia a la suerte principal, hasta el valor del producto "mn".

La teoría del interés parte de esta última expresión, en la cual la tasa de interés es vista como un cociente o razón de cambio de la diferencia entre el monto siguiente y el anterior, respecto del monto anterior.

Ahora se puede deducir otra expresión que calcule el siguiente monto a pagar con fundamento en lo anterior de la siguiente manera:

$$C_k(i') = C_{k+1} - C_k$$
  
 $C_{k+1} = C_k + C_k(i')$   
 $C_{k+1} = C_k (1 + i')$ 

Sin embargo, habrá que considerar la idea del interés compuesto introducida anteriormente, pues cuando un interés no es pagado en el subperiodo correspondiente, es costumbre que éste se adicione a la suerte principal; y con este nuevo monto incrementado, se calculará el interés del siguiente subperiodo.

Si esta situación se repite, aplicando la misma tasa en cada subperiodo, se aplicará la misma mecánica, generalizándola de la siguiente manera:

$$C_{1} = C_{0} (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{1} (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{0} (1 + i') (1 + i')$$

$$C_{2} = C_{0} (1 + i')^{2} (1 + i')$$

$$C_{3} = C_{2} (1 + i')$$

$$C_{3} = C_{0} (1 + i')^{2} (1 + i')$$

$$C_{3} = C_{0} (1 + i')^{3} (1 + i')$$

$$C_{4} = C_{0} (1 + i')^{3} (1 + i')$$

$$C_{4} = C_{0} (1 + i')^{4}$$

$$C_{5} = C_{4} (1 + i')$$

$$C_{5} = C_{0} (1 + i')^{4} (1 + i')$$

$$C_{5} = C_{0} (1 + i')^{5}$$

$$C_k = C_{k-1} (1 + i')$$

$$C_k = C_0 (1 + i')^{k-1} (1 + i')$$

$$C_k = C_0 (1 + i')^k$$

$$C_{k+1} = C_k (1 + i')$$

$$C_{k+1} = C_0 (1 + i')^k (1 + i')$$

$$C_{k+1} = C_0 (1 + i')^{k+1},$$

con lo cual se da lugar a la expresión general del interés compuesto:

$$C_k = C_0 (1 + i')^k$$

Si se restringe el valor del subíndice "k" desde cero hasta el número de subperiodos que tiene cada periodo, la diferencia entre "C<sub>k</sub>" y "C<sub>0</sub>" es el interés total que "efectivamente" se generó durante los "m" subperiodos por el préstamo del recurso ajeno, desprendiéndose de esta situación el concepto de "tasa efectiva de interés del periodo", que será distinguida con la literal simple "i", y que tendrá la siguiente equivalencia:

$$i = (C_m - C_0) / C_0,$$

de donde se desprende que:

$$C_m = C_0 + C_0$$
 (i)

Sustituyendo el valor de "C<sub>m</sub>" en la expresión general del interés compuesto, y teniendo presente que "k" tomará el valor de "m", se llega a que:

$$C_0 + C_0 (i) = C_0 (1 + i')^m$$

Si se divide lo anterior entre el término " $C_0$ " se obtiene la expresión que relaciona a la tasa efectiva con la tasa de interés aplicable en cada subperiodo, que es la siguiente:

$$1 + i = (1 + i^{2})^{m}$$

$$i = (1 + i')^m - 1$$

El valor de "i" y de " $i_{(m)}$ " son referidos a una misma amplitud de tiempo: el periodo; pero la primera es de índole efectivo y la otra de índole nominal.

Para obtener la relación de la tasa efectiva de interés con la tasa nominal de interés, ambas referidas al periodo como se ha mencionado, se sustituye el valor de la tasa de interés aplicable a cada subperiodo por la equivalencia correspondiente, quedando:

$$i = (1 + i_{(m)}/m)^m - 1$$

Despejando de lo anterior a la tasa nominal de interés se obtiene que:

$$i_{(m)} = m \{ (1 + i)^{1/m} - 1 \}$$

En términos de la tasa de interés aplicable en cada subperiodo, esta expresión se transforma a lo siguiente:

$$i' = (1 + i)^{1/m} - 1$$

Tomando la expresión general del interés compuesto, y considerando que "k" puede ser variada desde cero hasta el valor del producto "mn", se tendrá lo siguiente:

$$C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$$

o bien, si se considera la tasa efectiva del periodo:

$$C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, y "n" el número de periodos que tiene el plazo.

Por ejemplo, con las bases ya planteadas, si deseamos en un plazo de cinco años generar intereses doce veces al año (serán cinco periodos con duración cada uno de un año y se tendrán en cada periodo doce subperiodos con duración cada uno de un mes), el exponente al que habrá que elevar el binomio "(1 + i')" será igual a sesenta, cantidad proveniente de multiplicar doce por cinco, es decir, el valor aplicable de "m" en este caso es de doce, y el de "n" igual a cinco. Cabe mencionar con este ejemplo, que al proceso de generar intereses en cada subperiodo, se le denomina como "capitalización de la tasa".

Con base en lo hasta ahora explicado, es posible realizar un esquema con los conceptos planteados de tasas efectivas referidas a los subperiodos, periodos y plazo de la operación, así como las cuantías de valor involucradas en cada punto de la barra del tiempo como se esquematiza en la Figura 2.12, donde "i" es la tasa efectiva del subperiodo y servirá como base para determinar el valor de "i", misma que es la tasa efectiva del periodo y que se empleará para determinar a "i\*", que es la tasa efectiva del plazo.

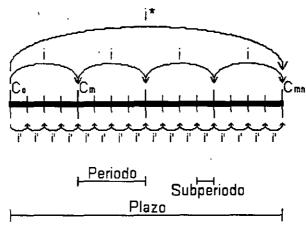


Figura 2.12 Esquematización del concepto de plazo, periodo y subperiodo

Estas tres tasas están relacionadas entre sí mediante las siguientes expresiones matemáticas:

$$i = (1 + i')^{m} - 1$$
 $i' = (1 + i)^{n} - 1$ 
 $i' = (1 + i')^{mn} - 1$ 

Consecuentemente, las relaciones de capital serán las siguientes:

$$C_m = C_0 (1 + i')^m$$
 $C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$ 
 $C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$ 

Es muy importante destacar que, no obstante todo lo anterior, el producto "mn" puede inclusive ser definido en el campo de los número reales, es decir, puede tener valores numéricos con cifras decimales; sin embargo, esta idea será discutida más adelante.

Es prudente aclarar que "i\*" es la tasa de interés que será pagada al transcurrir todo el tiempo que durará la operación comercial, y puede ser calculada también de la siguiente manera:

$$i = (C_{mn} - C_0) / C_0$$

Pero enfoquemos ahora nuestra atención en la fórmula antes vista que relaciona una tasa efectiva de interés con una nominal:

65

$$i_{(m)} = m \{ (1 + i)^{1/m} - 1 \},$$

ambas tasas son referidas a una misma amplitud de tiempo como se ha venido reiterando, es decir, si una es expresada en términos anuales, la otra será referida también a un año, por ejemplo.

Planteado este caso, ¿qué ocurriría si, manteniendo constante el valor de la tasa efectiva de interés, esta proviniera de la capitalización semestral de una tasa nominal de interés?. La respuesta es la siguiente:

$$i_{(2)} = 2 \{ (1+i)^{1/2} - 1 \}.$$

Si proviniera de una capitalización trimestral, se tendría que:

$$i_{(4)} = 4 \{ (1 + i)^{1/4} - 1 \};$$

si se tratara de una capitalización bimestral, procedería lo siguiente:

$$i_{(6)} = 6 \{ (1+i)^{1/6} - 1 \};$$

si la capitalización se realizara de forma mensual, se llegaría a que:

$$i_{(12)} = 12 \{ (1+i)^{1/12} - 1 \};$$

si existiese una capitalización diaria, la expresión aplicable sería la indicada a continuación:

$$i_{(365)} = 365 \{ (1 + i)^{1/365} - 1 \};$$

y así, es factible proseguir, hasta llegar al caso de tratar con una "capitalización instantánea", es decir, una en la que "m" tuviera un valor sumamente grande.

Continuando con la emulación de este procedimiento, se definirá el concepto denominado "fuerza de interés", el cual es representado con la sigla "δ". Este valor puede ser definido con los principios de límite expresados por el cálculo diferencial, como a continuación se muestra:

$$\delta = \lim_{m \to \infty} i_{(m)} = \lim_{m \to \infty} \{ (1 + i)^{1/m} - 1 \}$$

Para encontrar este límite, es necesario hacer el siguiente cambio de variable:

Six = 1/m:

$$\delta = \lim_{x \to 0} i_{(m)} = \lim_{x \to 0} \{ (1 + i)^x - 1 \} / x.$$

Aplicando el Teorema de L'hopital nos queda:

$$\delta = \lim_{x \to 0} i_{(m)} = \lim_{x \to 0} (1 + i)^x \operatorname{Ln}(1 + i)$$

$$\delta = Ln(1 + i)$$

Si se desea despejar de aquí la tasa efectiva de interés del periodo, queda lo siguiente:

$$e^{\delta} = 1 + i$$

$$i = e^{\delta} - 1$$

Como ya fue expresado, existe la siguiente relación entre la tasa efectiva de interés y la tasa de interés aplicable a cada subperiodo:

$$1 + i = (1 + i')^m$$

por lo que es válida la siguiente expresión:

$$e^{\delta} = (1 + i')^{m}$$

$$e^{\delta n} = (1 + i')^{mn},$$

lo cual significa que la expresión del interés compuesto antes vista:

$$C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$$

puede escribirse también como:

$$C_{mn} = C_0 e^{(\delta n)}$$

Para ejemplificar lo anterior, supongamos que deseamos determinar la tasa nominal de interés que corresponde a una efectiva de interés del 13.8%, para distintos subperiodos de capitalización:

Si m=1:

$$i_{(1)} = 1 \{ (1 + 0.138)^{1/1} - 1 \}$$
  
 $i_{(1)} = 13.8\%$ 

Si m=2:

$$i_{(2)} = 2 \{ (1 + 0.138)^{1/2} - 1 \}$$
  
 $i_{(2)} = 13.3542\%$ 

Si m=3:

$$i_{(3)} = 3 \{ (1 + 0.138)^{1/3} - 1 \}$$
  
 $i_{(3)} = 13.2098\%$ 

Si m=4:

$$i_{(4)} = 4 \{ (1 + 0.138)^{1/4} - 1 \}$$
  
 $i_{(m)} = 13.1384\%$ 

Si m=6:

$$i_{(6)} = 6 \{ (1 + 0.138)^{1/6} - 1 \}$$
  
 $i_{(6)} = 13.0675\%$ 

Si m=12:

$$i_{(12)} = 12 \{ (1 + 0.138)^{1/12} - 1 \}$$
  
 $i_{(12)} = 12.9971\%$ 

Si m=24:

$$i_{(24)} = 24 \{ (1 + 0.138)^{1/24} - 1 \}$$
  
 $i_{(24)} = 12.9621\%$ 

Si m=52:

$$i_{(52)} = 52 \{ (1 + 0.138)^{1/52} - 1 \}$$
  
 $i_{(52)} = 12.9433\%$ 

Si m=365:

$$i_{(365)} = 365 \{ (1 + 0.138)^{1/365} - 1 \}$$
  
 $i_{(365)} = 12.9295\%$ 

Si m=8,760:

$$i_{(8,760)} = 8,760 \{ (1 + 0.138)^{1/8,760} - 1 \}$$
  
 $i_{(8,760)} = 12.9273\%$ 

Si m=525,600:

$$i_{(525,600)} = 525,600\{(1+0.138)^{1/525,600}-1\}$$
  
 $i_{(8.760)} = 12.9272\%$ 

Como puede observarse, a medida que crece "m", "i<sub>(m)</sub>" concurre a un valor que puede determinarse mediante la expresión de la "fuerza del interés":

$$\delta = \text{Ln}(1 + i)$$
  
 $\delta = \text{Ln}(1 + 0.138)$   
 $\delta = 12.9272\%$ 

Esto quiere decir que " $\delta$ " tiene un significado análogo al de " $i_{(\infty)}$ ", con lo cual se concluye que, dada una tasa efectiva de interés, no existirá tasa nominal de interés alguna que sea menor que la efectiva, ni mayor que la fuerza del interés, es decir:

$$\delta \leq i_{(m)} \leq i$$
.

Por otro lado, en materia de comprobación, la validez de la expresión general del interés compuesto puede verificarse, para el conjunto de los número naturales, por el método de Inducción Matemática de la siguiente manera:

Simn = 0:

$$C_0 = C_0 (1 + i')^0$$
  
 $C_0 = C_0$ 

Simn = 1:

$$C_1 = C_0 (1 + i')$$
  
 $C_1 = C_0 (1 + i')$ 

Simn = k:

$$C_k = C_0 (1 + i')^k$$

Si mn = k+1:

$$C_{k+1} = C_0 (1 + i')^{k+1}$$

o bien:

$$C_{k+1} = C_0 (1 + i')^k (1 + i')$$
  
 $C_{k+1} = C_0 (1 + i')^{k+1}$ 

El ser las dos expresiones idénticas y equivalentes, queda demostrada la validez de la expresión general para el conjunto de los números naturales.

Así mismo, la expresión puede verificarse también para el conjunto de los números reales, como fue mencionado con anterioridad; pero hay que considerar que el incremento en "C<sub>k</sub>" estará dado por el número real "1/m", el cual representa a cada subperiodo en que es capitalizada la tasa; situación que dirige al siguiente análisis:

$$i' = i_{(m)} / m = (C_{k+1/m} - C_k) / C_k$$

Si "m" tiende al infinito, puede observarse que la diferencia de " $C_{k+1/m}$ " y " $C_k$ " es tendiente a cero por su parte, lo que es equivalente a tener:

$$\lim_{m\to\infty} i' = \lim_{m\to\infty} i_{(m)} / m = \delta / m$$

$$\delta / m = \lim_{m \to \infty} (C_{k+1/m} - C_k) / C_k$$

Haciendo el siguiente cambio de variable se tiene:

Si ∆m = 1/m:

$$i' = (C_{k+\Delta m} - C_k) / C_k = (\Delta m) i_{(m)}$$

y despejando "i(m)" se obliene:

$$i_{(m)} = (1 / C_k) (C_{k+\Delta m} - C_k) / \Delta m.$$

El límite de esta función cuando "m" tiende al infinito, es equivalente a aplicar el límite de la función cuando "\Deltam" tiende a cero; pero, si se observa el segundo cociente de la expresión, se notará que al aplicar este límite se tratará con el teorema fundamental del cálculo diferencial, por lo que se obtiene que:

$$\delta = \lim_{\Delta m \to 0} i_{(m)} = \lim_{\Delta m \to 0} (1/C_k) (C_{k+\Delta m} - C_k)/\Delta m$$

$$\delta = C_k' / C_k$$

La sigla "C<sub>k</sub>", representa la derivada de la función "C<sub>k</sub>".

No obstante lo anterior, se necesita conocer el valor de la función y no el de su derivada, por lo que debe integrarse la afirmación anterior, y para ello es necesario hacer lo siguiente:

Si 
$$C_k = C_\tau$$
:

$$\delta = C_r' / C_r$$

Multiplicando ambos términos por "dτ" se obtendrá que:

$$\delta(d\tau) = (C_t' / C_t) d\tau.$$

Se debe tener presente que se ha partido de la expresión fundamentada en la tasa efectiva de interés al hacer tender a la literal "m" al infinito, es decir, la amplitud del subperiodo es equivalente a la del periodo, y consecuentemente ambos resultan ser iguales (cada periodo solamente tendrá un subperiodo), por lo que sólo en este caso, bajo esa condición se tiene que:

$$i = i' = i_{(m)}$$

Al integrar definidamente la última expresión, donde se obtuvo la relación de " $\delta(d\tau)$ ", desde "0" hasta "n", que es el intervalo de interés en virtud de lo anterior, y recordando el principio del cálculo integral que afirma que la integración del cociente de la derivada de una función entre dicha función es equivalente al logaritmo natural de la misma más una constante de integración, se tiene:

$$\begin{split} \int_0^n \delta(d\tau) &= \int_0^n \left( C_\tau \right' / C_\tau \right) d\tau \\ \delta n &= \quad Ln \ C_{mn} - Ln \ C_0 \\ \delta n &= \quad Ln \ \left( C_{mn} / C_0 \right) \\ e^{(\delta n)} &= C_{mn} / C_0 \\ C_{mn} &= C_0 \ e^{(\delta n)}, \end{split}$$

pero se sabe que:

$$e^{\delta n} = (1 + i')^{mn}$$
 $C_{mn} = C_0 (1 + i')^{mn}$ 

Con lo cual, queda demostrado que la expresión es válida también para el conjunto de los números reales.

Habrá que hacer notar, que al efectuar la integral de la demostración anterior, el término " $C_{mn}$ " aparece debido a que la amplitud del subperiodo es equivalente a la del periodo como se mencionó, y se trató con una expresión donde se involucra la tasa efectiva de interés "i", por lo que " $C_{\tau}$ " en realidad equivale a " $C_{mn}$ ", que al integrarse genera a " $C_{mn}$ ".

## 2.5.2 TEORÍA DEL DESCUENTO

El descuento es una cantidad equivalente en monto al interés; pero la determinación de la tasa aplicable en cada subperiodo se obtiene con la siguiente ecuación:

$$d' = (C_{k+1} - C_k) / C_{k+1}$$

donde el subíndice "k", al igual que lo visto bajo la teoría del interés, señala el monto de un subperiodo específico, y variará desde cero, haciendo referencia a la suerte principal, hasta el valor del producto "mn". También se hará referencia a los montos " $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ , ...,  $C_{mn}$ " ya indicados anteriormente.

La teoría del descuento sostiene que la tasa de descuento es un cociente o razón de cambio de la diferencia entre el monto siguiente y el anterior, respecto del monto siguiente.

El descuento se calculará mediante el producto del valor futuro de la suerte principal por una "tasa" expresada en términos porcentuales, y denotada como "d'"; con lo cual se obtiene que:

$$D' = C_{mn}(d'),$$

y si se desea conocer la "tasa de descuento del periodo", entonces bastará con multiplicar el número total de subperiodos de cada periodo por la tasa de cada subperiodo, es decir:

$$d_{(m)} = m d'$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, "d'" es la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo para el cálculo del descuento, y la tasa de descuento del periodo " $d_{(m)}$ " se conocerá con el nombre de "tasa nominal de descuento".

Con esto, es posible definir la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo de la siguiente manera:

$$d' = d_{(m)} / m$$
.

De manera análoga a lo hecho en la teoría del interés, se puede deducir una expresión que calcule el siguiente monto a pagar del modo siguiente:

$$C_{k+1}(d') = C_{k+1} - C_k$$
  
 $C_{k+1}(1 - d') = C_k$   
 $C_{k+1} = C_k(1 - d')^{-1}$ ;

y con este razonamiento se puede llegar a la expresión general del descuento compuesto:

$$C_k = C_0 (1 - d')^{-k}$$

Si se restringe el valor del subíndice "k" desde cero hasta el número de subperiodos que tiene cada periodo, la diferencia entre " $C_k$ " y " $C_0$ " es el descuento total que "efectivamente" se generó durante los "m" subperiodos por el préstamo de un recurso ajeno, desprendiéndose así el concepto de "tasa efectiva de descuento", que será distinguida con la literal simple "d", y que tendrá la siguiente equivalencia:

$$d = (C_m - C_0) / C_m$$

de donde se desprende que:

$$C_m = C_0 (1 - d)^{-1}$$

Sustituyendo el valor de "C<sub>m</sub>" en la expresión general del descuento compuesto, y teniendo presente que "k" tomará el valor de "m", se llega a que:

$$C_0 (1-d)^{-1} = C_0 (1-d')^{-m}$$

Si se divide lo anterior entre el término "C<sub>0</sub>" se obtiene la expresión que relaciona a la tasa efectiva de descuento con la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo, que es la siguiente:

$$1 - d = (1 - d')^m$$

$$d = 1 - (1 - d')^{m}$$

Para obtener la relación de la tasa efectiva de descuento con la tasa nominal de descuento, se sustituye el valor de la tasa de descuento aplicable a cada subperiodo por la equivalencia correspondiente, quedando:

$$d = 1 - (1 - d_{(m)}/m)^m$$

Despejando de lo anterior a la tasa nominal de descuento se obtiene que:

$$d_{(m)} = m \{ 1 - (1 - d)^{1/m} \}$$

En términos de la tasa de descuento aplicable en cada subperiodo, esta expresión se transforma a lo siguiente:

$$d' = 1 - (1 - d)^{1/m}$$

Tomando la expresión general del descuento compuesto, y considerando que "k" puede ser variada desde cero hasta el valor del producto "mn", se tendrá lo siguiente:

$$C_{mn} = C_0 (1 - d')^{-mn}$$

donde "m" es el número de subperiodos que tiene cada periodo, y "n" el número de periodos que tiene el plazo.

En términos de la tasa de descuento efectiva, la relación anterior queda de la siguiente forma:

$$C_{mn} = C_0 (1 - d)^{-n}$$

De manera análoga a lo tratado bajo la teoría del interés, a continuación se definirá el concepto denominado "fuerza de descuento", representado con la sigla

"δ'". Este valor puede ser definido con el concepto de límite, formulado en el cálculo diferencial, como a continuación se muestra:

$$\delta' = \lim_{m \to \infty} d_{(m)} = \lim_{m \to \infty} \{ 1 - (1 - d)^{1/m} \}$$

Para encontrar este límite, es necesario hacer el siguiente cambio de variable:

Six = 1/m:

$$\delta' = \lim_{x \to 0} d_{(m)} = \lim_{x \to 0} \{ 1 - (1 - d)^x \} / x.$$

Aplicando el Teorema de L'hopital nos queda:

$$\delta' = \lim_{x \to 0} d_{(m)} = \lim_{x \to 0} (1 - d)^x \operatorname{Ln}(1 - d)$$

$$\delta' = - Ln(1 - d)$$

Si se desea despejar de aquí la tasa efectiva de descuento del periodo, queda lo siguiente:

$$e^{-\delta'} = 1 - d$$

$$d = 1 - e^{-\delta'}$$

Como ya fue expresado, existe la siguiente relación entre la tasa efectiva de descuento y la tasa de descuento aplicable a cada subperiodo:

$$1 - d = (1 - d')^m$$

por lo que es válida la siguiente expresión:

$$e^{-\delta'} = (1 - d')^m$$

$$e^{\delta'n}=(1-d')^{-mn},$$

lo cual significa que la expresión del descuento compuesto antes vista:

$$C_{mn} = C_0 (1 - d')^{-mn}$$

puede escribirse también como:

$$C_{mn} = C_0 e^{(\delta'n)}$$

Esta última expresión es equivalente a la análoga determinado bajo los concepto de la teoría del interés, es decir:

$$C_0 e^{(\delta' n)} = C_0 e^{(\delta n)}$$

por tal motivo, puede afirmarse que la fuerza de interés es equivalente en valor a la fuerza de descuento.

La validez de la expresión general del descuento compuesto puede ser verificada, para el conjunto de los número naturales y para el conjunto de los números reales, de maneras análogas a las desarrolladas en la teoría del interés, razón por la cual las demostraciones respectivas se omitirán en este apartado.

### 2.5.3 EQUIVALENCIA ENTRE INTERÉS Y DESCUENTO

Tras lo expuesto hasta ahora, surge la interrogante respecto de la existencia de alguna relación entre la teoría del interés y la del descuento, cuya respuesta es evidente, pues se conoce lo siguiente:

$$C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$$

$$C_{mn} = C_0 (1 - d)^{-n}$$

de donde basta con igualar ambas relaciones, y dividir la resultante entre el término " $C_0$ ", obteniendo:.

$$C_0 (1 + i)^n = C_0 (1 - d)^{-n}$$
  
 $(1 + i)^n = (1 - d)^{-n}$   
 $1 + i = (1 - d)^{-1}$   
 $i = (1 - d)^{-1} - 1$ 

o bien:

$$i = d / (1 - d);$$

y de forma análoga, se desprende también que:

$$d = i / (1 + i),$$

lo cual resulta ser la equivalencia entre la tasa efectiva de interés y la tasa efectiva de descuento, con las cuales es posible relacionar un mismo valor presente con un mismo valor futuro, aplicando la teoría respectiva.

Cuando se haga referencia a planteamientos de índole financiera, debe tenerse presente que la tasa aplicable a un esquema derivado de la teoría del interés, puede ser mencionada simplemente como "la tasa", es decir, la palabra "interés" puede ser omitida; pero, en cambio, al tratar con esquemas derivados de la teoría del descuento, habrá que precisar que la tasa tratada es "la tasa de descuento".

#### 2.5.4 AMORTIZACIONES

Un concepto más que debe abordarse dentro del tratado de la matemática financiera es el de "amortización", misma que se define como el elemento de un conjunto de pagos iguales, realizados a intervalos iguales de tiempo para liquidar una cuantía monetaria. La amortización suele conocerse también con el nombre de "anualidad", pero a pesar de este nombre, no necesariamente los pagos deben ser hechos anualmente.

La amortización es el procedimiento con el que se salda gradualmente una deuda por medio de una serie de pagos que, generalmente, son iguales y se realizan en periodos equivalentes como ya se mencionó.

En el cálculo del monto de estos pagos, infiere también la teoría del interés, y se relaciona con el concepto matemático de las progresiones geométricas.

Para conocer el valor futuro de una serie de ingresos periódicos, referidos subsecuentemente con la literal "a", se generaría la siguiente sumatoria:

$$C_{mn} = a(1+i)^0 + a(1+i)^1 + a(1+i)^2 + a(1+i)^3 + \dots + a(1+i)^{n-1}$$

La expresión corresponde evidentemente a una progresión geométrica, que se define como una serie de cantidades que guardan entre sí una relación constante, donde para determinar el siguiente término de la serie, deberá multiplicarse el elemento anterior por la razón conocida "r", que para este caso específico resulta ser equivalente a "(1+i)".

Cabe destacar que, tanto el ingreso periódico "a" como la tasa de interés "i", son referidos a la misma amplitud de tiempo, es decir, el subperiodo es equivalente al periodo. En caso de que ambos no coincidan, habrá que aplicar la tasa de interés del subperiodo "i" que corresponda, y la literal "n" será sustituida por el término "mn".

Si se formula la solución a este problema con fundamento al concepto matemático de la suma de una progresión geométrica se llega al siguiente desarrollo:

$$C_{mn} = a(1+i)^0 + a(1+i)^1 + a(1+i)^2 + a(1+i)^3 + \dots + a(1+i)^{n-2} + a(1+i)^{n-1}$$

Si se multiplica la expresión anterior por la razón (1+i) se llega a que:

$$C_{mn}(1+i) = a(1+i)^1 + a(1+i)^2 + a(1+i)^3 + a(1+i)^4 + .... + a(1+i)^{n-1} + a(1+i)^n$$

Si se obtiene la diferencia entre la segunda y la primera expresión se obtiene:

$$C_{mn} (1+i) - C_{mn} = a(1+i)^n - a(1+i)^0$$

$$C_{mn} (i) = a [(1+i)^n - 1]$$

$$C_{mn} = [a/i][(1+i)^n - 1]$$

Donde "C<sub>mn</sub>" es el valor futuro de una suerte principal, y "a" el monto del pago periódico que amortizará una deuda considerando el esquema del interés.

Si se desea referir una amortización en términos de un valor presente o suerteprincipal "C<sub>0</sub>", habrá que considerar lo siguiente:

$$C_{mn} = C_0 (1 + i)^n$$

por lo tanto:

$$C_0(1+i)^n = [a/i] [(1+i)^n - 1]$$

$$C_0(1+i)^n (1+i)^{-n} = [a/i] [(1+i)^n - 1] (1+i)^{-n}$$

$$C_0 = [a/i] [1 - (1+i)^{-n}]$$

De cualquiera de ambas expresiones, según sea el caso, puede despejarse fácilmente el pago periódico "a" de la siguiente manera:

$$a = C_{mn}(i)/[(1+i)^n - 1],$$

o también:

$$a = C_0 (i) / [1 - (1+i)^{-n}].$$

Debe hacerse hincapié en que ambas expresiones consideran un esquema de pagos vencidos, es decir, el primer pago se liquidará una vez transcurrido el primer subperiodo, el segundo al final del siguiente, y así sucesivamente.

Si se trata con casos en los cuales las amortizaciones son expresadas en términos de tiempo distinto al que corresponde a la tasa de interés, donde como ya fue señalado, un periodo cuenta con más de un subperiodo, las expresiones anteriores se transforman a lo siguiente:

$$C_0 = [a'/i'][1 - (1+i')^{-mn}];$$
 $C_{mn} = [a'/i'][(1+i')^{mn} - 1];$ 
 $a' = C_0(i')/[1 - (1+i')^{-mn}]; y$ 
 $a' = C_{mn}(i')/[(1+i')^{mn} - 1];$ 

donde las literales "a'" e "i" corresponden al pago periódico y a la tasa de interés aplicables en cada subperiodo respectivamente.

No obstante lo anterior, en finanzas existen casos en los cuales se efectúan amortizaciones de "suertes principales" mediante la aportación de pagos constantes que duran un periodo muy grande, que incluso puede considerarse como indefinido; dando lugar de este modo al concepto de "amortizaciones perpetuas", las cuales son pagos constantes que se realizan a lo largo de un tiempo muy amplio para igualar un valor presente.

En matemáticas, esto se traduce a lo consideración de un plazo tan grande que tiende al "infinito", es decir, el número de periodos son tantos, que hacen que el plazo se vuelva en un valor sumamente grande.

Siguiendo las ideas planteadas por el concepto de amortización, es posible determinar valores presentes y futuros con esta nueva condición, efectuando el siguiente límite:

$$C_0 = \lim_{mn \to \infty} [a'/i'][1 - (1+i')^{-mn}];$$

evidentemente el término "(1+i')-mn" tenderá al valor de cero al aplicar las sustituciones correspondientes, quedando la siguiente expresión:

$$C_0 = a' / i'$$

misma que resulta ser la equivalencia de un valor presente con una sucesión de amortizaciones perpetuas.

Sin embargo, este proceso sólo es aplicable de manera práctica hacia un valor presente, no así para un valor futuro, pues como puede observarse, si se aplica el límite a la expresión que liga a una amortización con un valor futuro, éste generará un valor tan grande, comparable solamente con el del "infinito".



# FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M. DIVISION DE EDUCACION CONTINUA

## **CURSOS ABIERTOS**

# DIPLOMADO EN VALUACIÓN INMOBILIARIA Y DE NEGOCIOS

## MÓDULO I : APLICACIONES ESTADÍSTICAS, FINANCIERAS Y CONTABLES PARA FINES DE VALUACIÓN

#### TEMA

CAPÍTULO 3
MARCO NORMATIVO DE LA VALUACIÓN : ANEXO III

EXPOSITOR: M. EN I. ENRIQUE AUGUSTO HERNÁNDEZ RUIZ
PALACIO DE MINERIA
MARZO DEL 2002

# CAPÍTULO 3 MARCO NORMATIVO DE LA VALUACIÓN

## 3.1 NORMAS JURÍDICAS

Las valuaciones tendrán como objetivo establecer una cuantía de valor para la cosa valuada. Esto con fines tales como los siguientes:

- a) Conocer el valor comercial para fines particulares.
- Adquisiciones o enajenaciones: compraventa, donación, sucesión, prescripción positiva, cesión de derechos, permuta, dación en pago, traslado de dominio, etc.
- c) Seguros y fianzas.
- d) Créditos hipotecarios.
- e) Créditos con garantía de bienes muebles.
- f) Valuación de activos fijos para los efectos de reexpresión de estados financieros.
- g) Indemnizaciones por expropiación.
- h) Afectaciones por causas de utilidad pública.
- j) Justipreciación de los productos que la Federación deba cobrar cuando concesione inmuebles federales.
- j) Embargos y remates.
- k) Liquidación de sociedades, aumentos de capital, escisiones y fusiones.
- 1) Controversias de orden judicial en materia penal, civil o mercantil.
- m) Estudios técnicos para determinar el monto de obras de urbanización y pago de derechos de regularización de obra.
- n) Justipreciación de arrendamiento.

Las valuaciones siempre serán ligadas a una fecha de referencia, entendiendo por este concepto, la fecha en la cual se relacionan los bienes a valuar y se determinan sus valores. Para efectos de evitar la extemporaneidad o congestionamiento en virtud que la elaboración de una valuación de activo fijo implica en ocasiones mucho tiempo, la fecha de referencia puede no coincidir con la del cierre del ejercicio social, pero en ningún caso excederá de 6 meses previos a la de dicho cierre. Los valores a la fecha de referencia tendrán vigencia a la

fecha de cierre del ejercicio social, siempre y cuando no ocurran eventos que modifiquen sustancialmente el valor de los activos valuados.

En los ejercicios contables siguientes a la actualización mediante valuación emitida por perito independiente en la materia, se podrán ajustar las cifras derivadas de esa valuación utilizando índices específicos de precios e los activos fijos de que se trate, los cuales podrán ser proporcionados por los propios valuadores. Cuando sea evidente que las cifras tienden a apartarse de los valores de mercado, es necesario que se practique una nueva valuación.

Excepcionalmente, las empresas podrán determinar, por sí mismas, el valor neto de reposición de sus activos fijos, cuando dispongan de elementos objetivos y verificables para ello.

De conformidad con la Ley General de Sociedades Mercantiles en vigor, las empresas pueden capitalizar utilidades retenidas o reservas de valuación o de revaluación bajo los siguientes requisitos:

- Deberán haber sido previamente reconocidas en estados financieros, debidamente aprobados por la asamblea de accionistas.
- Tratándose de reservas de valuación o de revaluación, deberán estar apoyadas en valuaciones efectuadas por valuadores independientes certificados, por valuadores autorizados por instituciones de crédito o por Corredores Públicos titulados.

Desde fines de 1993 y principios de 1994 existía la inquietud sobre la conveniencia de mantener o eliminar la alternativa contenida en el Boletín B-10 sobre la actualización de los activos no monetarios a través de la metodología del costo de reposición, por esta razón la Comisión de Principios de Contabilidad del Instituto Mexicano de Contadores Públicos emitió el "Quinto Documento de Adecuaciones al Boletín B-10", documento normativo cuyo objetivo fue lograr una mayor comparabilidad y objetividad de la información financiera mediante la aplicación de un método único para la actualización de inventarios, costos de ventas y activo fijo, así como la depreciación acumulada y la del periodo. Dicho método resultó ser el de ajuste por cambios en el nivel general de precios.

Este documento dispone que deja de existir para las empresas la alternativa de actualizar sus activos no monetarios con base en el costo de reposición, lo cual entró en vigor el 1º de enero de 1997, afectándose directamente el ejercicio valuatorio, ya que se cuestionó la calidad del trabajo de los valuadores y se marcó un concepto discriminatorio de parte de los contadores donde se da prioridad al costo histórico de los activos.

Por su parte, el Instituto Mexicano de Ejecutivos de Finanzas, A.C. (IMEF), en su boletín técnico nacional no. 37 de diciembre de 1996, plantó algunas sugerencias para clarificar el proceso valuatorio, tales como crear la carrera de valuador, o

bien, la especialidad en las carreras afines de ingeniería civil y arquitectura. El Instituto planteó la importancia de una educación continua al respecto, la creación de un código de ética profesional, así como la necesidad de contar con una agrupación u organismo federal que lo vigile y sancione.

No obstante, los lineamientos generales para el ejercicio de la valuación de bienes por parte del sistema bancario mexicano de bienes fueron regulados en su momento por circulares tales como 1118 y 1118-bis en relación con la circular 1110 para el caso de mobiliario y equipo, y por las circulares 1201 (de fecha 23 de marzo de 1988 "Reglas a las que habrán de sujetarse las Instituciones de Banca Múltiple y las Instituciones de Banca de Desarrollo, en la formulación de avalúos") y 1202 (formato para avalúos de inmuebles) en el caso de bienes inmuebles. Estas cuatro circulares fueron emitidas por la Comisión Nacional Bancaria y de Valores (CNBV) de la Secretaría de Hacienda y Crédito Público (SHCP) del Poder Ejecutivo Federal

Dichas circulares otorgaban la misma fuerza probatoria a las valuaciones practicadas por instituciones bancarias que las leyes asignan a los hechos por corredor público o perito, y por consiguiente, los avalúos bancarios deben formularse con métodos y criterios adecuados uniformes que permitan determinar de la mejor manera posible el valor de los bienes valuados de acuerdo con reglas específicas, aunque sustituidas actualmente por la circular 1462, que se integra con un cuerpo textual y cuatro apartados: el primero es relativo a las prácticas y procedimientos, el segundo sobre la valuación de bienes inmuebles, el tercero versa sobre valuaciones de maquinaria y equipo y, finalmente, el cuarto establece las normas para el caso de valuaciones agropecuarias.

Es importante destacar que la circular 1201 señalaba que el valor de los bienes a valuar debería determinarse con independencia de los fines para los cuales se requiere el avalúo (principio del valor único), así como que la circular 1118 de la Ley del Mercado de Valores prohibía, en su apartado 2.3.1.1, a los valuadores la utilización del Índice Nacional de Precios al Consumidor que publica el Banco de México, toda vez que a la letra dice: "2.3.1.1.-Deben aplicarse índices específicos para cada uno de los activos valuados, por tipo y rama a que pertenezcan y sin utilizar el Índice Nacional de Precios al Consumidor que publica el Banco de México."

Por su parte también, la Comisión Nacional de Seguros y Fianzas (CNSF) de la Secretaría de Hacienda y Crédito Público (SHCP) del Poder Ejecutivo Federal, facultada por la Ley General de Instituciones y Sociedades Mutualistas de Seguros, emitió su circular S-15.1, en la cual emite las disposiciones para la valuación y registro contable de inversiones inmobiliarias, así como también su circular S-15.1.1, en la que establece los procedimientos para determinar el valor máximo que pueden afectar a reservas técnicas en inmuebles urbanos de productos regulares. De hecho, un principio establecido en estas circulares es considerar al valor comercial equivalente a la semisuma del costo neto de reposición y del valor de uso (valor físico y valor de capitalización).

En otro tema, como es sabido, a raíz de las altas tasas de inflación que se presentaron en nuestro país entre los años de 1983 y 1988, las autoridades fiscales adoptaron la idea de reconocer los efectos que provoca para determinar el monto del impuesto a ser devengado por las empresas, por lo que utilizando el índice Nacional de Precios al Consumidor se actualizan algunos valores fiscales, pero en general, la base para la actualización de la partida del activo fijo es la valuación emitida por perito en la materia.

Para determinar la base del impuesto sobre la renta, podemos deducir de los ingresos, los costos y gastos inherentes a la operación de las empresas. Las inversiones en activos fijos, se deducen mediante la aplicación de los porcentajes señalados para tal efecto, los cuales se aplican sobre el valor actualizado de los activos fijos, hasta que se acumule el 100% de depreciación.

Cuando se enajenan los activos fijos, se compara el precio de venta contra el valor fiscal del bien (costo de adquisición menos depreciación, debidamente actualizado), para determinar la utilidad gravable o pérdida en la venta. En el caso de los bienes inmuebles que estén integrados al activo fijo, si no fuera posible determinar el valor del terreno y construcciones por separado, del valor total del bien, se considera que un 20% es aportado por el terreno, y el resto por las construcciones.

Para determinar la base del impuesto al activo de las empresas, se suman los promedios de los activos de la empresa deduciendo algunos pasivos. la actualización de los bienes se realizará para calcular el promedio de activos que se incluyen en la base del impuesto.

Por otra parte, el artículo 6 fracción II de la Ley Federal de Correduría Pública establece que al "corredor público" corresponde fungir como perito valuador para estimar, cuantificar y valorar los bienes, servicios, derechos y obligaciones que se sometan a su consideración, por nombramiento privado o por mandato de autoridad competente. Corredor es el agente auxiliar del comercio, con cuya intervención se proponen y ajustan los actos, contratos y convenios y se certifican los hechos mercantiles; tiene fe pública cuando expresamente lo faculta este código u otras leyes y puede actuar como perito en asuntos de tráfico mercantil.

Los Corredores Públicos habilitados conforme a la Ley Federal de Correduría Pública del 29 de diciembre de 1992, son profesionales que acreditan ante la Secretaría de Comercio y Fomento Industrial una alta calidad profesional y reconocida honorabilidad, por lo que pueden presentar cabalmente cualquier dictamen de valuación, siempre que no exista prohibición legal o reglamentaria a este respecto. El artículo 3 fracción II de la Ley Federal de Correduría Pública preceptúa que corresponde a la Secretaría de Comercio y Fomento Industrial examinar a las personas que deseen obtener la calidad de aspirantes a corredores o a ejercer como corredores públicos, asegurándose de que éstos sean personas dotadas de alta calidad profesional y reconocida honorabilidad.

El artículo 1252 del Código de Comercio establece que el título de habilitación de corredor público acredita para todos los efectos la calidad de perito valuador. El artículo 1257 de la Ley en cita señala que, en todos los casos en que se trate únicamente de peritaje sobre el valor de cualquier clase de bienes y derechos, los mismos se realizarán por avalúos que practiquen dos corredores públicos o instituciones de crédito, nombrados por cada una de las partes, y en caso de diferencias en los montos que arrojen los avalúos, no mayor del treinta por ciento en relación con el monto mayor, se mediaran esas diferencias. De ser mayor tal diferencia, se nombrará un perito tercero en discordia, conforme al artículo 1255 de este código, en lo conducente. El artículo 1300 establece que los avalúos harán prueba plena.

El artículo 1410 del Código de Comercio preceptúa que cuando los bienes deban salir a remate deberán ser valuados por dos corredores públicos o peritos y por un tercero en discordia.

El artículo 116 de la Ley de Sociedades Mercantiles en su segundo párrafo establece que tratándose de reservas de valuación o de revaluación, éstas deberán estar apoyadas en avalúos efectuados por valuadores independientes autorizados por la Comisión Nacional de Valores, instituciones de crédito o corredores públicos titulados.

El último párrafo del artículo 346 del Código de Procedimientos Civiles establece que el título de habilitación de corredor público acredita para todos los efectos la calidad de perito valuador. El artículo 353 de Ley Procesal Civil establece, la misma situación invocada en el artículo 1257 del Código de Comercio.

La fracción XXII del artículo 46 de la Ley de Instituciones de Crédito preceptúa que las instituciones de crédito podrán encargarse de hacer avalúos que tendrán la misma fuerza probatoria que las leyes asignan a los hechos por corredor público.

La fracción V del artículo 26 de la Ley Federal de Instituciones de Fianzas señala que la garantia que consiste en prenda sólo podrá constituirse sobre bienes valuados por instituciones de crédito o corredor.

El artículo 102 de la Ley del Impuesto Sobre la Renta, en su primer párrafo establece que los contribuyentes podrán solicitar la práctica de un avalúo por corredor público titulado o institución de crédito autorizados por la Secretaría de Hacienda y Crédito Público. Las autoridades fiscales estarán facultadas para practicar, ordenar o tomar en cuenta, el avalúo del bien objeto de enajenación y cuando el valor del avalúo exceda en más de un diez por ciento de la contraprestación pactada por la enajenación, el total de la diferencia se considera ingreso del adquirente en los términos del capítulo quinto; en cuyo caso se incrementará su costo con el total de la diferencia citada.

El artículo 4 del Reglamento del Código Fiscal de la Federación en su primer

párrafo establece que los avalúos que se practiquen para efectos fiscales tendrán vigencia seis meses contados a partir de la fecha en que se efectúen y deberán llevarse a cabo por las autoridades fiscales, instituciones de crédito, la Comisión de Avalúos de Bienes Nacionales o por corredor público.

Por otro lado el artículo 486 del Código de Procedimientos Civiles establece que en el juicio hipotecario cuanto de remate se trate, cada parte tendrá derecho de exhibir, dentro de los diez días siguientes a que sea ejecutable la sentencia, avalúo de la finca hipotecada, practicado por un corredor público, una institución de crédito o por perito valuador autorizado por el Consejo de la Judicatura, los cuales en ningún caso podrán tener el carácter de parte o de interesada en el juicio. El artículo 569 del Código de Procedimientos Civiles, contenido en la Sección Tercera, de los remates, señala que el avalúo se practicará de acuerdo con las reglas establecidas para la prueba pericial.

Por último, tratándose de valuación de predios en las distintas Entidades Federativas, debe observarse lo señalado por los instructivos correspondientes, mismos que son publicados por las respectivas tesorerías de sus secretarías de finanzas, o bien, por las oficinas catastrales facultadas para ello, donde se establecen los requisitos mínimos que debe contener un avalúo, tanto en materia de terreno como en materia de construcciones edificadas sobre ellos.

# 3.1.1 RESPECTO DE LOS BIENES MUEBLES E INMUEBLES

El Código Civil para el Distrito Federal en materia común, y para toda la República en materia federal, establece la clasificación legal de los bienes en los artículos 750 al 763 de su Título Segundo del Libro Segundo. Dentro de dicha clasificación se establece la descripción de aquellos bienes que son considerados inmuebles y de aquellos que son muebles.

Según el Código Civil, son bienes inmuebles:

- 1. El suelo y las construcciones adheridas a él;
- 2. Las plantas y árboles, mientras estuvieren unidos a la tierra, y los frutos pendientes de los mismos árboles y plantas, mientras no sean separados de ellos por cosechas o cortes regulares;
- Todo lo que esté unido a un inmueble de manera fija, de modo que no pueda separarse sin deterioro del mismo inmueble o del objeto a él adherido:
- 4. Las estatuas, relieves, pinturas u otros objetos de ornamentación, colocados en edificios o heredades por el dueño del inmueble, en tal

forma que revele el propósito de unirlos de un modo permanente al .fundo:

- 5. Los palomares, colmenas, estanques de peces o criaderos análogos, cuando el propietario los conserve con el propósito de mantenerlos unidos a la finca y formando parte de ella de un modo permanente;
- Las máquinas, vasos, instrumentos o utensilios destinados por el propietario de la finca, directa o exclusivamente, a la industria o explotación de la misma;
- Los abonos destinados al cultivo de una heredad, que estén en las tierras donde hayan de utilizarse, y las semillas necesarias para el cultivo de la finca;
- Los aparatos eléctricos y accesorios adheridos al suelo o a los edificios por el dueño de éstos, salvo convenio en contrario;
- Los manantiales, estanques, aljibes y corrientes de agua, así como los acueductos y las cañerías de cualquiera especie que sirvan para conducir los líquidos o gases a una finca o para extraerlos de ella;
- 10. Los animales que formen el pie de cría en los predios rústicos destinados total o parcialmente al ramo de ganadería, así como las bestias de trabajo indispensables para el cultivo de la finca, mientras están destinadas a ese objeto;
- 11. Los diques y construcciones que, aún cuando sean flotantes, estén destinados por su objeto y condiciones a permanecer en un punto fijo de un río, lago o costa;
- 12. Los derechos reales sobre inmuebles:
- 13. Las líneas telefónicas y telegráficas, y también las estaciones radiotelegráficas fijas.

Los bienes muebles, por su lado, son los cuerpos que pueden trasladarse de un lugar a otro, ya sea que se muevan por sí mismos o por efecto de una fuerza exterior. Estos bienes son muebles como tales por:

- a) su naturaleza; o
- b) por disposición de la ley.

Son bienes muebles por determinación de la ley, las obligaciones y los derechos o acciones que tienen por objeto cosas muebles o cantidades exigibles en virtud de acción personal. Ende, serán muebles las acciones que cada socio tiene en las asociaciones o sociedades, aún cuando a éstas pertenezcan algunos bienes inmuebles.

En general, son bienes muebles por su naturaleza todos los demás no considerados por la ley como inmuebles, como son por ejemplo, las embarcaciones de todo género, los materiales procedentes de la demolición de un edificio y los que se hubieren acopiado para repararlo o para construir uno nuevo, los derechos de autor, las colecciones científicas y artísticas, el acervo informativo y bibliográfico junto con sus estantes, las medallas, las armas, los instrumentos de artes y oficios, las joyas, los granos, mercancías y demás cosas similares.

Cabe aclarar que los bienes muebles por su naturaleza, que se hayan considerado como inmuebles, recobrarán su calidad de muebles cuando el mismo dueño los separe del inmueble, salvo el caso de que en el valor de éste se haya computado el de aquellos, para constituir algún derecho real a favor de un tercero.

Así mismo, la ley establece que para efectos comerciales y/o legales, los bienes muebles e inmuebles podrán ser sujetos de la práctica de una valuación. Una valuación es un dictamen que se practica con base en criterios técnicos y requerimientos generales que determinan el valor de un bien, el cual será estimado bajo el supuesto de que el mismo se encuentra en caso de venta, coincidentemente con el principio contable de "negocio en marcha".

# 3.1.2 RESPECTO DE LA PROPIEDAD INTELECTUAL

La investigación científica que se realiza da lugar, por lo general, a propuestas de nuevos procesos de fabricación de productos y/o servicios, así como las mejoras técnicas y la difusión de conocimientos tecnológicos, conocidos como "propiedad intelectual e industrial".

Los bienes que se integran en este campo son los derechos de autor, de obras, publicaciones periódicas y revistas; los diseños industriales, en modelos, dibujos y modelos de utilidad; las marcas, de avisos comerciales, colectivas, innominadas, mixtas y nombres comerciales; así como patentes registradas y, de manera general, todos los aspectos relativos a la propiedad industrial y de derechos de autor.

Estos bienes están sujetos a la aplicación administrativa emanada del Poder Ejecutivo Federal, por conducto de la Secretaría de Comercio y Fomento Industrial en el caso de la propiedad industrial, mediante la Ley de Fomento y Protección a la Propiedad Industrial; y por conducto de la Secretaría de Educación Pública en el caso de la Propiedad Intelectual, mediante la Ley Federal del Derecho de Autor y la Legislación sobre Derechos de Autor, misma que integra al efecto Decretos, Acuerdos y Circulares que versan en la materia.

El organismo descentralizado, con personalidad jurídica propia, encargado de la consulta y apoyo técnico en materia de Propiedad Industrial, así como de realizar estudios sobre la situación de la propiedad industrial en el ámbito internacional, y de efectuar investigaciones sobre el estado de la técnica, es el Instituto Mexicano de la Propiedad Industrial; mientras que el encargado en materia de la Propiedad Intelectual es el Instituto Nacional del Derecho de Autor.

### 3.1.2.1 DERECHOS DE AUTOR

El Derecho de Autor es la protección y salvaguarda que otorga la Ley al creador de una Obra Literaria, Científica o Artística, reconociéndole su calidad de "autor".

#### 3.1.2.2 DISEÑOS INDUSTRIALES

Los Diseños Industriales comprenden:

- 1. Los Dibujos Industriales. Son toda combinación de figuras, líneas o colores que se incorporan a un producto industrial con fines de ornamentación, y que le dan un aspecto peculiar y propio, y
- Los Modelos Industriales. Están constituidos por toda forma tridimensional que sirva de tipo o patrón para la fabricación de un producto industrial, y le de apariencia especial en todo lo que no implique efectos técnicos.
- Los Modelos de Utilidad. Son objetos, utensilios, aparatos o herramientas que, como resultado de una modificación en su disposición, configuración, estructura o forma, presentan una función diferente respecto de las partes que lo integran, o ventajas en cuanto a su utilidad.

#### 3.1.2.3 MARCAS

Se entiende por Marca, todo signo visible que distinga productos o servicios de otros de su misma especie o clase en el mercado.

Las Marcas Colectivas son aquellas empleadas para distinguir en el mercado, los productos o servicios de los miembros de asociaciones de productores, fabricantes, comerciantes o prestadores de servicios, legalmente constituidas, respectos de los productos o servicios de quienes forman parte de dichas asociaciones.

Los Avisos Comerciales son las frases u oraciones que tengan por objeto anunciar al público establecimientos o negociaciones comerciales, industriales o de servicios, productos o servicios, para distinguirlos fácilmente de los de su especie.

Un Nombre Comercial es la nominación que, como razón social, se le aplica a una empresa o establecimiento industrial, comercial o de servicios.

Pueden constituir una marca los siguientes signos:

- 1. Las denominaciones y figuras visibles, suficientemente distintivas, susceptibles de identificar los productos o servicios a que se apliquen o traten de aplicarse, frente a los de su misma especie o clase;
- 2. Las formas tridimensionales:
- 3. El nombre propio de una persona física, siempre que no exista un homónimo ya registrado como marca;
- 4. Los nombres comerciales y denominaciones o razones sociales siempre que no queden comprendidos en el párrafo siguiente.

No se registran como marca:

- a) Las denominaciones, figuras o formas tridimensionales animadas o cambiantes, que se expresan de manera dinámica, aún cuando sean visibles;
- b) Los nombres técnicos de uso común de los productos o servicios que pretenda ampararse con la marca, así como aquellas palabras que, en el lenguaje corriente o en las prácticas comerciales, se hayan convertido en la designación usual o genérica de los mismos;
- c) Las formas tridimensionales que sean del dominio público o que se hayan hecho de uso común y aquellas que carezcan de originalidad que las distinga fácilmente, así como la forma usual y corriente de los productos o la impuesta por su naturaleza o función industrial;
- d) Las denominaciones, figuras o formas tridimensionales que, considerando el conjunto de sus características, sean descriptivas de los productos o servicios que traten de protegerse como marca. Quedan incluidas en el supuesto anterior las palabras descriptivas o indicativas de la especie, calidad, cantidad; destino, valor, lugar de origen de los productos o la época de producción;
- e) Las letras, los números o los colores aislados, a menos que estén combinados o acompañados de elementos tales como signos, diseños o denominaciones, que les den un carácter distintivo.
- f) La traducción a otros idiomas, la variación ortográfica caprichosa o la construcción artificial de palabras no registrables;

- g) Las que reproduzcan o imiten, sin autorización, escudos, banderas o emblemas de cualquier organización reconocida oficialmente, así como la designación verbal de los mismos;
- h) Las que reproduzcan o imiten signos o sellos oficiales de control o garantía adoptados por un estado, sin consentimiento de la autoridad competente, o monedas, billetes de banco, monedas conmemorativas o cualquier medio oficial de pago nacional o extranjero;
- i) Las que reproduzcan o imiten los nombres o la representación gráfica de condecoraciones, medallas u otros premios obtenidos en exposiciones, ferias, congresos, eventos culturales o deportivos, reconocidos oficialmente;
- j) Las denominaciones geográficas, propias o comunes, y los mapas, así como los gentilicios, nombres y adjetivos, cuando indiquen la precedencia de los productos o servicios y puedan originar confusión o error en cuanto su procedencia;
- k) Las denominaciones de poblaciones o lugares que se caractericen por la fabricación de ciertos productos, para amparar éstos, excepto los nombres de lugares de propiedad particular, cuando sean especiales e inconfundibles y se tenga el consentimiento del propietario;
- Los nombres, seudónimos, firmas y retratos de personas, sin consentimiento de los interesados o, si han fallecido, de su cónyuge, parientes consanguíneos en grado más próximo o parientes por adopción;
- m) Los títulos de obras literarias, artísticas o científicas y los personajes ficticios o simbólicos, salvo con el consentimiento de su autor, cuando, conforme a la ley de la materia, éste mantenga vigentes sus derechos; así como los personajes humanos de caracterización, si no se cuenta con su conformidad;
- n) Las denominaciones, figuras o formas tridimensionales, susceptibles de engañar al público o inducir a error, entendiéndose por tales las que constituyan falsas indicaciones sobre la naturaleza, componentes o cualidades de los productos o servicios que pretenda amparar;
- Las denominaciones, figuras o formas tridimensionales, idénticas o semejantes a una marca que la Secretaría de Comercio y Fomento Industrial estime notoriamente conocida en México, para ser aplicadas a cualquier producto o servicio;
- p) Una marca que sea idéntica o semejante en grado de confusión a otra ya registrada o vigente, aplicada a los mismos o similares producidos o servicios. Sin embargo, si podrá registrarse una marca que sea idéntica a otra ya registrada, si la solicitud es planteada por el mismo titular, para aplicarla a productos o servicios similares;

q) Una marca que sea idéntica o semejante en grado de confusión, a un nombre comercial aplicado a una empresa o un establecimiento industrial, comercial o de servicios, cuyo giro preponderante sea la elaboración o venta de los productos o la prestación de los servicios que se pretendan amparar con la marca, y siempre que el nombre comercial haya sido usado con anterioridad a la fecha de presentación de la solicitud de registro de la marca o la de uso declarado de la misma. Lo anterior no será aplicable, cuando la solicitud de marca la presente el usuario del nombre comercial, si no existe otro nombre comercial idéntico que haya sido publicado.

La legislación existente en México señala que los modelos de utilidad y diseños industriales son sometidos a registro; mientras que los nombres comerciales estarán protegidos por la ley, sin necesidad del mismo.

#### 3.1.2.4 PATENTES.

La ley señala que las Invenciones (Nuevas) son sometidas a patente; los procesos o productos de aplicación industrial quedan comprendidos dentro del rango de las mismas. Se entiende como Actividad Inventiva, al proceso creativo cuyos resultados no se deduzcan del estado de la técnica en forma evidente para un técnico en la materia.

Las Invenciones Nuevas son aquellas no encontradas en el estado de la técnica, creación humana que permite transformar la materia o la energía que existe en la naturaleza, para su aprovechamiento.

No se considerarán Invenciones:

- 1. Los principios teóricos o científicos;
- 2. Los descubrimientos que revelen algo que ya existía en la naturaleza, aún cuando anteriormente fuese desconocido para el hombre;
- Los esquemas, planes, reglas y métodos para realizar actos mentales, juegos o negocios;
- 4. Los programas de computación;
- Las formas de presentación de información;
- 6. Las creaciones estéticas y las obras artísticas o literarias;
- 7. Los métodos de tratamiento quirúrgico, terapéutico o de diagnóstico aplicables al cuerpo humano o los relativos a animales;

8. La yuxtaposición de invenciones conocidas o mezclas de productos conocidos, su variación de forma, de dimensiones o de materiales, salvo que en realidad se trate de su combinación o fusión de tal manera que no puedan funcionar separadamente o que las cualidades o funciones características de las mismas sean modificadas para obtener un resultado industrial no obvio para un técnico en la materia.

Son patentables las invenciones que se refieren a materia viva, tales como:

- 1. Las variedades vegetales;
- 2. Las invenciones relacionadas con microorganismos, las que se realicen usándolos, las que se apliquen a ellos o las que resulten en los mismos. Quedan incluidos en esta disposición todos los tipos de microorganismos, tales como las bacterias, los hongos, las algas, los virus, los microplasmas, los protovirus, los microplasmas, los protozoarios y, en general, las células que no se reproduzcan sexualmente, y
- Los procesos biotecnológicos de obtención de farmoquímicos, medicamentos en general, bebidas y alimentos para consumo animal y humano, fertilizantes,
   plaguicidas, herbicidas, fungicidas o productos con actividad biológica.

## No son patentables:

- 1. Los procesos esencialmente biológicos para la obtención o reproducción de plantas, animales o sus variedades, incluyendo los procesos genéticos o relativos a material capaz de conducir su propia duplicación, por sí mismo o por cualquier otra manera indirecta, cuando consistan simplemente en seleccionar o aislar material biológico disponible y dejarlo que actúe en condiciones naturales:
- 2. Las especies vegetales y las especies y razas animales;
- 3. El material biológico tal como se encuentra en la naturaleza;
- 4. El material genético, y
- 5. Las invenciones referentes a la materia viva que compone el cuerpo humano.

# 3.1.3 EL DICTAMEN VALUATORIO COMO ELEMENTO PROBATORIO JUDICIAL

En materia judicial, cuando el simple ejercicio de los sentidos no basta para la apreciación de un hecho pleno o de sus circunstancias, es indispensable el

dictamen pericial, para lo cual un perito aplica sus conocimientos y experiencia; en ese sentido, vale la pena aclarar que el perito, el testigo y el intérprete desempeñan funciones distintas e inconfundibles: el interprete se limita a reproducir lo que oye o lo que ve y será seguro que siempre, dos o más, llegarán a la misma conclusión; el testigo, al declarar acude a sus recuerdos refiriendo sencillamente el acto que presenció; y el perito da su opinión personal que puede variar con el individuo que desempeña el cargo. Esta diferencia explica porqué de ordinario, en un proceso judicial, se designará un sólo interprete, mientras que los peritos por lo general deben ser dos o más.

El dictamen pericial referido se constituirá como prueba en un proceso jurídico, entendiendo como prueba todo aquel procedimiento empleado para demostración legal de la verdad de un hecho, en otras palabras, es la averiguación que se hace en un juicio sobre una cosa que es dudosa, constituyéndose en el medio con que se demuestra y hace patente la verdad o la falsedad de la misma.

De lo anteriormente dicho, se desprende la importancia de un perito como auxiliar sustantivo en la administración de la justicia. Debe reconocerse el carácter de un perito como órgano de prueba, ya que sólo con su intervención es posible, en muchos casos, precisar circunstancias técnicas que de otra manera sería imposible conocer; y en esas condiciones, debe considerarse al resultado de la pericia como un medio de prueba verdadero y especial.

El perito es quien integra el conocimiento del juzgador en la constatación objetiva de los hechos y en la determinación de las causas y efectos cuando se requiere la posesión y aportación de conocimientos técnicos o especiales sobre una ciencia, arte o disciplina diversa del derecho en un caso concreto llevado a la decisión jurisdiccional.

El artículo 1252 del Código de Comercio y el artículo 346 del Código de Procedimientos Civiles señalan que los peritos deben tener título en la ciencia, arte, técnica, oficio o industria a que pertenezca la cuestión sobre la que ha de oírse su parecer, si la ciencia, arte, técnica, oficio o industria requieren título para su ejercicio. Si no lo requieran, o requiriéndolo, no hubiere peritos en el lugar, podrán ser nombradas cualesquiera personas entendidas a satisfacción del C. Juez, aún cuando no tengan título. La prueba pericial sólo será admisible cuando se requieran conocimientos especiales de la ciencia, arte, técnica, oficio o industria de que se trate, más no en lo relativo a conocimientos generales que la ley presupone como necesarios en los jueces, por lo que se desecharan de oficio aquellas periciales que se ofrezcan por la partes para ese tipo de conocimientos, o que se encuentren acreditadas en autos con otras pruebas, o tan solo se refieran a simples operaciones aritméticas o similares.

De lo anterior, es posible establecer las siguientes premisas:

- 1. En su perfil, el perito es por definición general un técnico que posee conocimientos especiales atraídos por la experiencia en el ejercicio de su profesión dentro de un campo específico de la ciencia o el arte.
- 2. A su vez, por la función que desempeña dentro del proceso, el perito es por decisión jurisdiccional o por designación de las partes contendientes, y comparece dentro del proceso judicial para que, mediante la aplicación de sus conocimientos técnico-cientificos, contribuya a la verificación de un hecho o circunstancia controvertido.
- 3. El perito adquiere así, dentro del proceso, la personalidad jurídica del tercero ajeno a la contienda, pero cuya participación se contempla, por la norma procesal, en calidad de auxiliar en el proceso por el hecho de aceptar la encomienda y protestar cumplir con ella.

Con la primera premisa se cubre el requisito de competencia, cualidad esencial del perito y punto medular del supuesto legal, pues representa la llave que le da acceso dentro del procedimiento. Esto implica, que el perito deberá poseer conocimientos de tal naturaleza, en el campo en que recaiga el punto controvertido, dado que deberá ser competente para resolverlo, de forma que podrá establecer en aptitud de cumplir con el objeto enmarcado en la segunda premisa, cuya función engloba precisamente la función que justifica su presencia dentro del proceso y por lo cual adquiere personalidad jurídica para intervenir dentro del mismo.

El concepto jurídico-doctrinal de perito, según las anteriores reflexiones, es la de un experto, especialista en materias diversas al derecho, por cuya aptitud es lamado a emitir opiniones fundadas respecto a cuestiones antigentes a un punto controvertido, en virtud de lo cual adquiere calidad de tercero auxiliar en el proceso, adquiriendo así dicha personalidad jurídica y, por lo cual, la norma procesal prevé su comparecencia en un proceso judicial.

Habiendo definido los conceptos jurídicos de prueba y perito, habrá que definir también el concepto de procedimiento pericial. El procedimiento pericial es una serie de actos metódicamente conducidos por la razón, realizados por un experto con apoyo en sus conocimientos especiales, teórico-científicos y sus experiencias, encaminados a la investigación y comprobación de un hecho materia de controversia en auxilio de la administración de justicia.

El proceso pericial, ya visto en la practica, es la investigación que conduce al cumplimiento del cargo pericial; consiste en la indagatoria que inicia con el planteamiento de una cuestión y concluye con el esclarecimiento de la misma.

El dictamen pericial es un medio de prueba del cual se vale el juzgador para completar las bases de su veredicto; obvio es decir que dicho medio deberá ser veraz y por lo tanto confiable. En tal virtud, el procedimiento pericial deberá sujetarse a tres lineamientos generales:

- Deberá ser objetivo y racional, técnico metódico y realista.
- Aplicará bases técnicas en su totalidad.
- Contará con fundamentos científicos.

Cuando el procedimiento se ha desarrollado con estricto apego a los anteriores lineamientos, esto se reflejará en el resultado de la prueba por tres elementos característicos:

- Será específica.
- Será reproducible.
- Será confiable.

Una prueba efectuada por el perito en tales condiciones, será una prueba que contribuya a darle certidumbre a la tarea judicial, siendo ésta la consigna que jamás deberá perder de vista el perito en el cumplimiento de su encomienda.

Para que el dictamen tenga eficacia probatoria no basta que exista jurídicamente y que adolezca de nulidad, sino que es necesario, además, que reúna requisitos de fondo o contenido, tales como son los siguientes:

- a) Que sea un medio conducente respecto al hecho por probar.
- b) Que el hecho objeto del dictamen sea pertinente.
- c) Que el perito sea experto y competente para el desempeño de su encargo.
- d) Que no exista motivo serio para dudar de su desinterés, imparcialidad y sinceridad.
- e) Que no se haya probado una objeción formulada en tiempo al dictamen.
- f) Que el dictamen esté debidamente fundamentado.
- g) Que las conclusiones del dictamen sean claras, firmes y consecuencia lógica de sus fundamentos.
- h) Que las conclusiones sean convincentes y no aparezcan improbables, absurdas o imposibles.
- i) Que no existan otras pruebas que desvirtúen el dictamen o lo hagan dudoso o incierto.
- j) Que no haya rectificación o retractación del perito.
- k) Que el dictamen sea rendido en oportunidad.

- I) Que no se haya violado el derecho de defensa, de la parte perjudicada con el dictamen, o su debida contradicción.
- m) Que los peritos no excedan los limites de su encargo.
- n) Que se haya declarado judicialmente la falsedad del dictamen.
- o) Que el hecho no sea jurídicamente imposible, por existir presunción "iuris et de iuri" o cosa juzgada en contrario.
- p) Que los peritos no hayan violado la reserva legal o el secreto profesional que ampare a los documentos que sirvieron de base a su dictamen.

Con base en el tema que ocupa al presente documento, y considerando que en diversas y repetidas ocasiones la cuestión jurídica versa sobre la cuantía monetaria que refleja el "justo" valor de un bien específico, ya que un individuo no puede calcularlo basándose en su propia escala de valores, sino que un valor se debe determinar o, en su caso pronosticar, mediante la indagación y análisis de los elementos que interactúan en el mercado correspondiente, resulta ser la valuación o tasación una de las técnicas altamente recurridas en un proceso judicial.

El método aplicado se sitúa en la práctica pericial como la piedra angular que le da cimiento a una buena investigación, puesto que esto permite desarrollar un proceso entendible y con grandes posibilidades de éxito. Al realizar con orden su labor se le facilita al perito elaborar el dictamen y posibilita una adecuada valoración, aspectos que evitan caer en entre dicho y ser sometido a molestos interrogatorios por alguna de las partes en la audiencia de prueba prevista por la ley. No obstante que el dictamen se funde en la verdad, su falta de claridad o de orden lo hace parecer sospechoso e inconsistente, generándose así una circunstancia que podría ser aprovechada por el litigante oportunista y tendencioso para que la prueba sea desechada.

Por tal motivo, una investigación pericial no es ninguna tarea trivial, sino que es un proceso que involucra método, ciencia, técnica, perito, experiencia, intereses de las partes, etcétera; el cual se centra en el perito y le reclama concentrar su experiencia y madurez profesional a efecto de que su intervención satisfaga la ilustración requerida por el juzgador, lo que explica y destaca en forma relevante la necesidad de ceñirse estrictamente a los cánones de la metodología que rige la especialidad.

Sería incorrecto que un perito valuador adoptase aires de suficiencia pensando que la voz del experto es "ley divina", al proceso judicial lo rigen leyes que ubican por igual a quienes comparecen al drama procesal, cualquiera que sea su pæpel dentro del mismo, incluso del juez, representante del estado y máxima autoridad en el proceso, es sometida su conducta judicial a la norma, por lo cual no hay

mayor canogía para el especialista que las que garantizan las verdades técnicas fundadas en su razón científica. La verdad técnica del perito, cuando es fundada, será verdad legal que someta a las partes cuando el juez la traduce en declaración jurídica.

Es penoso constatar que en muchos casos el perito valuador se circunscribe a ser un técnico de mediana expresión profesional, en quien asoman los vestigios de una vaga preparación especialista y, aún más, pobre experiencia; que en la creencia de conocimientos suficientes le induce a refugiarse en una practica profesional con marcada deficiencia práctica. Se presentan casos, en que los peritos valuadores determinan en una sola hoja cuál es el costo de un bien o servicio sin señalar el método utilizado, los antecedentes, las operaciones matemáticas que le sirvieron de base para llegar al resultado que presenta, etc., conformándose con manifestar que realizaron un estudio comparativo de mercado, pero no establecen ni señalan de dónde lo obtuvieron y, en muchos casos, aplican índices inapropiados.

Desafortunadamente existen otros casos en los que algunos profesionistas creen que los procesos de formación académica son etapas incomodas que necesariamente se deben soportar a condición de obtener una licencia para ejercer y poder lucrar, posteriormente, al estar el profesional ante la circunstancia de emitir un dictamen pericial, relucen sus verdaderas deficiencias.

Cuando un valuador se preocupa por su constante actualización (educación continua profesional) refleja una actitud positiva, ya que verá con agrado la oportunidad de participar intercambiando su experiencia y asimilando las ajenas, al hacerlo implica la necesidad de poner a prueba su templanza, si la tiene, o en su caso desarrollarla, puesto que la carencia de ella obliga a ser más exigente consigo mismo y, por ende, a rigorizar la practica profesional en general, lo cual induce la creación y práctica de un "código de ética" suficiente para normar el comportamiento profesional y jurídico del valuador.

### 3.1.3.1 Procedimiento De Desahogo del Dictamen Valuatorio

Conforme lo indicado en el Decreto publicado en el Diario Oficial de fecha 24 de mayo de 1996, por el que se crearon, modificaron y derogaron diversas disposiciones del Código de Procedimientos Civiles y el Código de Comercio, los artículos 346 al 353 de la Ley Procesal Civil y los artículos 1252 al 1258 del Código de Comercio en vigor regulan a la prueba pericial de la siguiente manera:

1. La prueba pericial sólo será admisible cuando se requieran conocimientos especiales de la ciencia, arte, técnica, oficio, o industria de que se trate. Los peritos deben tener título en la ciencia, arte, técnica, oficio o industria a que pertenezca la cuestión sobre la que ha de oírse el parecer, si requiere título para su ejercicio. El titulo de habilitación de corredor público acredita para todos los efectos la calidad de perito valuador.

- 2. No será admitida por el juzgador ninguna pericial que verse sobre conocimiento generales que la ley presupone como necesarios para los jueces, por lo que se desecharán de oficio aquellas periciales que se ofrezcan por las partes para ese tipo de conocimiento o que se demuestren acreditados en autos con otras pruebas, o tan solo se refieran a simple operaciones aritméticas o similares.
- 3. El ofrecimiento de la prueba pericial está sujeta a las siguientes reglas:
  - a) Debe proponerse dentro del plazo de ofrecimiento de pruebas;
  - b) Debe señalarse con toda precisión la ciencia, arte, técnica, oficio o industria sobre la cual deba practicarse la prueba; los puntos sobre los que versará y las cuestiones que se deben resolver en la pericial;
  - c) Debe señalarse el nombre y apellidos del perito, así como su domicilio, número de cédula profesional (antes no era necesario) y su calidad técnica, artística, o industrial:
  - d) Debe relacionarse la prueba con los hechos controvertidos.
  - e) La ausencia de cualquiera de las anteriores cuatro reglas originará que de oficio, el juez deseche la prueba.
- 4. Tratándose de juicios "ordinarios" (civiles y mercantiles), los oferentes de la prueba quedan obligados a que, una vez admitida la prueba, sus peritos, presenten escrito en el que acepten el cargo conferido y protesten su fiel y legal desempeño dentro del plazo de tres días. El perito al presentar el escrito referido, debe de anexar copia de su cédula profesional o documentos que acrediten su calidad de perito, en el arte, técnica o industria para el que se le designa, debiendo manifestar bajo protesta de decir verdad, que cuenta con la capacidad suficiente para emitir el dictamen sobre los puntos litigiosos. Los peritos en el juicio ordinario deberán emitir su dictamen dentro de los diez días siguientes a la fecha en que hayan presentado los escritos de aceptación y protesta del cargo de peritos.
- 5. Las partes en los juicios sumario, especial o de cualquier naturaleza distinta al juicio "ordinario", quedan obligadas a presentar a su perito al local del juzgado dentro de los tres días siguientes al proveído en que se les tenga por designados para aceptar y protestar su cargo. El perito que cumpla con lo anterior, deberá rendir su dictamen dentro de los cinco días siguientes a la fecha en que se haya aceptado y protestado el cargo.
- 6. Para el caso de que uno de los peritos no presente su dictamen dentro del plazo concedido para ello, la ley presume que acepta el dictamen presentado por el perito de la contraria, perfeccionándose con ello la prueba (dejando atrás el criterio de la Corte en el sentido de que la prueba pericial es colegiada y necesariamente habrán de aparecer en el expediente dos dictamen es en relación con la litis). Si fueron los dos peritos los que omitieron rendir el dictamen el juez designará a un solo perito en rebeldía

- de ambas partes, quien al rendir su dictamen dentro del plazo señalado quedará perfeccionada la prueba.
- 7. A falta de aceptación y protesta del cargo de perito (sea por escrito o por comparecencia) el juez designará perito en rebeldía a cada parte, pudiendo designar perito único en caso que la omisión de ambos peritos.
- 8. Antes de admitirse la prueba pericial el juez dará vista a la contraria con un doble aspecto.
  - a) Para que manifieste sobre la pertinencia de la prueba, lo que es una buena medida, ya que en ciertas ocasiones la prueba pericial se ofrece con el único ánimo de retardar el buen curso del procedimiento.
  - b) Si la contraria está de acuerdo con la prueba o la considera pertinente entonces podrá proponer la ampliación de otros puntos y cuestiones además de los formulados por el oferente, con el fin de que ambos cuestionarios sean resueltos.
- 9. En el caso que los dictámenes presentados resultan "substancialmente contradictorios" de tal manera que a juicio del juez no sea posible encontrar conclusiones afines, podrá, si lo considera necesario designar un perito tercero en discordia. El perito tercero en discordia deberá rendir su dictamen en la audiencia de prueba, ya que en caso que no lo haga, dará origen a que se le sancione con una multa igual a los honorarios que percibiría por su dictamen (en favor de las partes) y con aviso al Pleno del Tribunal Superior de Justicia del Distrito Federal o a la asociación, colegio o institución que lo hubiere propuesto, siendo removido de su cargo y designándose uno nuevo que se sujetará a las reglas anteriores.
- 10. Los dictamen es de los peritos únicamente en cuanto al valor de cualquier clase de bienes y derechos se realizarán por avalúos que practique dos corredores públicos o instituciones de crédito, nombrados por cada uno de las partes; y en caso de diferencia en los montos que arrojen los avalúos, no mayor del treinta por ciento en relación con el monto mayor, se mediaran estas diferencias. En caso que la diferencia sea mayor, se designará un perito tercero en discordia. Si alguno de los peritos de las partes omitiere rendir su dictamen en materia de avalúo, el valor de los bienes y derechos será el de avalúo que se presente por la parte que lo exhiba, perdiendo la contraria su derecho a impugnarlo.
- 11. Respecto de los honorarios de los peritos, cada parte tiene a su cargo el pago del perito de su parte. En el caso de que sea perito designado por el juez en rebeldía de las partes o del tercero en discordia, los honorarios de éstos correrán en un cincuenta por ciento a cargo de cada parte. Si alguna de las partes no paga la parte que le corresponda de los honorarios del perito de acuerdo a lo señalado en el párrafo que antecede será compelido

para su pago aún por la vía de apremio, pudiendo embargarse sus bienes para garantizar su pago, además la parte que no pague perderá su derecho a impugnar el dictamen del perito de que se trate.

12. Las partes tendrán derecho a interrogar al o a los peritos que hayan rendido su dictamen salvo en los casos de avalúos a que se refiere el artículo 1257 del Código de Comercio.

De acuerdo con el artículo 101 de la Ley Orgánica del Tribunal Superior de Justicia del Distrito Federal, el peritaje de los asuntos judiciales que se presenten ante las autoridades comunes del Distrito Federal es una función pública y, en esa virtud, los profesionales, los técnicos o prácticos en cualquier materia científica, arte u oficio que presten sus servicios a la administración pública, están obligados a cooperar con dichas autoridades, dictaminando en los asuntos relacionados con su encomienda, conceptuándose como auxiliares de la administración de justicia, de este modo, se sitúa el desahogo de la prueba de valuación respecto de bienes y servicios al procedimiento especial contenido en los artículos indicados.

# 3.2 NORMAS ÉTICAS

En los Estados Unidos Mexicanos, reconociendo la necesidad de promover y fomentar el ejercicio profesional de excelencia, la Asociación Nacional de Institutos Mexicanos de Valuación, A.C., durante su XXXI Convención Nacional de Valuación realizada en Querétaro, Qro. el 26 de octubre de 1995, ha promulgado un conjunto de reglas con las que pretende establecer un "Código de Ética y de Principios Generales para el Ejercicio de la Valuación" para los profesionales de la valuación agremiados en los Institutos que la integran.

La Asociación Nacional del Institutos Mexicanos de Valuación, A.C., es una sociedad mexicana fundada en el año de 1969, misma que agrupa a los organismos de profesionales valuadores denominados "Institutos Mexicanos de Valuación", los cuales están constituidos, a su vez, por personas físicas profesionales asociadas que han demostrado, a satisfacción del Instituto respectivo, que son competentes para valuar bajo alguna especialidad o especialidades específicas y, por lo tanto, han merecido que se les otorgue el derecho de señalar su designación como "Miembros I.M.V.".

El propósito de establecer el código referido ha sido instruir a los usuarios de los servicios de valuadores profesionales en relación con lo que, en opinión de la Asociación Nacional de Institutos Mexicanos de Valuación, A.C., constituye el ejercicio competente y ético de la valuación, orientar a los asociados de los Institutos Mexicanos de Valuación para que sean mas competentes en su ejercicio profesional y proveer de medios que complementen los usados para examinar a candidatos que deseen ingresar a los Institutos, con el propósito de juzgar su

destreza, competencia y su entendimiento de los principios de ética. Los postulados que se resuelven son expuestos sucesivamente en este apartado.

# 3.2.1 DEBERES Y OBLIGACIONES PRIMORDIALES DEL VALUADOR

Es obligación del valuador determinar, describir y definir la expresión de valor adecuada, toda vez que existen diferentes metodologías aplicables, cada una de las cuales tiene validez en la conclusión final dependiendo del trabajo de valuación solicitado, es obligación del valuador establecer cuál de éstas es la adecuada al caso particular. El procedimiento y método para determinar el valor requerido, es una elección que el valuador mismo debe realizar, no se le podría hacer responsable del resultado a menos que tenga la libertad de seleccionar el proceso a través del cual se obtendrá ese resultado; no obstante, la práctica correcta de la valuación requiere que el método seleccionado sea adecuado para el propósito, que incluya la consideración de todos los factores que influyen en el valor y que sea presentado en forma clara y lógica.

Al cumplir con esta obligación, el valuador puede considerar las instrucciones de su cliente o puede buscar asesoría legal ó profesional, pero la selección de la expresión correcta de valor es responsabilidad única del valuador. Es también su obligación explicar y describir claramente el significado de la expresión de valor específico que él ha determinado con el propósito de obviar un mal entendido y así evitar la aplicación equívoca, incorrecta o mala, ya sea en forma deliberada ó no deliberada.

De lo anterior, se desprende la obligación de determinar los resultados numéricos adecuados y aplicables con el grado de exactitud que exige el propósito mismo de la valuación, evitando expresar e informar un resultado numérico falso.

Para poder cumplir con sus obligaciones, el valuador debe ser competente en su campo de ejercicio; tal competencia se logrará mediante el estudio, la práctica y la experiencia. También debe reconocer, comprender y guiar su conducta por los principios de ética que son parte esencial del auténtico ejercicio y práctica profesional.

Una profesión está basada en un conjunto organizado de conocimientos específicos que no poseen los legos. El conocimiento es de carácter general y específico, por tanto, requiere un alto grado de capacitación, así como una inversión considerable de tiempo y esfuerzo para adquirirse y poderse aplicar. El cliente, debido a que no tiene el conocimiento especializado necesario, deposita toda su confianza en el valuador y confía que éste aplique sus conocimientos y habilidades profesionales hasta el punto que sea necesario para lograr los

objetivos del trabajo. Los valuadores deben reconocer esta responsabilidad hacia el cliente y para con la sociedad.

Frecuentemente, una valuación pasa de manos del cliente a terceras personas para su uso, mismas que pueden o no conocer al valuador, pero independientemente de ello, tienen derecho a confiar en la validez y objetividad de las conclusiones del valuador, como lo hace el cliente, por lo que, los valuadores deben reconocer también que tienen una responsabilidad ante estas personas que, además de su cliente, utilizan los resultados obtenidos en la valuación.

No obstante, el bienestar del público en general frecuentemente se involucra en la ejecución de asignaciones de valuación y, derivado de esto, el valuador tiene una obligación y responsabilidad hacia el público en general, que invalida y sobresee su obligación hacia su cliente, aunque la principal obligación del valuador hacia su cliente es entregar un trabajo completo, sin error y oportunamente, con resultados independientes de los deseos ó anhelos del cliente, de otras personas, organismos ó instituciones públicas ó privadas.

El hecho de que un valuador sea contratado para hacer una valuación constituye un asunto confidencial, ya que el cliente, sea un ciudadano particular ó una entidad determinada, preferirá, por razones válidas, mantener el encargo en secreto. El conocimiento por terceras personas de que un valuador ha sido contratado para llevar a cabo un trabajo especifico puede dificultar la operación y, consecuentemente, no es apropiado de parte del valuador revelar su asignación, a menos que el cliente lo apruebe ó que el valuador se vea obligado por diligencias previstas por la ley.

Igualmente, es incorrecto que un valuador revele a terceras personas la cantidad que ha determinado en un trabajo valuatorio sin el permiso de su cliente, a menos que esta obligación la imponga la ley, como ya se señaló.

En ausencia de acuerdo en contrario, el contenido de un informe de valuación es propiedad del cliente y éticamente no puede ser publicado, en ninguna forma identificable, sin su aprobación.

Es incorrecto que un valuador acepte un trabajo que involucre la valuación de un bien para cuya valuación no esta calificado; a menos que se asocie ó consulte con otro valuador que esté debidamente calificado para valuar tal tipo de bienes, debiendo informar esta situación al cliente con antelación. En otras palabra, es contrario a la ética que un valuador pretenda poseer o manifieste que posee conocimientos profesionales que no tenga.

Por otro lado, cuando un valuador es contratado por una de las partes en un litigio de orden judicial, se considera práctica contraria a la ética que el valuador, en su dictamen, suprima u oculte cualquier hecho, dato u opinión que sea adverso a la causa de su cliente; o que destaque o haga resaltar cualesquiera hechos, datos u opiniones que sean favorables a la posición de su cliente; o que en cualquier otra

forma asuma actitud parcial. En ese sentido, el valuador tiene la obligación de presentar los datos, el análisis y el valor sin importar el efecto que dicha presentación tenga sobre la causa de su cliente.

Si fuera el caso, que más de un cliente busquen los servicios de un mismo valuador con respecto a la misma propiedad ó con respecto a la misma causa legal, dicho valuador no puede servir apropiadamente a más de uno, excepto en el caso en que todas las partes estén enteradas y de acuerdo.

El que utiliza un informe de valuación, antes de depositar confianza en las conclusiones incluidas en él, tiene derecho a presumir que la persona que firma el informe es responsable de las mismas, sea porque ejecutó personalmente el trabajo ó porque dicho trabajo fue hecho bajo su supervisión, por ello, es importante señalar que la validez de las conclusiones del valuador sobre el valor de un bien dependen de la validez de las declaraciones y los datos en que el valuador se ha basado, hayan sido proporcionados por el cliente, miembros de otras profesiones u obtenidos por él de fuentes oficiales y, en ese sentido, es apropiado que el valuador confie y use ese material, siempre y cuando haga constar en su informe sus fuentes documentales y/o de campo que ha utilizado, las cuales, debe estar dispuesto y preparado para presentarlas ante la posibilidad de cualquier verificación que se requiera.

El correcto ejercicio profesional de la valuación exige que el valuador estipule en su informe cualesquiera condiciones contingentes ó limitantes que afecten la valuación, sin que ello implique descargar en otros la responsabilidad en relación a cuestiones que están o deberían estar dentro del ámbito de su competencia y conocimientos profesionales.

A pesar de lo anterior, en varias ocasiones el valuador se encuentra en situaciones en que los datos que considera pertinentes y necesarios para realizar una valuación no le son suministrados, o bien, el acceso al bien en cuestión le es negado, sea por el cliente mismo ó por cualquier otra de las partes involucradas, por ejemplo los libros de registro de la producción de un campo de petróleo o los libros de registro de ingresos y egresos de un hotel, en tal caso el valuador puede negarse a prestar sus servicios. Esto significa que, cuando considere insuficientes los datos para llevar a cabo su trabajo, no debe realizarlo.

En los casos en que dos ó mas valuadores son contratados para elaborar una valuación de manera conjunta, el solicitante puede suponer que si todos firman el informe, todos son, mancomunada, solidaria, colectiva e individualmente responsables de la validez de todas las conclusiones incluidas; si no todos lo firman, el solicitante tiene derecho a conocer cualesquiera opiniones disidentes

Cuando dos ó mas valuadores son contratados para valuar individualmente la misma propiedad, el cliente tiene el derecho a esperar recibir opiniones independientes y a usarlas como forma de cotejo entre los diversos informes, por lo que resultaría ser comportamiento contrario a la ética engañar respecto a quién

realizó una valuación añadiendo la firma de cualquier persona que, ni hizo el trabajo personalmente, ni tuvo a su cargo la supervisión del mismo. Si fuera el caso de tratar con informes colectivos, igualmente será contrario a la ética omitir cualesquiera firmas u opiniones disidentes, así como que alguno o algunos de ellos emitan informes separados

Si dos o mas valuadores han sido contratados por un mismo cliente para emitir dictámenes independientes del mismo bien, el que colaboren entre si o el que usen el producto y la información de las pesquisas o los resultados numéricos de él o los otros constituirá del mismo modo una práctica carente de ética.

No obstante, un despacho o una empresa de valuadores puede usar el nombre de la sociedad con la firma del responsable, pero la persona quierr hizo la valuación debe firmar y se debe incluir en el informe el nombre de la persona que llevó a cabo el trabajo.

Si un valuador emite una opinión de valor de un bien sin haber investigado y analizado todos los factores que influyen, tal opinión, excepto por coincidencia extraordinaria, será errónea. Emitir tales opiniones improvisadas tiende a disminuir la importançia de la inspección, investigación y análisis en el procedimiento valuatorio y reduce la confianza con que se reciben los resultados del buen ejercicio de la valuación, por eso es declarado que, emitir opiniones irreflexivas y sin fundamento, constituye un acto no profesional.

Si un valuador preparase un informe preliminar, sin señalarlo como tal y estipular que las cifras incluidas podrían estar sujetas a modificación cuando se complete el informe final, existe la posibilidad de que el usuario del informe, estando bajo la impresión de que el informe es final, dé a las cifras un grado de exactitud y confiabilidad que éstas no poseen. Los resultados de ésta confianza errónea pueden ser negativos para la reputación de los valuadores profesionales en general, así como para la del valuador involucrado. Para eliminar esta posibilidad debe declararse también que, omitir una declaración limitante apropiada y calificadora en un informe preliminar, es práctica no profesional en la valuación.

Los anuncios autolaudatorios y la procuración de contratos o comisiones valuatorias mediante el uso de pretensiones o promesas falsas, inexactas o desorientadoras, son prácticas totalmente negativas al establecimiento y mantenimiento de la confianza pública en los resultados de los trabajos de valuación, por lo que es de considerar a tales prácticas como constitutivas de una conducta contraria a la ética y al recto ejercicio profesional.

Ahora, abordando un tema que también es importante, es buena práctica llegar a un contrato escrito ó al menos un acuerdo verbal claro, entre el valuador y el cliente, especificando los objetivos y el propósito del trabajo, tiempo en que se entregará el informe y el monto de los honorarios. Si fuera el caso que un valuador disminuyera los honorarios que ha cotizado a un cliente para un servicio especifico de valuación con el propósito de desplazar a otro valuador, cuando él se ha

enterado de la cotización del mismo, se considerará a ésta como una acción contraria a la ética; de ninguna manera será ética la conducta del valuador que intenta desplazar a otro, después que éste ha sido contratado (verbal ó formalmente), para un servicio especifico de valuación.

Si un valuador aceptara un trabajo para el cual el monto de sus honorarios dependiera de la cuantía de la adjudicación en un convenio inmobiliario o en una causa judicial en donde se empleen sus servicios ó dependa de la cantidad de reducción de impuestos obtenida por un cliente en donde se utilizan sus servicios ó se sujete a la consumación de una venta ó el financiamiento de una operación inmobiliaria en conexión con los cuales se utilizaron sus servicios ó está condicionado a la obtención de un resultado o conclusión especificada por su cliente, entonces cualquier persona que considerase la posibilidad de utilizar el resultado del trabajo del valuador podría sospechar que los resultados son tendenciosos para buscar un beneficio propio y los consideraría también inválidos; tal situación obraría en contra del establecimiento y mantenimiento de la credibilidad y confianza en los resultados de los trabajos valuatorios en general, por lo que, al contratar y aceptar ese tipo de honorarios condicionados o dependientes del resultado, se actúa de manera contraria la ética y se constituye una forma de ejercicio no profesional.

En relación con lo mismo, todo valuador debe obligarse a jamás alterar los resultados obtenidos mediante la aplicación de métodos y procedimientos considerados como buena práctica de la valuación, para obtener mayores honorarios.

Por los anteriores motivos, se declara que no es ético y constituye una forma de ejercicio no profesional si un valuador alterase los resultados numéricos de un trabajo de valuación, pagare o aceptase conceder, a fin de obtener un trabajo valuatorio, cualquier tipo de comisión, reembolso, división de comisión de corretaje o cualquiera que se les asimile, o si compitiese o concursare por un trabajo o comisión de valuación sobre postura en subasta cuando el monto de los honorarios sea la única base para la contratación; sin embargo, esta última restricción no debe interpretarse como impedimento para la entrega de propuestas para la prestación de servicios.

Finalmente, cualquier valuador tiene la obligación de proteger la reputación profesional de todos los valuadores, sean estos miembros de alguna asociación o no, mientras que trabajen conforme al "Código de Ética y de Principios Generales para el Ejercicio de la Valuación"; de hecho, es declarado contrario a la ética que un valuador perjudique ó trate de perjudicar, a través de declaraciones falsas ó tendenciosas ó por insinuaciones, la reputación profesional de cualquier valuador.